



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 2



1. [4 балла] Натуральные числа  $a, b, c$  таковы, что  $ab$  делится на  $2^7 3^{11} 5^{14}$ ,  $bc$  делится на  $2^{13} 3^{15} 5^{18}$ ,  $ac$  делится на  $2^{14} 3^{17} 5^{43}$ . Найдите наименьшее возможное значение произведения  $abc$ .
2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник  $ABC$ . Окружность, касающаяся прямой  $AC$  в точке  $A$ , пересекает высоту  $CD$ , проведённую к гипотенузе, в точке  $E$ , а катет  $BC$  – в точке  $F$ . Известно, что  $AB \parallel EF$ ,  $AB : BD = 1,3$ . Найдите отношение площади треугольника  $ACD$  к площади треугольника  $CEF$ .
3. [4 балла] Решите уравнение  $5 \arccos(\sin x) = \frac{3\pi}{2} + x$ .

4. [5 баллов] Найдите все значения параметра  $a$ , для каждого из которых найдётся значение параметра  $b$ , при котором система уравнений

$$\begin{cases} x + 3ay - 7b = 0, \\ (x^2 + 14x + y^2 + 45)(x^2 + y^2 - 9) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа  $x$  и  $y$  удовлетворяют равенствам

$$\log_7^4(6x) - 2 \log_{6x} 7 = \log_{36x^2} 343 - 4, \quad \text{и} \quad \log_7^4 y + 6 \log_y 7 = \log_{y^2} (7^5) - 4.$$

Найдите все возможные значения произведения  $xy$ .

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках  $O(0;0)$ ,  $P(-17;68)$ ,  $Q(2;68)$  и  $R(19;0)$ . Найдите количество пар точек  $A(x_1; y_1)$  и  $B(x_2; y_2)$  с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно на границе) и таких, что  $4x_2 - 4x_1 + y_2 - y_1 = 40$ .
7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида  $SABC$ , медианы  $AA_1$ ,  $BB_1$  и  $CC_1$  треугольника  $ABC$  пересекаются в точке  $M$ . Сфера  $\Omega$  касается ребра  $AS$  в точке  $L$  и касается плоскости основания пирамиды в точке  $K$ , лежащей на отрезке  $AM$ . Сфера  $\Omega$  пересекает отрезок  $SM$  в точках  $P$  и  $Q$ . Известно, что  $SP = MQ$ , площадь треугольника  $ABC$  равна 60,  $SA = BC = 10$ .
  - а) Найдите произведение длин медиан  $AA_1$ ,  $BB_1$  и  $CC_1$ .
  - б) Найдите двугранный угол при ребре  $BC$  пирамиды, если дополнительно известно, что  $\Omega$  касается грани  $BCS$  в точке  $N$ ,  $SN = 3$ , а радиус сферы  $\Omega$  равен 4.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



№1

Выражения  $ab$ ,  $bc$  и  $ac$  можно представить  
след. образом:  $ab = 2^7 \cdot 3^{11} \cdot 5^{14} \cdot k$

$$(v) \quad bc = 2^{13} \cdot 3^{15} \cdot 5^{13} \cdot p, \text{ где } \{k, p, m\} \in \mathbb{N}$$

$$ac = 2^{14} \cdot 3^{17} \cdot 5^{15} \cdot m$$

$$\text{Тогда } ab \cdot bc \cdot ac = (abc)^2 = 2^{34} \cdot 3^{43} \cdot 5^{35} \cdot kpm$$

Заметим, что  $(5^{14} \cdot k) \cdot (5^{15} \cdot p)$  должно быть  
больше или равно знач.  $5^{143}$ , иначе числа  
 $a, b$  хотя одно из чисел  $a, b, c$  будет не натур.  
равным, т.к. для выполнения рав-в (v) како-  
нибудь число будет представ. в виде  $2^t \cdot 3^n \cdot 5^{-g}$ ,  
т.е.  $5^{-g}$  будет отриц. натур. где  $\{t, n, g\} \in \mathbb{Z}$

Чтобы знач.  $abc$  было наим. потребуем,  
чтобы  $5^{32} \cdot kp = 5^{43} \cdot 1 \Rightarrow kp = 5^{11}, m=1$

$$\text{Получим, что } (abc)^2 = 2^{34} \cdot 3^{43} \cdot 5^{36}$$

$$abc = 2^{17} \cdot 3^{21.5} \cdot 5^{18} \text{ - наим. знач.}$$

Пример:

$$\begin{aligned} a &= 2^4 \cdot 3^{13/2} \cdot 5^{21} \\ b &= 2^3 \cdot 3^{9/2} \cdot 5^0 \\ c &= 2^{10} \cdot 3^{21/2} \cdot 5^{22} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a &= 2^4 \cdot 3^{13/2} \cdot 5^{21} \\ b &= 2^3 \cdot 3^{9/2} \cdot 5^0 \\ c &= 2^{10} \cdot 3^{21/2} \cdot 5^{22} \end{aligned} \Rightarrow \begin{aligned} ab &= 2^7 \cdot 3^{11} \cdot 5^{21} \\ bc &= 2^{13} \cdot 3^{15} \cdot 5^{22} \\ ac &= 2^{14} \cdot 3^{17} \cdot 5^{43} \end{aligned}$$

$$\text{Ответ: } 2^{34} \cdot 3^{43} \cdot 5^{43}$$

1  2  3  4  5  6  7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1) Проведем  $FE$  до  
пересечения с  $AC$ :

$FE \cap AC = K$ ,  
тогда по т. О касает  
и секущей:  $KE \cdot KF = AK^2$  (\*)

2) Так как  $AB \perp BD = \frac{13}{10}$ ,

то пусть  $AD = 3p$ ,  $BD = 10p$

и т.к.  $FK \parallel AB$ , то пусть  $FE = 10t$ ,  $EK = 3t$

3)  $CD^2 = BD \cdot AD = 10p \cdot 3p$

$CD = \sqrt{30} p$ , аналогично  $CE = \sqrt{30} t$

$AC^2 = CD^2 + AD^2 = 30p^2 + 9p^2 = 39p^2$  (м. Пифаг.)

Аналогично:  $CK = \sqrt{39} t$

4)  $AK = AC - CK = \sqrt{39} p - \sqrt{39} t = \sqrt{39}(p-t)$

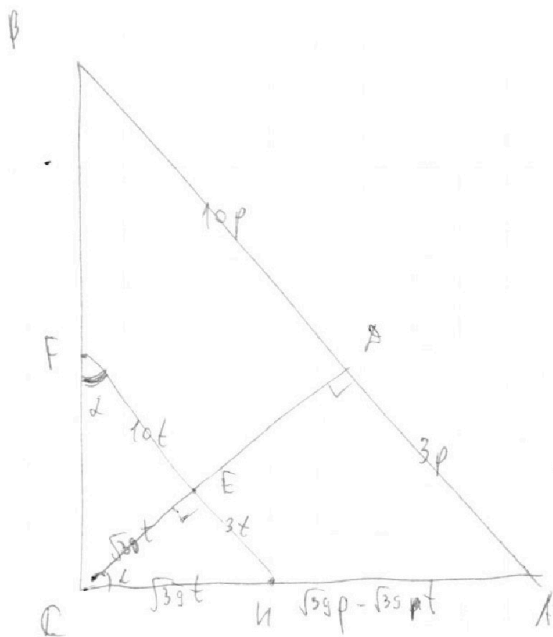
из (\*) имеем:  $3t \cdot 13t = 39(p-t)^2$

$$t^2 \rightarrow p^2 \cdot (p-t)^2 - t^2 = 0$$

$$(p-2t)p = 0$$

$$\begin{cases} p = 0 \text{ (н)} \\ p = 2t \text{ (к)} \end{cases}$$

стр. 1



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№2 (продолжение)

$$5) \frac{S_{\triangle ACSB}}{S_{\triangle CEF}} = k^2, \text{ где } k = \frac{CA}{FE} \quad (\triangle ACSB \sim \triangle CFE)$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{CA}{FE} = \frac{\sqrt{30} \rho}{10t} = \frac{2\sqrt{30} \rho t}{10t} = \frac{\sqrt{30}}{5} = k \\ \rho = 2t \end{array} \right.$$

Поэтому, что откос, площадь тр-ков  
равно  $k^2 = \frac{30}{25} = \frac{6}{5}$  Ответ:  $\frac{6}{5}$

стр. 2

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$5 \arccos(\sin x) = \frac{3\pi}{2} + x \quad \sim 3$$

$$5 \arccos(\cos(\frac{\pi}{2} + x)) = \frac{3\pi}{2} + x$$

Зная, что  $\arccos(\cos t) = t, t \in [0; \pi]$ , имеем.

$$\begin{cases} 5(\frac{\pi}{2} + x) = \frac{3\pi}{2} + x & (V) \quad \pi = 6x \\ 0 \leq \frac{\pi}{2} - x \leq \pi \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5\frac{\pi}{2} - 5x = \frac{3\pi}{2} + x & (V) \\ X \in [-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}] \end{cases}$$

$$\begin{cases} X = \frac{\pi}{6} & (U) \\ X > \pi \text{ где } \cos(-\frac{\pi}{2} + x) \end{cases}$$

Ответ  $\frac{\pi}{6}$

$$X \in [-\frac{\pi}{2}; \frac{\pi}{2}]$$

Ответ  $\frac{\pi}{6}, \pi$

$$\begin{aligned} 5 \left( \frac{3\pi}{2} + x \right) &= \frac{3\pi}{2} + x \\ \frac{15\pi}{2} + 5x &= \frac{3\pi}{2} + x \end{aligned}$$

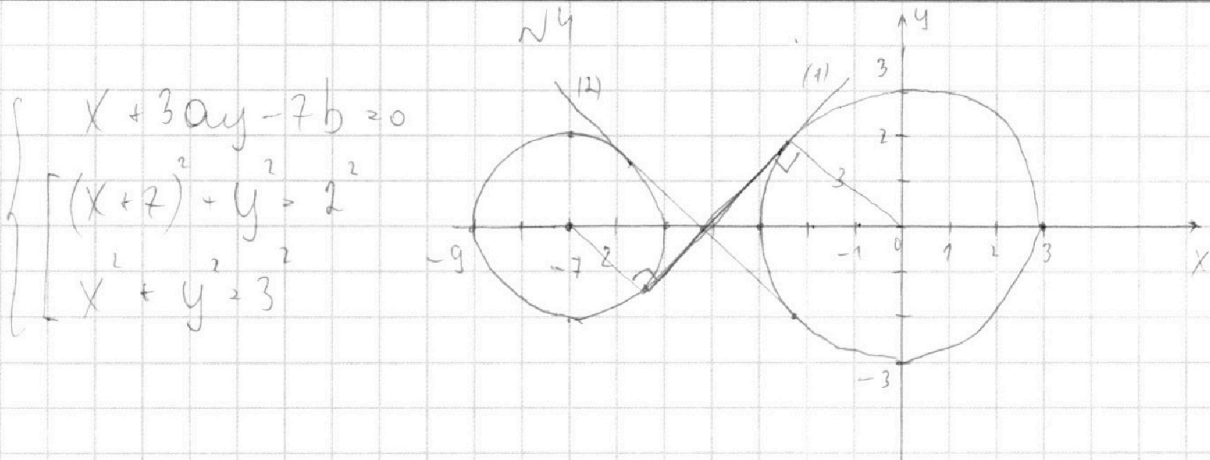
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



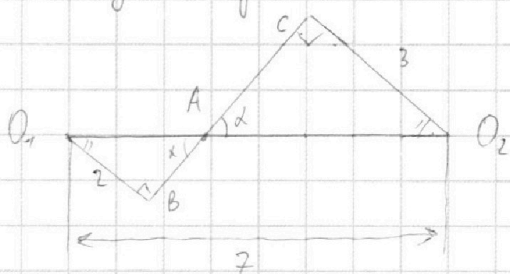
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Решением данной системы являются пересечение прямой вида  $y = kx + c$  с двумя данными окружностями. В нашей задаче  $y = -\frac{x}{3a} + \frac{7b}{3a}$  должна

пересекать  $(x+7)^2 + y^2 = 4$  и  $x^2 + y^2 = 9$ , чтобы было 4 решения. Т.к. в можно взять, наоборот, то нас ограничивает только угол наклона нашей пр-й, а именно он не должен быть больше или равен углу наклона прямой (1) и не д.б.  $\leq$  углу (2) (прямые (1) и (2) обозн. на графике)

Найдем угол  $\alpha$  наклона пр-й (1):



$$\triangle ABO_1 \sim \triangle ACO_2: \frac{O_1B}{O_1C} = \frac{O_1A}{O_2A} = \frac{2}{3}$$

$$O_1A + O_2A = 7$$

$$2k + 3k =$$

$$2t + 3t = 7$$

$$t = \frac{7}{5} \Rightarrow O_1A = \frac{14}{5}; O_2A = \frac{21}{5}$$

стр. 11

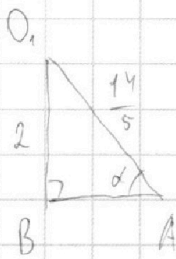
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1   
  2   
  3   
  4   
  5   
  6   
  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

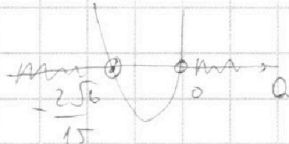


№4 (продолжение)

$$AB = \sqrt{\left(\frac{14}{5}\right)^2 - \left(\frac{10}{5}\right)^2} = \sqrt{\frac{4}{5} \cdot \frac{24}{5}} = \frac{4}{5} \sqrt{6}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{2}{4\sqrt{6}/5} = \frac{5}{2\sqrt{6}} \Rightarrow -\frac{1}{3a} < \frac{5}{2\sqrt{6}}$$

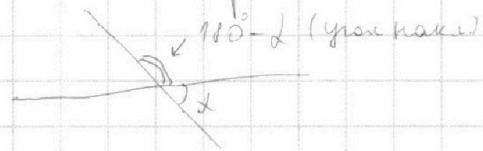
$$\frac{15a + 2\sqrt{6}}{6\sqrt{6}a} > 0$$



$$a < -\frac{2\sqrt{6}}{15}$$

В силу симметрии угол кас. пр-й (2)

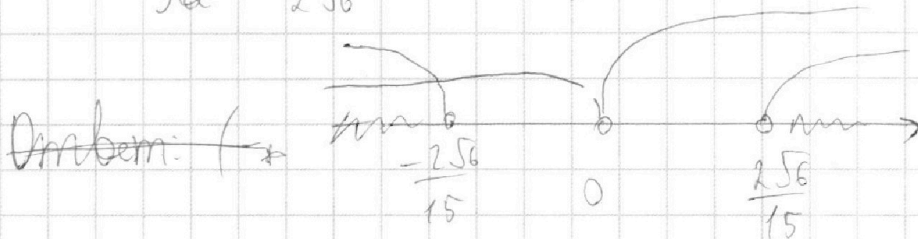
будет равен уг. обр.:



$$\operatorname{tg}(\pi - \alpha) = -\operatorname{tg} \alpha = -\frac{5}{2\sqrt{6}}$$

$$-\frac{1}{3a} \geq -\frac{5}{2\sqrt{6}} \quad a > \frac{2\sqrt{6}}{5}$$

$$\frac{15a - 2\sqrt{6}}{6\sqrt{6}a} > 0$$



Заметим, что при  $a=0$ , мы получаем пр-ю  $x - 7b = 0$  и, кот. ни при каких  $b$  не имеет и пересек с окр-ми.

$$\text{Ответ: } \left(-\infty; -\frac{2\sqrt{6}}{15}\right) \cup \left(\frac{2\sqrt{6}}{15}; +\infty\right)$$

стр. 2

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Пусть  $t = \log_2(6x)$ ,  $p = \log_7 y$ , тогда  
сист. переключится след. образом:

$$\begin{cases} t^4 - \frac{2}{t} = \frac{3}{24} - 4 \\ p^4 + \frac{6}{p} = \frac{5}{2p} - 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2t^5 + 8t - 7 = 0 \quad (1) \\ 2p^5 + 8p + 7 = 0 \quad (2) \end{cases}$$

$$(1) + (2): 2(t^5 + p^5) + 8(t + p) = 0$$

$$(t+p)(t^4 - t^3p + t^2p^2 - t^2p^3 + p^4 + 4) = 0$$

$$\begin{cases} t^4 - \frac{7}{2t} + 4 = 0 \quad (1) \\ p^4 + \frac{7}{2p} + 4 = 0 \quad (2) \end{cases}$$

Заметим, что вторая  
скобка, это кубическая 4-е степе-  
нь + 4, откуда 2-я скобка  $> 4$

Получим след. решение:  $t + p = 0$

$$\log_2 6x + \log_7 y = 0$$

$$\log_7 6xy = 0 = \log_7 1$$

$$6xy = 1$$

$$xy = \frac{1}{6}$$

Ответ:  $\frac{1}{6}$





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1     2     3     4     5     6     7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$t^4 + t^3 p + t^2 p^2 + t p^3 + p^4 - 4 = 0$$

$$t^2(t+p) + t^2 p^2 + t p^3 + p^4 - 4 = 0$$

$$(t+p)(t^3 + t p^2) + p^4 - 4 = 0$$

1 5 10 10 5 1

$$F_H = \frac{\sqrt{30}}{3}$$

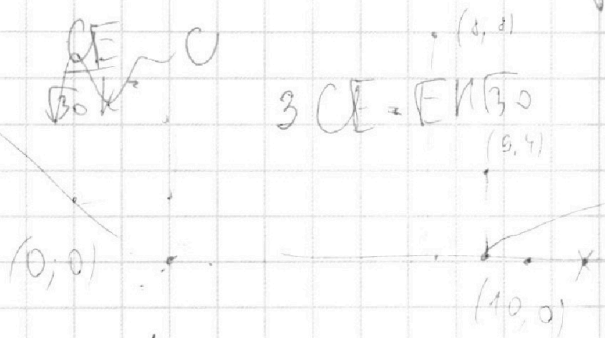
$$t^4 + p^4 + t p(t^2 + p^2) + t^2 p^2 = 4$$

$$(2, 60) \quad t p(t^2 + t p + p^2) \quad \frac{\sqrt{30} \cdot FE^2}{10 \cdot 3 \sqrt{30} k^2} = \frac{FE^2}{30 k^2}$$

$$\frac{CE}{CA} = \frac{CH}{AC} = \frac{EH}{AA} \quad \frac{CE}{\sqrt{30}k} = \frac{EH}{3k}$$

$$F_H = \frac{13 CE}{\sqrt{30}}$$

$$F_H = A_H \sqrt{\frac{13}{3}}$$



$$\frac{AC - A_H}{AC} = \sqrt{\frac{3}{13}} \cdot \frac{A_H}{A_B}$$

$$\frac{CH}{AC} = \frac{EH}{A_B} = \frac{3 F_H}{13 A_A} = \frac{3 CE}{13 CA}$$

$$\frac{CH}{AC} = \frac{3 \cdot CE}{\sqrt{30} A_A}$$

$$\frac{CH}{AC} = \frac{F_H}{A_B} = \frac{3}{13} \cdot \sqrt{\frac{13}{3}} \cdot \frac{A_H}{A_A}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{CE}{CF} = \frac{CH}{AC} = \frac{AC-AH}{AC} = 1 - \frac{AH}{AC}$$

$$AC^2 = 9p^2 + 30p^2$$

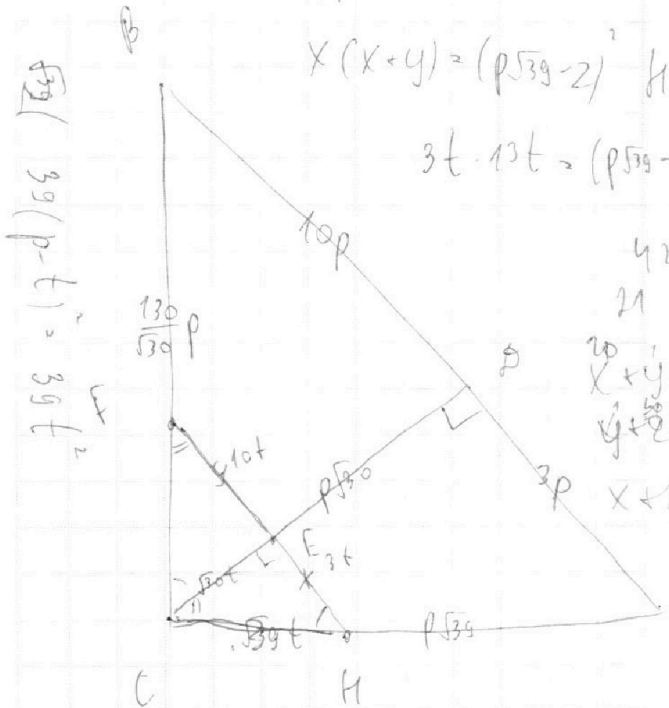
$$AC = \sqrt{39}p$$

$$BC^2 = 100p^2 + 30p^2$$

$$BC = \sqrt{130}p$$

$$\frac{CE}{p\sqrt{130}} = \frac{CH}{\sqrt{39}p}$$

$$CE = \frac{\sqrt{39}}{\sqrt{130}} CH$$



$$CA^2 = BA \cdot AB$$

$$x(x+y) = (p\sqrt{39}-z)^2 \quad HE \cdot HF = AH^2$$

$$3t \cdot 13t = (p\sqrt{39} - \sqrt{100p^2 + 30p^2})^2 = \frac{130}{70}p^2$$

$$\begin{aligned} x+y &= 21 \\ y+z &= 21 \\ x+z &= 42 \end{aligned}$$

$$FH = \sqrt{\frac{13}{3}} AH$$

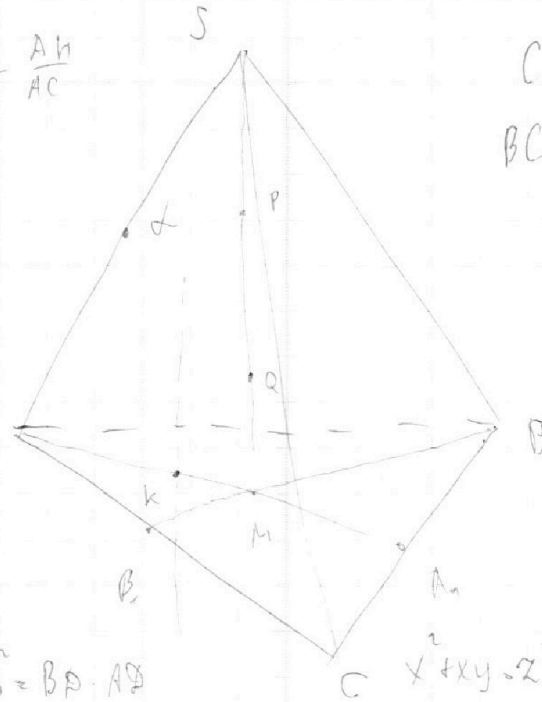
$$CE = \sqrt{\frac{50}{10}} FE$$

$$\frac{FE}{CE} = \frac{CE}{CH}$$

$$CH \cdot FE = CE^2$$

$$\frac{10}{\sqrt{30}} CE^2 = \frac{\sqrt{30}}{\sqrt{39}}$$

$$CH \cdot \frac{10}{\sqrt{30}} CE = CE^2$$



$$CD \cdot BC = 130p^2$$

$$BC = \frac{130p}{\sqrt{130}}$$

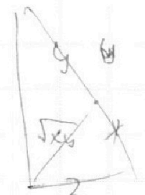
$$\frac{EH}{AF} = \frac{CH}{AC}$$

$$CD = \sqrt{30}p$$

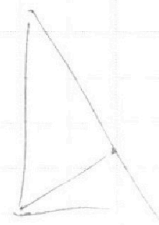
$$EH = \frac{3}{\sqrt{39}} CH$$

$$HE = \frac{3}{10} FE$$

$$HE = \frac{3}{13} FH$$



$ae^2 \geq ac$   
 $b^2 \geq a^2$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

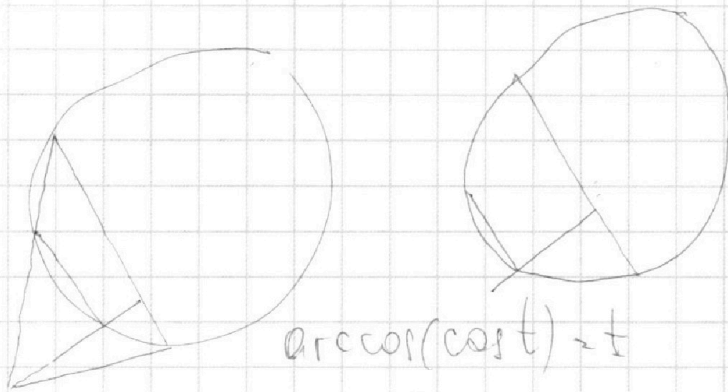
Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{AB}{BC} = \frac{13}{10}$$

$$\sin x = t, \cos x = \sqrt{1-t^2}$$

$$\frac{AB}{CB} = \frac{BC}{CA}$$

$$\arccos(\cos t) = t$$

$$0 \leq \frac{\pi}{2} - x \leq \pi \quad t \in [0, \pi]$$

$$AB \cdot BC = CA \cdot BC$$

$$130k^2 = CA \cdot BC$$

$$\frac{S_{\triangle ACB}}{S_{\triangle CEF}} = k^2$$

$$-\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2}$$

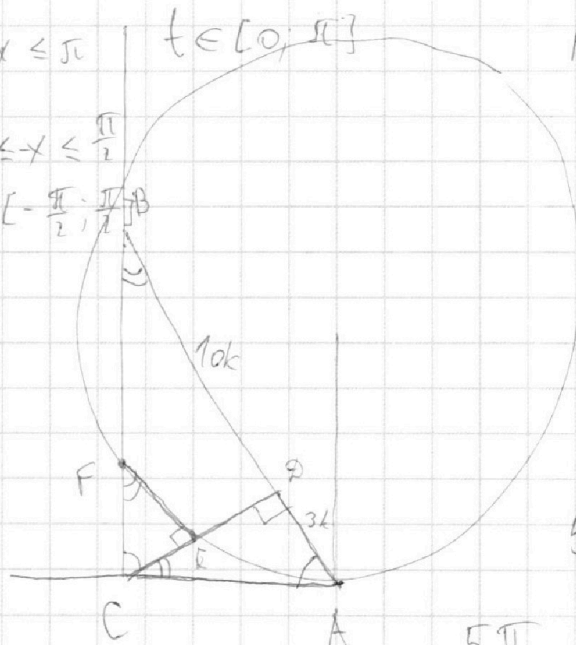
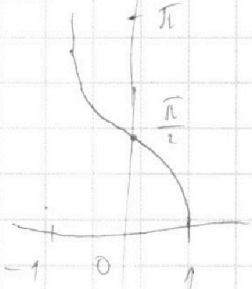
$$\cos(\frac{\pi}{2} - x)$$

$$\arccos(\sin x) =$$

$$= \arccos(\sqrt{1-t^2})$$

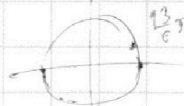
$$5 \cos(\frac{\pi}{2} - x) = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$\frac{S_{\triangle ACB}}{S_{\triangle CEF}} = k = \frac{CA}{FE}$$



$$\frac{5\pi}{2} - 5x = \frac{3\pi}{2} + x$$

$$\frac{CE}{CA} = \frac{CF}{BC} = \frac{FE}{CA}$$



$$\pi = 6x$$

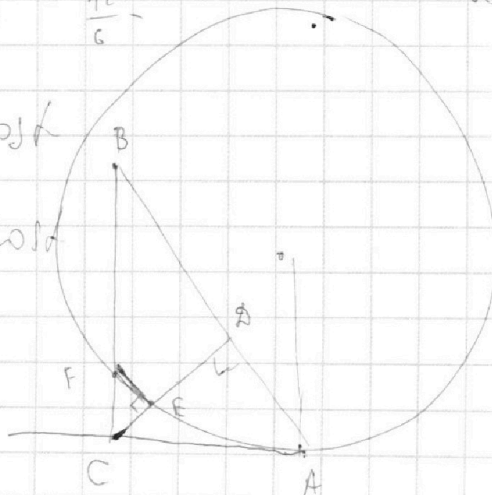
$$x = \frac{\pi}{6}$$

$$\cos(\pi k + \alpha) = \cos \alpha$$

$$\cos(\pi + \pi k + \alpha) = -\cos \alpha$$

$$0 < \frac{\pi}{2} - x + 2\pi k \leq \pi$$

$$-\frac{\pi}{2} \leq x + 2\pi k \leq \frac{\pi}{2}$$



$$\frac{\pi}{6} - \frac{13}{6} = -\frac{\pi}{6}$$

$$-\frac{5\pi}{6} = \frac{3\pi}{2} + \frac{13}{6}\pi$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1     2     3     4     5     6     7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$ab = 2^7 \cdot 3^{11} \cdot 5^{13} \cdot k$$

$$(abc) = a^x \cdot b^y \cdot c^z$$

$$bc = 2^{13} \cdot 3^{15} \cdot 5^{18} \cdot p$$

$$ab \cdot bc \cdot ac = 2^{34} \cdot 3^{43} \cdot 5^{45} \cdot kpm$$

$$ac = 2^{14} \cdot 3^{17} \cdot 5^{23} \cdot m$$

$$abc = 2^{17} \cdot 3^{23} \cdot 5^{25} \cdot n$$

$$26 = 17 \quad 32 = 4^3$$

$x, y$

$$x + y = 7$$

$$y + 2 = 13$$

$$x + z = 14$$

$$x + y = 11$$

$$y + 2 = 15$$

$$x + z = 17$$

$$5^{25/2} \cdot 5^{-11/2}$$

$$x + y = 21$$

$$y + z = 22$$

$$x + z = 43$$

$$a = 2^4 \cdot 3^{13/2}$$

$$b = 2^3 \cdot 3^{9/2}$$

$$c = 2^{10} \cdot 3^{21/2}$$

$$x - z = -4$$

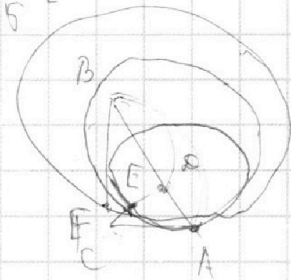
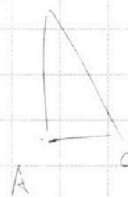
$$x + z = 17$$

$$x = 13/2 \quad y = 9/2 \quad z = 25/2$$

$$21 + 22$$

$$x + y =$$

$$k + p =$$



$$x + y = 14$$

$$y + 2 = 18$$

$$x + z = 53/2$$

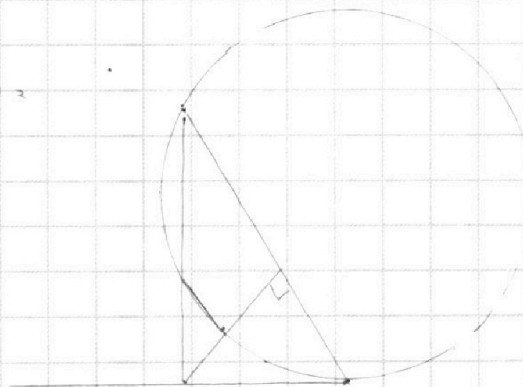
$$y = -11/2$$

$$x - z = -4$$

$$2x = 39$$

$$x + z = 43$$

$$x = 39/2 = 19,5$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:

- 1     2     3     4     5     6     7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{cases} x + 3ay - 7b = 0 & (x+7)^2 + y^2 = -45 \quad | +45 \\ x^2 + y^2 = 3^2 \\ (x+7)^2 + y^2 = 2^2 \end{cases}$$

$$y = -\frac{x}{3a} + \frac{7b}{3a}$$

$$\frac{5}{25a} - \frac{1}{3a} > 0$$

$$\frac{15a + 25b}{35a}$$

$$16 - 6$$

$$-\frac{1}{30} <$$

$$x - 7b = 0$$

$$y = kx + b$$

$$x^2 + y^2 = 3^2$$

$$(x+7)^2 + y^2 = 2^2$$

$$x^2 + 14x + k^2x^2 + x - 2kb + b^2 + 45 = 0$$

$$x^2(k+1) + 2x(kb+7)$$

$$x^2 + k^2x^2 + 2xkb + b^2 - 9 = 0$$

$$x^2(1+k^2) + x \cdot 2kb + b^2 - 9$$

$$\Delta = k^2b^2 - (k+1)(b^2-9) = k^2b^2 - k^2b^2 + 9k - b^2 + 9$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \operatorname{tg}(\pi - 2)$$

$$\frac{5}{25a} - \frac{1}{3a} > 0$$

$$\frac{15a - 25b}{55a}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\log_7^4 6x - 2 \log_{6x}^7 = \frac{1}{2} \log_{(6x)^2} 343 - 4$$

$$\begin{array}{r} 343 : 7 \\ 21 \overline{) 143} \\ \underline{140} \\ 3 \end{array}$$

$$\begin{cases} x > 0 \\ x \neq \frac{1}{6} \\ x \neq -\frac{1}{6} \end{cases}$$

$$\begin{cases} 36x^2 \neq 1 \\ x^2 \neq \frac{1}{36} \end{cases}$$

$$x \neq \pm \frac{1}{6}$$

$$t^4 + p^4 = -8$$

$$\begin{cases} y > 0 \\ y \neq 1 \end{cases}$$

$$\log_7^4 6x - \log_7 6x = \frac{3}{2} \log_7 6x - 4 \quad y \neq -1$$

$$t^4 - \frac{2t}{2t} = \frac{3}{2t} - 4$$

$$p^4 + \frac{18}{2p} = \frac{5}{2p} - 4$$

$$t^4 - \frac{7}{2t} + 4 = 0$$

$$p^4 + \frac{7}{2p} + 4 = 0$$

$$2p^5 + 8p + 7 = 0$$

$$2t^5 - 8t + 7 = 0$$

$$\log_7 y - \log_7 6x$$

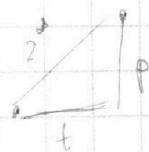
$$2(p^5 + t^5) + p(p - t) = 0$$

$$\log_7 \frac{y}{6x}$$

$$p^5 + t^5 + 4(p - t) = 0 \quad (t - p)(t^4 + t^3p + t^2p^2 + tp^3 + p^4) + 4(t - p) = 0$$

$$2t^5 - 2p^5 - 8t + 8p = 0 \quad 4(x_2 - x_1) + (y_2 - y_1) = 40$$

$$t^5 - p^5 + 4(t - p) = 0$$



$$\begin{cases} t^4 + p^4 = 2^2 \\ 4t + 8p = 40 \end{cases}$$