



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Мяч, посланный теннисистом вертикально вверх, поднимается на максимальную высоту за $T = 2$ с.

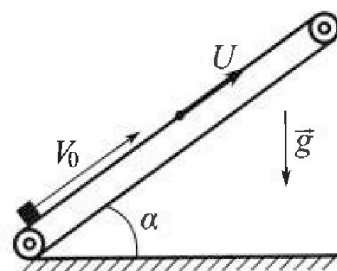
1) Найдите начальную скорость V_0 мяча.

2) Теннисист посылает мяч с начальной скоростью V_0 под различными углами к горизонту в направлении высокой вертикальной стенки, находящейся на расстоянии $S = 20$ м от места броска. На какой максимальной высоте мяч ударяется о стенку?

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым. Все высоты отсчитываются от точки старта.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол α такой, что $\sin \alpha = 0,8$ (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость $V_0 = 4$ м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте $\mu = \frac{1}{3}$. Движение коробки прямолинейное.



1) За какое время T после старта коробка пройдет в первом опыте путь $S = 1$ м?

Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью $U = 2$ м/с, и сообщают коробке скорость $V_0 = 4$ м/с.

2) На каком расстоянии L от точки старта скорость коробки во втором опыте будет равна $U = 2$ м/с?

3) На какой высоте H , отсчитанной от точки старта, скорость коробки во втором опыте станет равной нулю? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же скорости V_0 за одинаковое время.

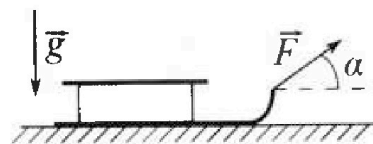
В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом α к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения скорости V_0 действие внешней силы прекращается.

1) Найдите коэффициент μ трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.

2) Через какое время T после прекращения действия силы санки остановятся? Ускорение свободного падения g .

Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.

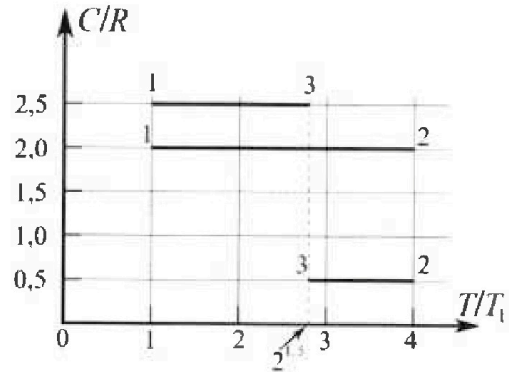


Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

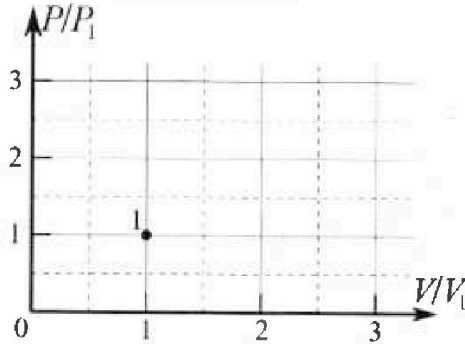
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости C газа (в единицах универсальной газовой постоянной R) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1 $T_1 = 400$ К, универсальная газовая постоянная $R = 8,31$ Дж/(моль·К).



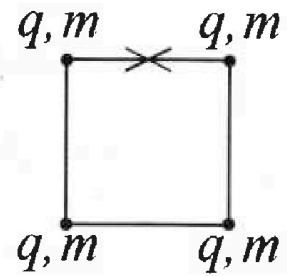
1) Найдите работу A_{12} газа в процессе 1-2.

2) Найдите КПД η цикла.

3) Постройте график цикла в координатах $(P/P_1, V/V_1)$, где P_1 и V_1 давление и объём в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной b (см. рис.). Масса каждого шарика m , заряд q .



1) Найдите силу T натяжения нитей.

Одну нить пережигают.

2) Найдите скорость V любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

3) На каком расстоянии d от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных сверху (на рисунке)?

Коэффициент пропорциональности в законе Кулона k . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

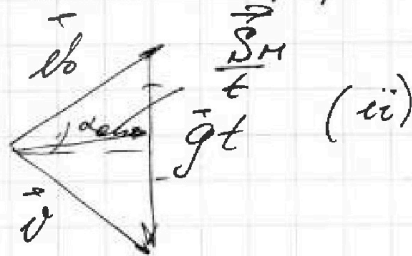
1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Видим, что скорости + расемм нулевое
составляют нормальную формулу
Фигуры Фигуры (вектор скорости = $-\beta$)

А тогда, когда
медленно $\frac{S}{t}$ равна
направлен широту.



Тогда, $\frac{S_H}{t} = \frac{gt}{2} \rightarrow$

$\rightarrow \boxed{S_H = \frac{gt^2}{2}}$ и $\alpha = \arccos \sqrt{(gt)^2 - v_0^2}$

$\rightarrow \alpha = \arccos \sqrt{(v_0 - v)^2 - v_0^2} + \sqrt{v_0^2 + 2v_0v + v^2 - v_0^2}$

$t = t$

$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{g}t$
 $\vec{v} \cdot \vec{v}_0 = 0 \rightarrow \vec{v}_0 \cdot \vec{v}_0 + \vec{g} \cdot \vec{v}_0 t = 0 \rightarrow$

$\rightarrow v_0^2 + g v_0 t (\cos(90^\circ + \alpha_{amp})) = 0 \rightarrow$

$\rightarrow v_0 = g t \sin \alpha_{amp} \rightarrow$

$\rightarrow \boxed{t = \frac{v_0}{g \sin \alpha_{amp}}}$

с Фигурой скорости, $S_{Hy} = v_0 g t - \frac{gt^2}{2} \rightarrow$

$\rightarrow \boxed{v_{Hy} = g t}$

$\rightarrow v_y = v_{Hy} + g_y t \rightarrow v_y = g t$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$(gt)^2 = v^2 + v_0^2 \rightarrow gt = (v_0 - gt)^2 + v_0^2 +$$

$$\rightarrow v_0^2 + v_0^2 - 2v_0gt + (gt)^2 - gt = 0$$

$$2v_0^2 - 2v_0gt + gt(gt-1) = 0$$

$$gt^2 - t(2v_0g + g)$$

$$v = \sqrt{(gt)^2 - v_0^2}$$

$$(gt)^2 = (v_0 - gt)^2 + v_0^2 +$$

$$+ (gt)^2 = v_0^2 - 2v_0gt + (gt)^2 + v_0^2 +$$

$$\rightarrow 2v_0^2 = 2v_0gt \rightarrow \boxed{t = \frac{v_0}{g}}$$

$$\text{Тогда, } h_{\max} = \sqrt{v_0^2 - v^2} =$$

$$= \sqrt{\left(\frac{v_0^2}{2g}\right)^2 - v^2} = \sqrt{\frac{v_0^4}{4g^2} - v^2} =$$

$$= \sqrt{\frac{16^4 \cdot 10^4}{4 \cdot 10^2} - 400}$$

$$\text{Откуда } \rightarrow v_0 = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:



- 1 2 3 4 5 6 7

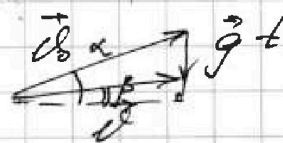
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Видим, что максимальное значение функции h достигается при $v_y^2 = 0 \rightarrow v_y = 0 \rightarrow$ скорость шара перед ударом о стену не имеет проекции на вертикальную ось y .

Тогда, $h_{\max} = (S_{\Delta})$

$$\vec{v} = \vec{v}_0 + \vec{g}t$$



Рассмотрим векторную фигуру S_{Δ} , выписанную по стороне S_{Δ}

$$\begin{cases} S_{\Delta} = \frac{1}{2} v_0 \cos \alpha \cdot t \cdot g \\ S_{\Delta} = \frac{1}{2} v_0 \sin(\alpha - \beta) \end{cases} \rightarrow$$

$$\rightarrow \frac{1}{2} g S = \frac{1}{2} v_0 \sin(\alpha - \beta) \rightarrow$$

$$\rightarrow \boxed{v = \frac{g S}{v_0 \sin(\alpha - \beta)}} \quad \text{Видим, что функция в числителе и в знаменателе}$$

достигает максимума при $\sin(\alpha - \beta) = 1 \rightarrow \alpha - \beta = 90^\circ \rightarrow$

$$\rightarrow \boxed{\alpha = 90^\circ + \beta} \rightarrow \boxed{\beta = \alpha - 90^\circ}$$

Тогда, возвращаясь к исходной функции

$$h_{\max} = \frac{(v_0 \sin(90^\circ + \beta))^2 + (v_0 \sin \beta)^2}{2g}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

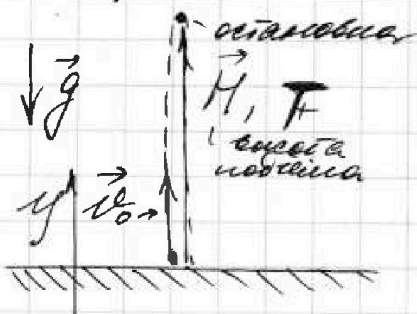
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$S = 20 \text{ м}$
 $T = 2 \text{ с}$

- 1) $v_0 = ?$
2) $h_{\text{max}} = ?$

1) Рассмотрим случай, когда теннисный мячик летит вертикально вверх



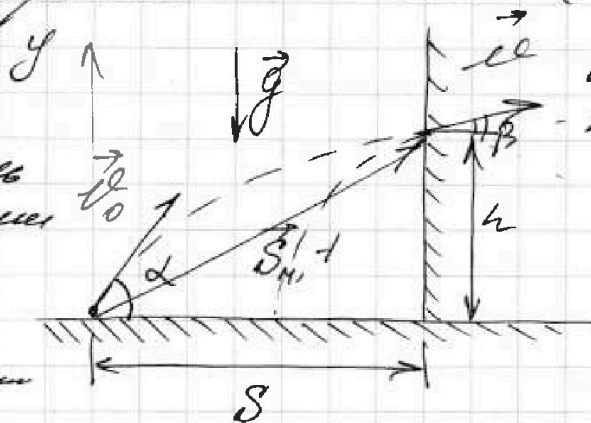
т.к. сопротивление воздуха не учитывается в уравнении движения используем РУА

Тогда, $0 = v_{0y} = v_{0y} + g_y T \rightarrow$
 $\rightarrow v_{0y} = -g_y T \rightarrow v_0 = gT$

$\rightarrow v_0 = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 2 \text{ с} = 20 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

2) Рассмотрим случай, когда теннисный мячик летит к вертикальной стене

$S_{\text{м}}$ - модель перемещения мяча до стены
+ - время полета до стены



α и h - произвольные угол и высота соответствующего, v_x - скорость мяча прямо перед ударом о стену
 v_y - угол скорости по вертикали
 g - сила тяжести

Уг используем РУА,

$2gh = \frac{v_{0y}^2}{2} - v_y^2 \rightarrow h = \frac{v_{0y}^2 - v_y^2}{2g}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$f_{TF} \approx (4^m)$$

$$\rightarrow 2S = 2v_0 T - gT^2 \rightarrow$$

$$\rightarrow gT^2 - 2v_0 T + 2S = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow \left[T^2 - \frac{2v_0}{g} T + \frac{2S}{g} = 0 \right] \rightarrow$$

$$\rightarrow \text{по теореме Виета, } \begin{cases} T_1 + T_2 = \frac{2v_0}{g} \\ T_1 \cdot T_2 = \frac{2S}{g} \end{cases} \rightarrow$$

$$\rightarrow \begin{cases} T_1 + T_2 = 0,8 \\ T_1 \cdot T_2 = 0,2 \end{cases} \rightarrow \begin{cases} T_2 = 0,8 - T_1 \\ T_1 \cdot T_2 = 0,2 \end{cases}$$

$$\rightarrow T_1(0,8 - T_1) = 0,2 \rightarrow$$

$$\rightarrow 0,8T_1 - T_1^2 = 0,2 \rightarrow -T_1^2 + 0,8T_1 - 0,2 = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow T_1^2 - 0,8T_1 + 0,2 = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow D = 64$$

$D = (2v_0)^2 - 8Sg < 0 \rightarrow$ Предположим,
что корабль прошел такой путь до
суши. Влезу на берег, и корабль
начнет двигаться,

Тогда путь t_1 - время движения
до обвала, t_2 - время пути
до $S = 1$ м

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$S = 1 \text{ м}$$

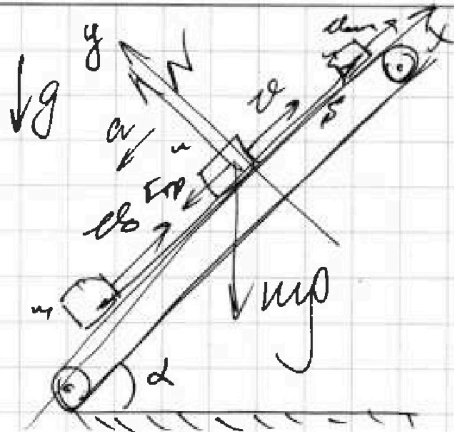
$$\sin \alpha = 0,8$$

$$v_0 = 4 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$u = 2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\omega = \frac{1}{3}$$

- 1) $T = ?$
- 2) $L = ?$
- 3) $H = ?$



1) Равномерное
движение
по прямой
назад (прямой
линей)

v - скорость, ω - угловая скорость,
назад по прямой
линейной

Ускорение

23 м: $y: N = mg \cos \alpha$

$x: -ma = -mg \sin \alpha - F_{\text{тр}}$

$\text{т.к. } F_{\text{тр}} = \mu N = \mu mg \cos \alpha,$

$ma = mg \sin \alpha + \mu mg \cos \alpha \rightarrow$

$\rightarrow a = g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) = \text{const}$

т.к. $\sin \alpha = 0,8, \cos \alpha = 0,6$

$\rightarrow a = g(0,8 + \frac{1}{3} \cdot 0,6) \rightarrow a = g$

2) Используем известную формулу РУА:

$x: S = v_0 T - \frac{g T^2}{2} \rightarrow \sqrt{\frac{v_0^2 - 2gS}{g}} \rightarrow$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\rightarrow \boxed{L = \tau_3 \left(\frac{v_0 - v}{2} \right)} \rightarrow \boxed{L = 0,2 \text{ с} \cdot \frac{2 \frac{\text{м}}{\text{с}}}{2} = 0,2 \text{ м}}$$

4) Ищем скорость движения по н. 1 и н. 2,
а также принимаем соответствующий ответ,

$$S_{\text{ср}} = S - v \cdot t_1 = 0,8 \text{ м} - 2 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 0,4 \text{ с} = 0 \rightarrow$$

$$\rightarrow \boxed{H = 0}$$

Ответ: 1) $T = \left(0,4 + \sqrt{\frac{1}{15}} \right) \text{ с}$

2) $L = 0,2 \text{ м}$

3) $H = 0$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

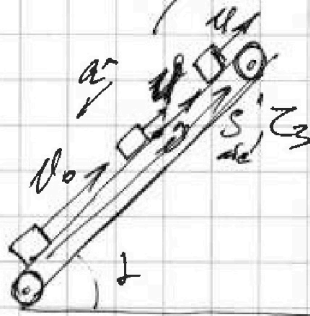
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} \rightarrow \tau_2 &= \sqrt{\frac{\delta_2}{g}} = \sqrt{\frac{0,2 \text{ м}}{3 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}}} = \\ &= \sqrt{\frac{2}{30}} \text{ с} = \sqrt{\frac{4}{60}} \text{ с} = 2 \sqrt{\frac{1}{60}} \text{ с} = \\ &= \sqrt{\frac{1}{15}} \text{ с} \quad \text{Тогда, } T = \tau_1 + \tau_2 = \left(0,4 + \sqrt{\frac{1}{15}}\right) \text{ с} \end{aligned}$$

3) Рассекаем в верхней точке



и масса не смещается,

$$\text{и тогда } a^* = a = g$$

из аксиомы РУА,

$$l - l_0 = g \tau_3 \rightarrow \tau_3 = \frac{l - l_0}{g}$$

τ_3 - время замедления до 0.

$$\text{тогда, } \tau_3 = - \frac{2 \frac{\text{м}}{\text{с}} - 4 \frac{\text{м}}{\text{с}}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} \rightarrow \tau_3 = 0,2 \text{ с}$$

$$\text{и } \delta_{\text{до}} = \frac{l_0 + l}{2} \cdot \tau_3 = \frac{0 + 1}{2} \cdot 0,2 = 0,1 \text{ м}$$

А т.к. точка начала движения
связана с началом, $L = S_{\text{см}} = S_{\text{дв}} - S_{\text{ст}}$,

$$\text{где } S_{\text{ст}} = l \tau_3 \rightarrow L = \frac{l_0 + l}{2} \cdot \tau_3 - l \tau_3 \rightarrow$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Очевидно, что на пути вектор
силы тяжести перпендикулярен всей траектории,
на противоположном, а остальные
оставшиеся перпендикулярны, тогда

$$\hat{a} = g(\sin \alpha - \mu \cos \alpha) \rightarrow$$

$$\rightarrow \hat{a} = g(0,8 - \frac{1}{3} \cdot 0,6) = \boxed{\hat{a} = \frac{5}{10} g}$$

\hat{a} - ускорение на пути

• Заменим g на \hat{a} до остановки на
путь

$$\kappa: \boxed{v_0 = g \tau} \rightarrow \boxed{\tau = \frac{v_0}{g} = 0,4 \text{ с}}$$

За это время корабль прошел

$$S_1 = v_0 \tau - \frac{g \tau^2}{2} = v_0 \tau - \frac{g \left(\frac{v_0}{g}\right)^2}{2} =$$

$$= v_0 \left(\frac{v_0}{g}\right) - \frac{v_0^2}{2g} = \frac{v_0^2}{g} - \frac{v_0^2}{2g} = \frac{v_0^2}{2g} \rightarrow$$

$$\rightarrow S_1 = \frac{(4 \frac{\text{м}}{\text{с}})^2}{2 \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} - \frac{16}{20} \text{ м} = 0,8 \text{ м}$$

• Тогда S_2 - путь на пути -

$$\text{равен } S_2 = S - S_1 = 1 \text{ м} - 0,8 \text{ м} = 0,2 \text{ м}$$

• Заменим g на \hat{a} на пути

$$S_2 = \frac{v_0^2}{2\hat{a}} \rightarrow S_2 = \frac{0,6^2}{2 \cdot \frac{5}{10} g} \rightarrow$$

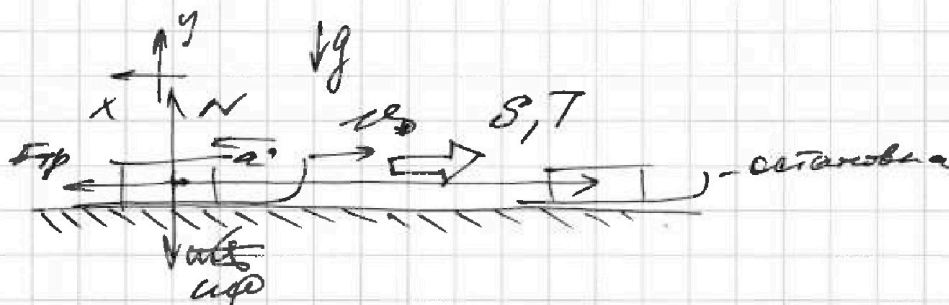
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Уг. эдт.: $y: N = mg \rightarrow$

$$- F_{\text{тр}} = \mu mg = \frac{(1 - \cos \alpha)}{\sin \alpha} mg$$

$$x: F_{\text{тр}} = ma \rightarrow a = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} g = \text{const}$$

Уг. скорость v_0 ,

$$v: v_0 = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} g \cdot T \Rightarrow T = \frac{v_0 \sin \alpha}{g(1 - \cos \alpha)}$$

Ответ: $\left. \begin{array}{l} 1) \mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha} \\ 2) T = \frac{v_0 \sin \alpha}{g(1 - \cos \alpha)} \end{array} \right\}$

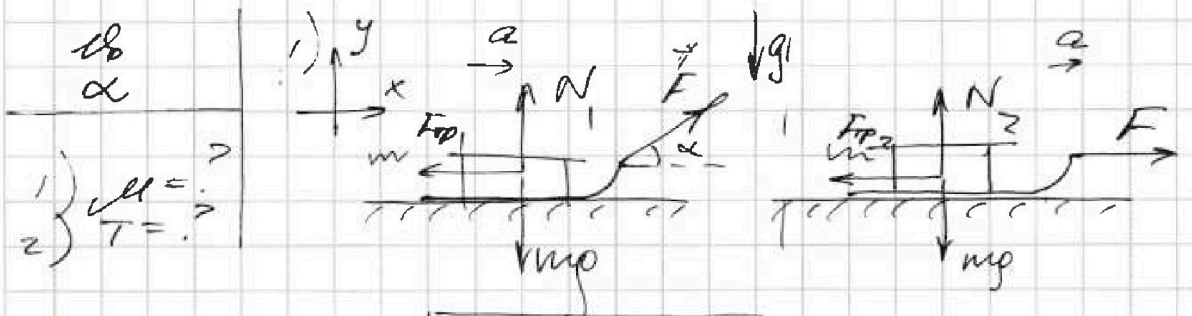
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Печать QR-кода недопустима!



ЗВН: $y: N_1 = mg - F \sin \alpha$

ЗВН:

$y: N_2 = mg$

$x: ma = F \cos \alpha - F_{fp1}$

$x: ma = F - F_{fp2}$

$A \text{ в. к. } F_{fp1} = \mu N_1 = \mu mg - \mu F \sin \alpha$

$A \text{ в. к. } F_{fp2} = \mu N_2 =$

$ma = F \cos \alpha + \mu F \sin \alpha - \mu mg$

$= \mu mg$

$ma = F - \mu mg$

$F \cos \alpha + \mu F \sin \alpha - \mu mg = F - \mu mg$

$\cos \alpha + \mu \sin \alpha = 1$

$\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$

• Значения были преобразованы к нормальному виду условного вида a и va так скорость была достигнута за одинаковое время

2) когда действует сила F преобразована, очевидно что ускорения если будут совпадать и ускорения будут одинаковы. Поэтому равными будут тормозными силами



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\rightarrow y \approx 1 - \frac{1028}{12} \approx 1 - 0,86 = 0,14 = 14\%$$

4) calculate γ processes -
найти функцию най для их
показатели на процессы

$$\cdot \kappa_{12} = \frac{2R - \frac{5}{3}R}{2R - \frac{2}{3}R} = \frac{\frac{1}{3}R}{\frac{4}{3}R} = \frac{1}{4} \rightarrow p^4 V = \text{const}$$

Для процесса 12

$$\cdot \kappa_{23} = \frac{0,5R - \frac{5}{2}R}{0,5R - \frac{2}{3}R} = \frac{-\frac{7}{6}R}{-\frac{1}{6}R} = 7 \rightarrow pV^7 = \text{const}$$

Для процесса 23

$$\cdot \kappa_{31} = \frac{\frac{5}{2}R - \frac{5}{3}R}{\frac{5}{2}R - \frac{2}{3}R} = \frac{\frac{5}{6}R}{\frac{11}{6}R} \rightarrow p^4 V^5 = \text{const}$$

Для процесса 13

Ответ: 1) $A_{11} = 4986 \text{ Дж}$
2) $y = 14\%$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

МФТИ

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



3) Видим, что в действии алюминия

- в процессе 12 гиния поддается
- в процессе 23 и 31 - выделяется.

Тогда, $Q_x = -(Q_{23} + Q_{31})$

$$Q_x = Q_{12} \quad \rightarrow \quad Q_x = 6 \text{ ДДТ}_1$$

$$Q_{31} = 2,5 \text{ ДДТ}_1 (T_1 - 2^{1,5} T_1) \rightarrow$$

$$\rightarrow Q_{31} = 2,5 \text{ ДДТ}_1 (1 - \sqrt{2})$$

$$Q_{23} = 0,5 \text{ ДДТ}_1 (2^{1,5} T_1 - 4 T_1) \rightarrow$$

$$\rightarrow Q_{23} = 0,5 \text{ ДДТ}_1 \cdot 2 (\sqrt{2} T_1 - 2 T_1) \rightarrow$$

$$\rightarrow Q_{23} = \text{ДДТ}_1 (\sqrt{2} - 2)$$

Тогда, $Q_x = 2,5 \text{ ДДТ}_1 (\sqrt{2} - 1) + \text{ДДТ}_1 (2 - \sqrt{2}) \rightarrow$

$$\rightarrow Q_x = \text{ДДТ}_1 (2,5\sqrt{2} - 2,5 + 2 - \sqrt{2}) \rightarrow$$

$$\rightarrow Q_x = \text{ДДТ}_1 (4\sqrt{2} - 0,5) \rightarrow$$

$$\rightarrow Q_x = 2 \text{ ДДТ}_1 (2\sqrt{2} - 0,25)$$

$$\left[y = 1 - \frac{Q_x}{Q_{12}} \right] \rightarrow y = 1 - \frac{2(2\sqrt{2} - 0,25)}{6}$$

$$\rightarrow y = 1 - \frac{4\sqrt{2} - 0,5}{3} \approx 1 - 3,7 \rightarrow y = 1 - \frac{2\sqrt{2} - 1}{12}$$

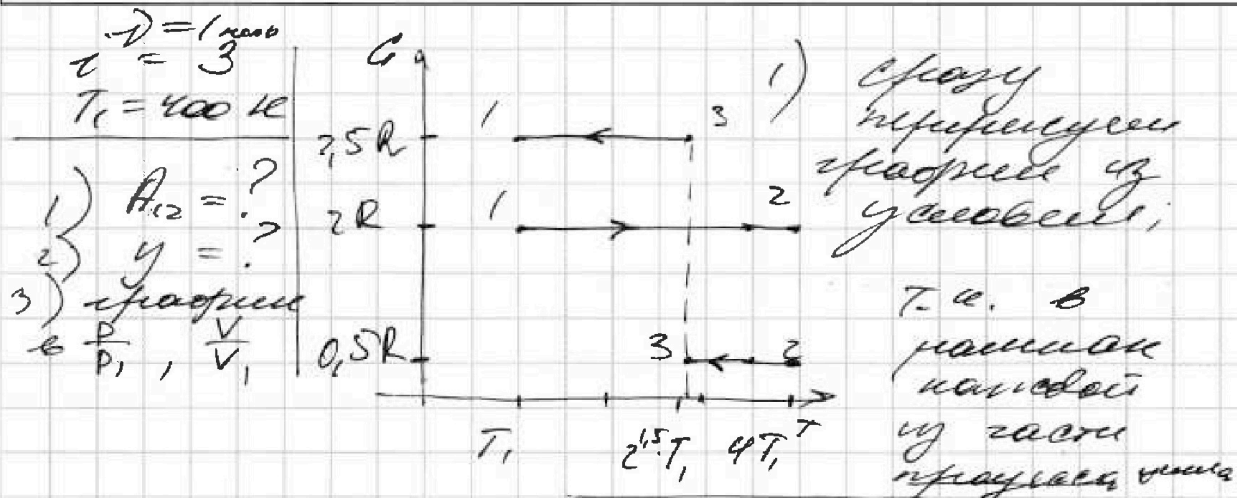
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$c = \text{const}, \quad \left[Q_{i,k} = c \vec{v} \Delta T_{ik} \right]_{ik-\text{каналов процесс}}$$

2) Первое начало термодинамики для процесса (-2):

$$Q_{12} = A_{12} + \frac{3}{2} \nu R \Delta T_{12} \rightarrow$$

$$\rightarrow 2R \nu (4T_1 - T_1) = A_{12} + \frac{3}{2} \nu R (4T_1 - T_1) \rightarrow$$

$$\rightarrow 2 \nu R \cdot 3T_1 = A_{12} + \frac{9}{2} \nu R T_1 \rightarrow$$

$$\rightarrow \frac{12}{2} \nu R T_1 - \frac{9}{2} \nu R T_1 = A_{12} \rightarrow$$

$$\rightarrow \left[A_{12} = \frac{3}{2} \nu R T_1 \right] \rightarrow$$

$$\rightarrow A_{12} = \frac{3}{2} \cdot 1 \text{ моль} \cdot 31 \frac{\text{Дж}}{\text{моль} \cdot \text{К}} \cdot 400 \text{ К} =$$

$$= (600 \cdot 31) \text{ Дж} = (6 \cdot 31) \text{ Дж} =$$

$$= 4986 \text{ Дж} \rightarrow \underline{A_{12} = 4986 \text{ Дж}}$$

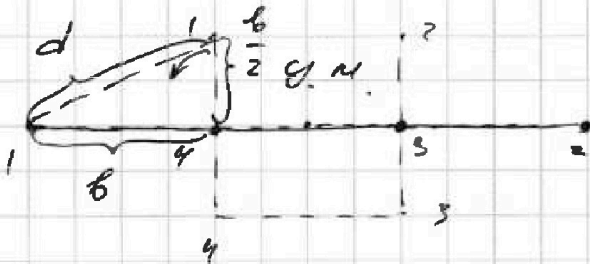
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Удобнее это на рисунке



Видим, что по
т. Пифагора,

$$d = \sqrt{\left(\frac{b}{2}\right)^2 + b^2} \rightarrow$$

$$\rightarrow d = \sqrt{1,25b^2} \rightarrow \boxed{d = b\sqrt{5}}$$

Ответ: 1) $T = \frac{kq^2}{b^2} \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{4}\right)$

2) $d = \sqrt{\frac{4b^2}{60\text{м}} (3\sqrt{2} - 1)}$

3) $d = b\sqrt{5}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

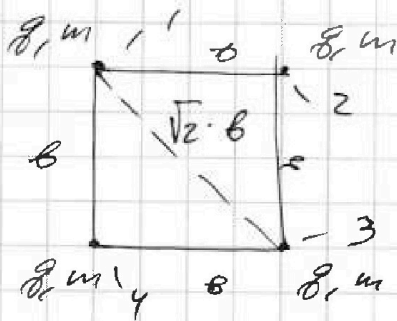
1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Парча QR-кода недопустима!

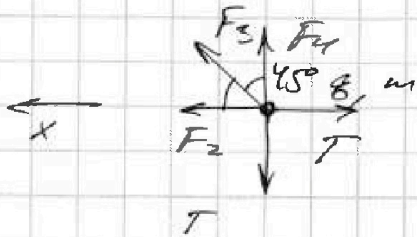


- m, g, b
 1) $T = ?$
 2) $v = ?$
 3) $d = ?$



1) Рассмотрим симметричную до перемещения кисти.

В эту симметричную 4 неразрывных нити, сила натяжения нити, равная весу, для нахождения этой силы достаточно рассмотреть часть одной нити (нуль)



F_2, F_3, F_4 — сила тяжести со стороны шариков 2, 3, 4 соответственно

$$F_2 = \frac{kg^2}{b^2}; \quad F_4 = \frac{kg^2}{b^2}; \quad F_3 = \frac{kg^2}{2b^2}$$

ЗНН для 1: $x: F_2 + F_3 \cos 45^\circ - T = 0 \rightarrow$

$$\rightarrow T = F_2 + F_3 \cos 45^\circ \rightarrow$$

$$\rightarrow T = \frac{kg^2}{b^2} + \frac{kg^2}{2b^2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \rightarrow T = \frac{kg^2}{b^2} \left(1 + \frac{\sqrt{2}}{4} \right)$$

2) Рассмотрим симметричную нить перемещаемой верхней кисти.

Заметим, что для нити в вершине 3 СЭ

"шарик" 1+2+3+4"

(Анкет = 0)

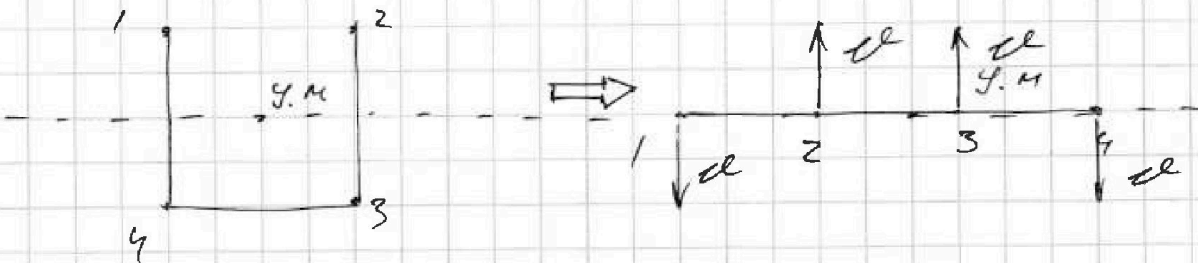
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



В одну симметричную сторону каждого из шариков будет одинаковая

$$E_1 = E_2 \rightarrow W_{z1} = \frac{4md^2}{2} = W_{z2} \rightarrow$$

$$\rightarrow \frac{4kd^2}{6} + \frac{2kd^2}{\sqrt{2}b} = \frac{4md^2}{2} + \frac{3kd^2}{6} + \frac{kd^2}{3b} + \frac{2kd^2}{2b}$$

$$\rightarrow \frac{kd^2}{6} + \frac{2kd^2}{\sqrt{2}b} = \frac{4md^2}{2} + \frac{8kd^2}{6b}$$

$$\rightarrow \frac{kd^2}{6} + \frac{2kd^2}{\sqrt{2}b} = \frac{4md^2}{2} + \frac{4kd^2}{3b}$$

$$\rightarrow \frac{2\sqrt{2}kd^2}{2b} - \frac{kd^2}{3b} = \frac{4md^2}{2}$$

$$\rightarrow \frac{6\sqrt{2} \cdot kd^2}{6b} - \frac{2kd^2}{6b} = \frac{4md^2}{2} \quad | \cdot \frac{1}{2}$$

$$md^2 = \frac{kd^2}{6b} (3\sqrt{2} - 1) \rightarrow$$

$$\rightarrow d = \sqrt{\frac{kb^2}{6m} (3\sqrt{2} - 1)}$$

3) Т.к. у.м. находится и его локальной массой шарика, он не сместится



1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>

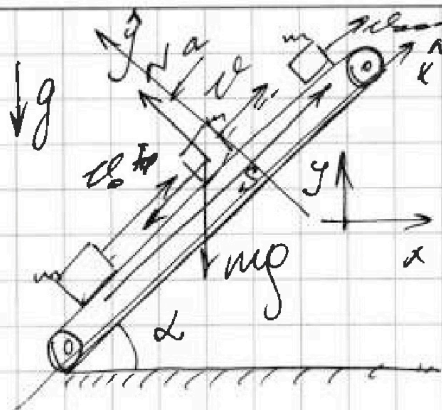
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$S = 1 \text{ м}$$

$$\sin \alpha = 0,8$$

$$v_0 = 4 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$\mu = \frac{1}{3}$$



Рассмотрим случай, когда лента начнется (первой оной)

В-произв. движется, v_нач - скорость, когда коромышко пройдет путь S т-масса коромысла

- 1) T = ?
- 2) L = ?
- 3) H = ?

из динамики,

$$\text{ЗЗН: } \vec{y} : N = mg \cos \alpha$$

$$\vec{x} : -ma = -mg \sin \alpha - F_{тр}$$

т.к. $F_{тр} = \mu N = \mu mg \cos \alpha$,

$$ma = mg \sin \alpha + \mu mg \cos \alpha \rightarrow$$

$$\rightarrow a = g(\sin \alpha + \mu \cos \alpha) = \text{const}$$

т.к. $\sin \alpha = 0,8$, $\cos \alpha = 0,6 \rightarrow$

$$\rightarrow a = g(0,8 + \frac{1}{3} \cdot 0,6) \rightarrow a = g$$

2) Используем универсальную РГА!

$$\vec{x} : S = v_0 t - \frac{g T^2}{2} \rightarrow$$

$$\rightarrow 2S = 2v_0 t - g T^2 \rightarrow g T^2 = 2(v_0 t - S) \rightarrow$$

Черновик МСЭ

Черновик МСЭ

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Входит

$$\begin{array}{r} 131 \\ \times 37 \\ \hline 4986 \end{array}$$

$$6 \cdot 131 = 6(100 + 30 + 1) = 4800 + 180 + 6 = 4986 \text{ W}$$

$$\sqrt{2} = 1,41$$

$$\begin{array}{r} 191 \\ \times 12 \\ \hline 1128 \end{array}$$

$$v_1^2 + v_2^2 = (gt)^2$$

$$v_1^2 + v_2^2 = v_0^2 + v_0^2 = (gt)^2$$

$$\begin{array}{r} 376 \\ \times 1128 \\ \hline 1128 \\ 3760 \\ \hline 42432 \end{array}$$

$$376$$

$$4,28$$

$$\begin{array}{r} 1128 \mid 300 \\ - 900 \\ \hline 2280 \\ - 2000 \\ \hline 1800 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 376 \\ \times 1128 \\ \hline 1128 \\ 3760 \\ \hline 42432 \end{array}$$

$$v_1 + v_2 = gt$$

$$\begin{array}{r} 10280 \mid 200 \\ - 9000 \\ \hline 6800 \\ - 6000 \\ \hline 800 \\ - 800 \\ \hline 0 \end{array}$$

$$0,86$$

$$0,86$$

$$\frac{10280}{12} = 8,86$$

$$\begin{array}{r} 0,86 \\ \times 12 \\ \hline 10,32 \end{array}$$

$$s = \frac{v_1 v_2 \sin(\alpha - \beta)}{g}$$

$$h = \frac{g s}{v \sin(\alpha - \beta)}$$

$$-2gh = v^2 - v_0^2 \rightarrow h = \frac{v^2 - v_0^2}{2g}$$

$$h = \frac{v_0^2 - v^2}{2g}$$

$$v_0 = \frac{(1 - \cos \alpha) g T}{\sin \alpha}$$

$$0 = v_0^2 - \frac{(1 - \cos \alpha) g T}{\sin \alpha}$$

$$T = \frac{v_0 \sin \alpha}{g(1 - \cos \alpha)}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

