



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 9



1. [4 балла] Натуральные числа  $a, b, c$  таковы, что  $ab$  делится на  $2^{14}7^{10}$ ,  $bc$  делится на  $2^{17}7^{17}$ ,  $ac$  делится на  $2^{20}7^{37}$ . Найдите наименьшее возможное значение произведения  $abc$ .

2. [4 балла] Известно, что дробь  $\frac{a}{b}$  несократима ( $a \in \mathbb{N}, b \in \mathbb{N}$ ). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-6ab+b^2}.$$

При каком наибольшем  $m$  могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на  $m$ ?

3. [4 балла] Центр окружности  $\omega$  лежит на окружности  $\Omega$ , хорда  $AB$  окружности  $\Omega$  касается  $\omega$  в точке  $C$  так, что  $AC : CB = 7$ . Найдите длину  $AB$ , если известно, что радиусы  $\omega$  и  $\Omega$  равны 1 и 5 соответственно.

4. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} - \sqrt{2x^2 + 2x + 1} = 2 - 7x.$$

5. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках  $O(0;0)$ ,  $P(-12;24)$ ,  $Q(3;24)$  и  $R(15;0)$ . Найдите количество пар точек  $A(x_1; y_1)$  и  $B(x_2; y_2)$  с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что  $2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 12$ .

6. [5 баллов] Найдите все значения параметра  $a$ , для каждого из которых найдётся значение параметра  $b$ , при котором система

$$\begin{cases} ax - y + 10b = 0, \\ ((x+8)^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 4) \leq 0 \end{cases}$$

имеет ровно 2 решения.

7. [6 баллов] Треугольник  $ABC$  вписан в окружность. Пусть  $M$  – середина той дуги  $AB$  описанной окружности, которая не содержит точку  $C$ ;  $N$  – середина той дуги  $AC$  описанной окружности, которая не содержит точку  $B$ . Найдите расстояние от вершины  $A$  до центра окружности, вписанной в треугольник  $ABC$ , если расстояния от точек  $M$  и  $N$  до сторон  $AB$  и  $AC$  соответственно равны 4,5 и 2.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$2^{14} \cdot 7^{10} < 2^{17} \cdot 7^{17} < 2 \cdot 2^{20} \cdot 7^{37}$$

Так как  $ac : 2^{20} \cdot 7^{37}$ , но  $abc$  не меньше  $2^{20} \cdot 7^{37}$

Если  $ab : 2^{14} \cdot 7^{10}$ ,  $bc : 2^{17} \cdot 7^{17}$ , то  $ab^2c : 2^{31} \cdot 7^{27}$

$$ab^2c : 2^{31}$$

пусть  $x_a$  - степень двойки у числа  $a$ ,  $x_b$  - степень двойки у числа  $b$ ,  
 $x_c$  - степень двойки у числа  $c$ .

$$\text{Тогда } x_a + 2x_b + x_c \geq 31.$$

Для наименьшего возможного значения произведения  $x_a + 2x_b + x_c = 31$ .

Нужно подобрать такие  $x_a, x_b, x_c$  так, что

$$x_a + x_b + x_c \text{ — минимально.}$$

При этом, так как  $ac : 2^{20}$ , то  $x_a + x_c \geq 20$

Безусловно следующие варианты.  $x_a + x_c$  должно быть нечётным,  
иначе  $x_a + 2x_b + x_c$  - сумма  
двух чётных чисел, а 31 -  
нечётное число

$x_a + x_c$	$x_b$	$x_a + x_b + x_c$
21	5	26
23	4	27
25	3	28
27	2	29
29	1	30
31	0	31

Можно заметить, что  
минимальная сумма  $x_a + x_b + x_c = 26$

Тогда  $abc$  не меньше  $2^{26} \cdot 7^{37}$

Приведу пример на  $abc = 2^{26} \cdot 7^{37}$

$$a = 2^9 \cdot 7^{20}$$

$$b = 2^5$$

$$c = 2^{12} \cdot 7^{17}$$

Ответ:  $2^{26} \cdot 7^{37}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:



1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

По, что  $\frac{a}{b}$  несократима, означает то, что у  $a$  и  $b$  нет общих множителей.  
$$\frac{a+b}{a^2-6ab+b^2} = \frac{a+b}{a^2+2ab+b^2-8ab} = \frac{a+b}{(a+b)^2-8ab}$$
 Пусть можно сократить

здесь на  $x$ . Тогда  $(a+b):x$ ;  $(a+b)^2-8ab:x$

Так как  $(a+b):x$ , то и  $(a+b)^2:x$ , тогда  $8ab:x$

Пусть в  $x$  есть какой-то простой множитель  $p$ .

Тогда  $(a+b):p$ ,  $8ab:p$ . Есть 3 варианта:

либо  $a:p$ , либо  $b:p$ , либо  $8:p$

Первые 2 случая не подходят, так как если  $(a+b):p$ ,  
то при  $a:p$   $b:p$ , а при  $b:p$  также  $a:p$ . Получается,  
что  $a$  и  $b$  имеют общий множитель, противоречие.

Невозможно,  $8:p$ . Единственный простой делитель  
делитель число 8 — это 2.  $\Rightarrow p=2$ .

Тогда  $x$  — это степень двойки ~~какой-то~~  $x=2^n$ ,  $8ab:2^n$

Почему, что ни  $a$ , ни  $b$  не делится на 2 (доказано ранее),

тогда у  $8ab$  максимальная степень двойки  $2^3$ . Значит,  
максимальное число  $x=2^3=8$

Пример:  $a=3$ ,  $b=5$

$$\frac{a+b}{a^2-6ab+b^2} = \frac{3+5}{3^2-6 \cdot 3 \cdot 5+5^2} = \frac{8}{9-90+25} = \frac{8}{34-90-56} = \frac{8}{-56}$$

$$\frac{8}{-56} \text{ можно сократить на } 8, \frac{8}{-56} = \frac{1}{-7}$$

Ответ: 8

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{2x^2-5x+3} - \sqrt{2x^2+2x+1} = 2-7x$$

Пусть  $y = \sqrt{2x^2-5x+3}$ ,  $t = \sqrt{2x^2+2x+1}$

Тогда  $y^2 - t^2 = 2x^2 - 5x + 3 - 2x^2 - 2x - 1 = 2 - 7x$

Тогда  $y - t = y^2 - t^2$

$$y - t = (y - t)(y + t)$$

Есть 2 варианта

①  $y - t = 0$

②  $\begin{cases} y - t \neq 0 \\ y + t = 1 \end{cases}$

вариант ①

$$y = t$$

$$\sqrt{2x^2-5x+3} = \sqrt{2x^2+2x+1}$$

возведем обе части в квадрат

$$\begin{cases} 2x^2 - 5x + 3 = 2x^2 + 2x + 1 \\ 2x^2 - 5x + 3 \geq 0 \\ 2x^2 + 2x + 1 \geq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 7x = 2 \\ 2x^2 - 5x + 3 \geq 0 \\ 2x^2 + 2x + 1 \geq 0 \end{cases}$$

$$x = \frac{2}{7}$$

Есть проверить

$$x = \frac{2}{7} \text{ в } 2x^2 + 5x + 3$$

$$\text{и } 2x^2 + 2x + 1,$$

получимся выражения  
 $> 0$ , корни подходят

Ответ:  $x = \frac{2}{7}$

вариант ②

$$y + t = 1$$

$$y = 1 - t$$

$$\sqrt{2x^2-5x+3} = 1 - \sqrt{2x^2+2x+1}$$

возведем обе части в квадрат

$$\begin{cases} 2x^2 - 5x + 3 = 1 - 2\sqrt{2x^2+2x+1} + 2x^2 + 2x + 1 \\ 2x^2 - 5x + 3 \geq 0 \\ 2x^2 + 2x + 1 \geq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2\sqrt{2x^2+2x+1} = 7x - 1 \\ 2x^2 - 5x + 3 \geq 0 \\ 2x^2 + 2x + 1 \geq 0 \end{cases}$$

снова возведем обе части в квадрат

$$\begin{cases} 4(2x^2+2x+1) = 49x^2 - 14x + 1 \\ 2x^2 - 5x + 3 \geq 0 \\ 2x^2 + 2x + 1 \geq 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 8x^2 + 8x + 4 = 49x^2 - 14x + 1 \\ 2x^2 - 5x + 3 \geq 0 \\ 2x^2 + 2x + 1 \geq 0 \end{cases}$$

$$41x^2 - 22x - 3 = 0$$

$$D = 22^2 - 4 \cdot 41 \cdot 3 = 484 - 492$$

$$D < 0, \text{ корней нет.}$$

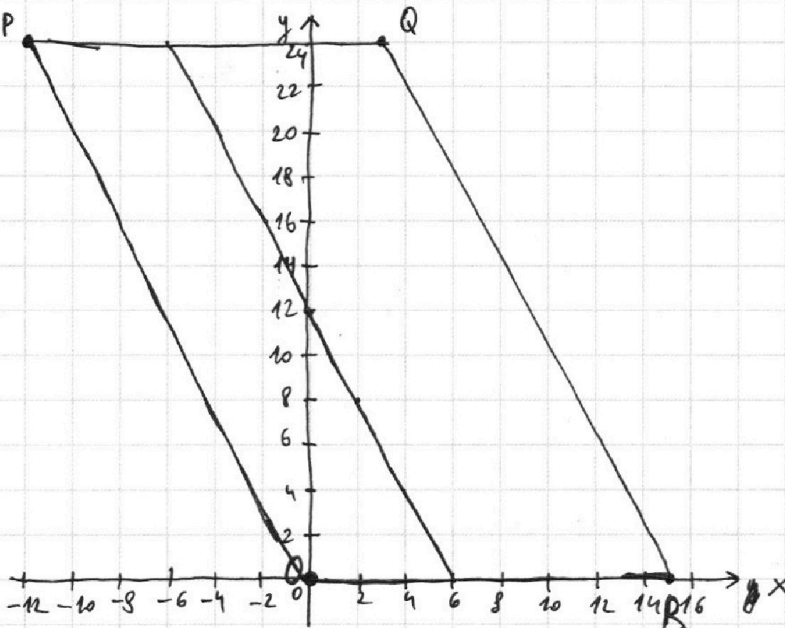
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1   
  2   
  3   
  4   
  5   
  6   
  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Пусть мы  
зафиксируем  
точку A  
Тогда из  
уравнения  
 $2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 12$   
можно выразить  $y_2$   
через  $x_2$ .  
 $y_2 = -2x_2 + 12 + (2x_1 + y_1)$   
Если  $x_1$  и  $y_1$  уже  
известны, то  $2x_1 + y_1 = \text{const.}$

Тогда для любых  
координат точки A  
точки B лежат на прямой  
с коэффициентом  $k = -2$   
и сдвигом на  $12 + (2x_1 + y_1)$ .

Такая прямая для  $A(0; 0)$   
представлена на графике

Пусть прямая PQ и прямая PO опишут функции  $y = kx + b$   
найдя  $k$ , где это зависит от координат точек Q и P

$$\begin{cases} 24 = 3k + b \\ 0 = 15k + b \end{cases} \text{ вычитая из 1 уравнения второе.}$$

$$24 = -12k$$

$$k = -2. \text{ Получается, что } y \text{ прямая для точек B и прямая}$$

PO и PQ одинаковый коэффициент

Тогда если точку A перемещать по оси точки  $(0; 0)$  по отрезку PO,  
то количество точек B для этой точки не изменится, так как

эти 2 прямые параллельны. Значит, можно выбрать  
любое количество точек A, лежащих на отрезке <sup>на отрезке</sup> ~~на отрезке~~, параллельной PO  
и для них ~~однозначно~~ найдутся точки B, лежащие на отрезке ~~на отрезке~~ <sup>на отрезке</sup> ~~на отрезке~~ <sup>на отрезке</sup> параллельной  
PO. Всего на отрезке PO ~~25~~ <sup>10</sup> точек с целочисленными координатами,  
значит, столько точек будет на любой отрезке, параллельной PO и равной  
ему. Выбрано значение для точек A — ~~40 вариантов (если  $x_1 > 10$ )~~, но  
10 вариантов (если  $x_1 > 9$ ),

но прямая для точек B лежит за пределами параллелограмма

Получается, правильный ответ — это сколько вариантов выбора отрезков  
для точек A умножить на количество точек B на отрезке умножить на  
количество точек B на соответствующем отрезке

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

 МФТИ



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Может быть задача 5

Площадь общего количества вариантов — это  $10 \cdot 25 \cdot 25 = 6250$

Ответ: 6250

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

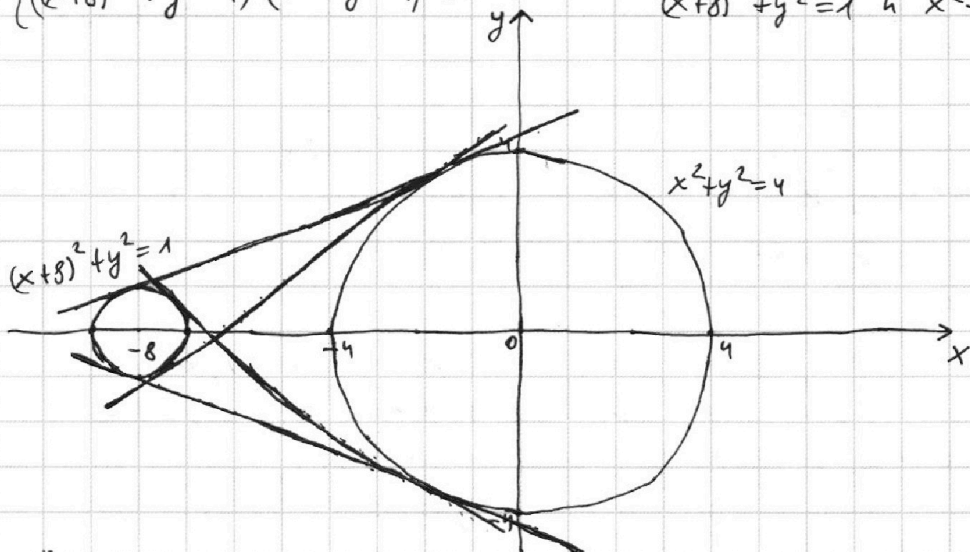
1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} ax + by + 10b = 0 \\ ((x+8)^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 4) \leq 0 \end{cases}$$

Изобразим графики функций уравнений  $(x+8)^2 + y^2 = 1$  и  $x^2 + y^2 = 4$



Выражение  $\leq 0$  если либо  $(x+8)^2 + y^2 - 1 \leq 0$  и  $(x^2 + y^2 - 4) \geq 0$ , либо

$$(x+8)^2 + y^2 - 1 \geq 0 \text{ и } x^2 + y^2 - 4 \leq 0$$

В первом случае на графике  $(x+8)^2 + y^2 - 1 \leq 0$  — область внутри маленького круга,  $(x^2 + y^2 - 4) \geq 0$  — область вне большого круга

Пересечение этих областей — область внутри маленького круга вместе с границами.

Во втором случае на графике  $(x+8)^2 + y^2 - 1 \geq 0$  — область вне маленького круга,  $(x^2 + y^2 - 4) \leq 0$  — область внутри большого круга. Пересечение этих областей — область внутри большого круга вместе с границами.

Уравнение  $y = ax + by + 10b$  имеет график прямой. Чтобы система была равносильна, прямая не должна проходить через окружности (все точки внутри окружностей удовлетворяют неравенству). Значит, прямая должна касаться обеих окружностей, в таком случае будет ровно 2 решения.

Нужно подобрать  $a$ , но есть уже наклон прямой.

Максимальный и минимальный углы наклона представлены на графике.

Всего есть 4 варианта, как прямая может касаться

двух окружностей  $\Rightarrow$  4 решения

Две касательных, которые проходят сверху и снизу  
двух точек касания:  $x_1 + x_2 = 8$  (8 — расстояние между центрами окружностей)

$$\begin{cases} x_1 - y_1 = 3 \\ y_1 - y_2 = 3 \end{cases} \text{ (3 — разность радиусов окружностей)}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1    2    3    4    5    6    7  
                 

**МФТИ**

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Задача 6 (кросс-метод)

$$\text{Итого } \begin{cases} x_1 + x_2 = 8 \Rightarrow x_2 = 8 - x_1 \end{cases}$$

$$(1 - (x_1 + 8))^2 - (4 - x_2^2) = 3$$

$$1 - x_1^2 - 16x_1 - 64 - 16 + 8x_2 - x_2^2 = 3$$

$$x_1^2 + x_2^2 + 16x_1 - 8x_2 = -82$$

$$x_1^2 + (8 - x_1)^2 + 16x_1 + 8x_1 - 64 = -82$$

$$x_1^2 + 64 - 16x_1 + x_1^2 + 16x_1 + 8x_1 - 64 = -82$$

$$2x_1^2 + 8x_1 + 82 = 0 \quad | :2$$

$$x_1^2 + 4x_1 + 41 = 0$$



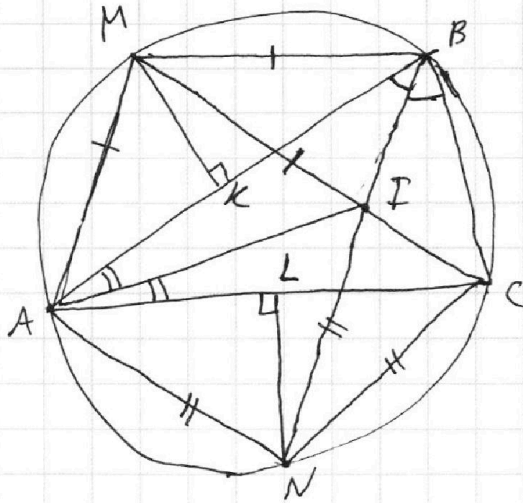
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Точка  $I$  — центр вписанной  
окружности.

Отрезки, стягивающие  
равные дуги, равны

$\Rightarrow AM = MB, AN = NC.$

По теореме о хордах

$AM = MB = MI$

$AN = NI = NC$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

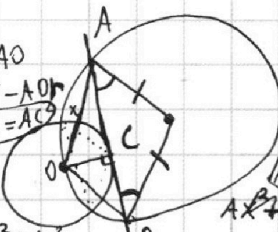


Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$AC^2 = AO^2 - AO^2$$

$$AO^2 - AO^2 = AC^2$$



$$AO^2 = r^2 + AC^2$$

$$a^2 + b^2 = 1 + AC^2$$

$$5 + 3 = 8$$

$$25 + 9 = 34$$

$$34 - 30 = 4$$

$$D = 4$$

$$a^2 - 6ab + b^2 = (a - 3b)^2 - 2b^2$$

$$D = 36b^2 - 4b^2 = 32b^2$$

$$D = 16 \cdot 2b^2$$

$$a_1 = \frac{6b + 4b\sqrt{2}}{2} = 3b + 2\sqrt{2}b$$

$$a_2 = \frac{6b - 4b\sqrt{2}}{2} = 3b - 2\sqrt{2}b$$

$$a^2 - 6ab + b^2 = (a - (3 + 2\sqrt{2})b)(a - (3 - 2\sqrt{2})b)$$

Если a - цел и b - цел, но a+b - цел  
 $a^2 - 6ab + b^2 = \text{цел}$  - не подходит  $\Rightarrow$   $\frac{a}{b} = \frac{3 + 2\sqrt{2}}{1}$

$$AC:CB = 7$$

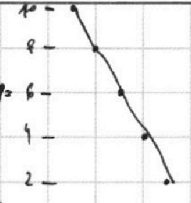
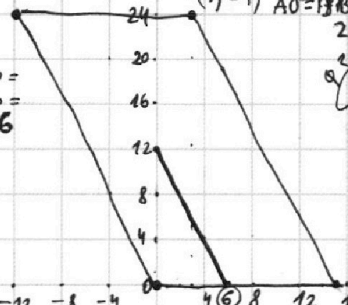
$$AC^2 = \frac{a+b}{(ab)^2 - 8ab}$$

$$AX(Ax+2r) \text{ см } a: x$$

$$AX^2 + 2AXr = AC^2$$

$$AX^2 + 2AXr = x^2 + 4r^2$$

$$AX^2 + 2AXr - x^2 - 4r^2 = 0$$



$$2(x_2 - x_1) + (y_2 - y_1) = 12$$

$$\frac{13 \cdot 00}{URCENT}$$

Если угол наклона замкнулся, по окружности - через  $\frac{25}{50}$

$$a + b^2 + 2ab = 0$$

$$2 + 3 = 5$$

$$4 + 9 = 13$$

$$13 - 36 = 23$$

$$3 + 9 = 12$$

$$9 + 9 = 18$$

$$18 - 12 = 6$$

$$24 = 3k + b$$

$$0 = 15k + b$$

$$24 = -12k$$

$$k = -2 \quad b = 30$$

$$5 \cdot AC + 5 \cdot BC = (A+BC)$$

15 - 5 = 10 - кол-во точек всего  
 12 - кол-во x-ов всего  
 12 - 10 = 20 - 12:20 округлить

$$\frac{x}{0} \frac{x}{1} \frac{x}{2}$$

найти расстояние от A до центра окружности, вписанной в  $\Delta ABC$   
 расстояние от M - 4,5  
 $MK = 4,5$   
 $NL = 2$

Итого AI  
 длина о-тресудже  
 $\frac{AB \cdot MK}{2} = \frac{1}{2} AM \cdot AB \cdot \sin \angle MAK$   
 $\frac{AB \cdot MK}{2} + \frac{AB \cdot r}{2} = \frac{1}{2} AM \cdot AI \cdot \sin \angle MAK +$

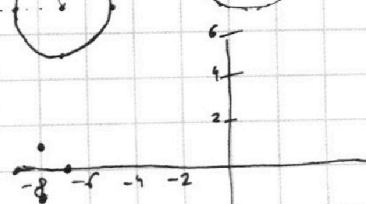
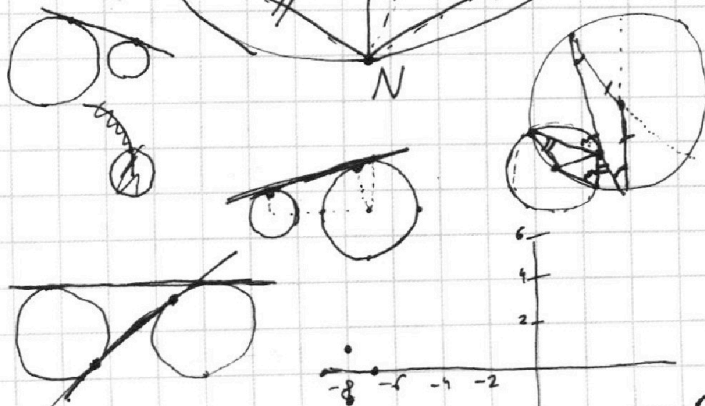
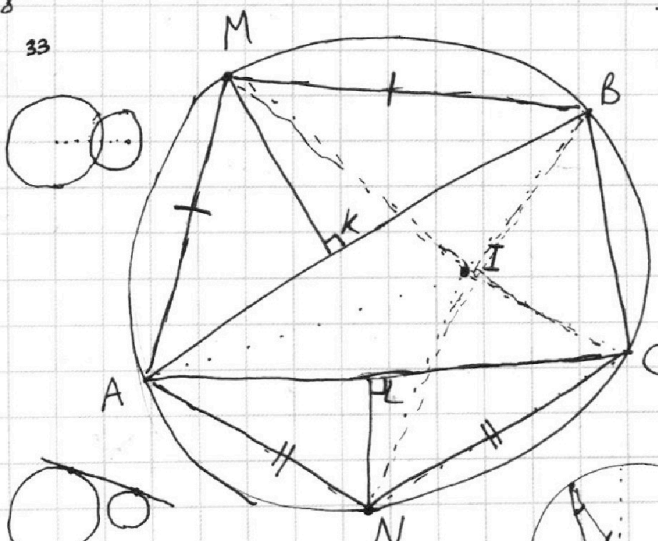
$$x^2 + y^2 = 4$$

$$y = ax + 10b$$

$$x^2 + 16x + 64 + y^2 = 1$$

① < ②  
 $16x + 67$  касанов  
 ② > ①  
 $-16x - 67$  касанов  
 $x^2 + y^2 = 4 \quad (x+8)^2 + y^2 = 1$

18  
 12  
 15  
 33  
 6



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

- 1 ✓  
2  
3  
4 ✓  
5  
6  
7

ab:  $2^{14} \cdot 7^{10}$   
bc:  $2^{17} \cdot 7^{17}$   
ac:  $2^{20} \cdot 7^{37}$

$2^{14} \cdot 7^{10} < 2^{17} \cdot 7^{17} < 2^{20} \cdot 7^{37}$   
abc →  $2^{20} \cdot 7^{37}$   
abc не меньше

10:50!    11:20    12:00

$abc^2: 2^{31} \cdot 7^{27}$   
ac:  $2^{20}$

2.  $\frac{a+b}{a^2+6ab+b^2} = \frac{a+b}{a^2+2ab+b^2-8ab} = \frac{a+b}{(a+b)^2-8ab}$

$2^{31} = 2^x \cdot 2^{2y}$   
 $x+2y=31$   
 $x+y = \text{min}$   
21 5  
23 4 min  
15 6

a:b gub взяли нулями.

$m \leq \min(a+b, a^2-6ab+b^2)$

8ab: a+b?

умень:  
 $d=2^{19} \cdot 7^{20}$   
 $b=2^5 \cdot 7^{17}$   
 $c=2^{10} \cdot 7^{17}$

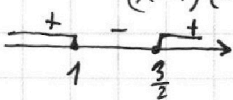
4.  $\sqrt{2x^2-5x+3} - \sqrt{2x^2+2x+1} = 2-7x$  | 6 баллов

$x_1+x_2 = \frac{5}{2}$   
 $x_1 \cdot x_2 = \frac{3}{2}$   
 $x_1=1; x_2 = \frac{3}{2}$

$x_1+x_2 = -1$   
 $x_1 \cdot x_2 = \frac{1}{2}$   
 $D = 4-8 < 0$

$2(x-1)(x-\frac{3}{2})$

$2x^2-2x+1$   
 $-3x+3$   
 $(x-1)(2x-3)$



$x=1, \sqrt{2-5+3} - \sqrt{2+2+1} \neq 2-7$   
 $x=0$  ~~не подходит~~

$2x^2-5x+3 + 2x^2+2x+1$   
 $-2\sqrt{2x^2-5x+3} \sqrt{2x^2+2x+1} = 4+49x^2-24x$   
 $4x^2-3x+4 - \dots = 4+49x^2-24x$   
 $-2 \dots = 45x^2-21x$  | 2 балла

$4(x-1)(2x-3)(2x^2+2x+1) = 45^2 x^4 + 21^2 x^2 - 45 \cdot 2 \cdot 21 x^3$

$(2x^2-5x+3) - (2x^2+2x+1) = 2-7x$

$x_1 = \sqrt{2x^2-5x+3}$   
 $y_1 = \sqrt{2x^2+2x+1}$

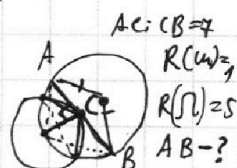
$x_1 - y_1 = x_1^2 - y_1^2$   
 $x_1 - y_1 = (x_1 - y_1)(x_1 + y_1)$

$-5x+3=1-2x+1$   
 $-7x+3=2-2x+1$   
 $-7x+1=-2x+1$   
 $\bullet = 7x-1$

①  $x_1 - y_1 = 0$   
②  $x_1 + y_1 = 1$

①  $2x^2-5x+3 = 2x^2+2x+1$   
 $7x=2; x = \frac{2}{7}$

②  $x_1 + y_1 = 1$   
 $2x^2-5x+3 = 1 + (2x^2+2x+1) - 2\sqrt{2x^2+2x+1}$   
 $-5x+3 = 2+2x$   
 $7x-1 = 2\sqrt{2x^2+2x+1}$



$\frac{22}{22}$   
 $\times \frac{22}{22}$   
 $\hline 44$   
 $+ 44$   
 $\hline 88$

$\times \frac{12}{41}$   
 $\hline 12$   
 $+ 48$   
 $\hline 60$

6.  $y = ax + 10b$

$49x^2+1-14x = 4(2x^2+2x+1)$   
 $49x^2+1-14x = 8x^2+8x+4$   
 $41x^2-22x-3=0$   
 $x_1+x_2 = \frac{22}{41}$   
 $x_1 \cdot x_2 = -\frac{3}{41}$