



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 9



1. [4 балла] Натуральные числа a , b , c таковы, что ab делится на $2^{14}7^{10}$, bc делится на $2^{17}7^{17}$, ac делится на $2^{20}7^{37}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}$, $b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-6ab+b^2}$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , хорда AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC : CB = 7$. Найдите длину AB , если известно, что радиусы ω и Ω равны 1 и 5 соответственно.

4. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} - \sqrt{2x^2 + 2x + 1} = 2 - 7x.$$

5. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0; 0)$, $P(-12; 24)$, $Q(3; 24)$ и $R(15; 0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 12$.
6. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система

$$\begin{cases} ax - y + 10b = 0, \\ ((x+8)^2 + y^2 - 1)(x^2 + y^2 - 4) \leq 0 \end{cases}$$

имеет ровно 2 решения.

7. [6 баллов] Треугольник ABC вписан в окружность. Пусть M – середина той дуги AB описанной окружности, которая не содержит точку C ; N – середина той дуги AC описанной окружности, которая не содержит точку B . Найдите расстояние от вершины A до центра окружности, вписанной в треугольник ABC , если расстояния от точек M и N до сторон AB и AC соответственно равны 4,5 и 2.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

~~$a = 2^k 7^m$~~ Заметим, что числа abc были
минимальными в a, b, c не только
были никакими простыми множителями,
крайне 2 и 7

$$] a = 2^k 7^m, b = 2^n 7^p, c = 2^q 7^d;$$

$$\text{Т.к. } ab \div 2^{14} 7^{10} \Rightarrow \begin{cases} k+n=14 \\ m+p=10 \end{cases} \quad (1) \quad \text{(минималь-)}$$

Т.к. все возможные значения abc будут в том
случае, когда $ab = 2^{14} 7^{10}$; $bc = 2^{17} 7^{17}$; $ac = 2^{20} 7^{37}$

$$\text{Т.к. } bc \div 2^{17} 7^{17} \Rightarrow \begin{cases} n+p=17 \\ p+d=17 \end{cases} \quad (2)$$

$$\text{Т.к. } ac \div 2^{20} 7^{37} \Rightarrow \begin{cases} q+k=20 \\ m+d=37 \end{cases} \quad (3)$$

из (1), (2), (3):

$$\begin{cases} k+n+n+p+p+d+d+k = 51 \\ m+p+p+d+m+d = 64 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} k+n+p = 25,5 \\ m+p+d = 32 \end{cases}$$

$$\text{Т.е. } \min(abc) = 2^{k+n+p} 7^{m+p+d} = 2^{25,5} 7^{32}, \text{ но}$$

Т.к. $a, b, c \in \mathbb{N} \Rightarrow k, m, n, p, q, d \in \mathbb{N}_0$;

~~$\Rightarrow \min(abc) = 2^{26} 7^{32}$~~ так же заметим, что

~~ответ: $2^{26} 7^{32}$~~ $m+d+p \geq 37$, Т.к. иначе из (3)

получится, что $p < 0 \Rightarrow \min(abc) = 2^{26} 7^{37}$ (это про-

изведение получается, например, при $a = 2^8 7^{14}$; $b = 2^6 7^0$; $c = 2^{12} 7^{23}$) \Rightarrow

\Rightarrow Ответ: $2^{26} 7^{37}$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

] $D(x; y)$ — функция, возвращающая
НОД($x; y$) \Rightarrow

$$\Rightarrow \max(m) = D(a+b; a^2 - 6ab + b^2)$$

по алгоритму Евклида:

$$\begin{aligned} D(a+b; a^2 - 6ab + b^2) &= D(a+b; a^2 - 6ab + b^2 - \\ &- a(a+b)) = D(a+b; -4ab + b^2) = D(a+b; -4ab + b^2 - \\ &- b(a+b)) = D(a+b; -8ab) = D(a+b; 8ab) \quad (1) \end{aligned}$$

Заметим: т.к. $\frac{a}{b}$ — несократима $\Rightarrow a$ и b
взаимно простые $\Rightarrow a+b$ не кратка ни
одному делителю ~~ни a , ни b~~ (кроме 1) \Rightarrow

$\Rightarrow a+b$ и ab — взаимно простые \Rightarrow

$$\Rightarrow \max(b) = 8 \quad (\text{следует из (1)})$$

Ответ: 8

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

можно свести к системе;

$$\begin{cases} (x_0 - 1)^2 + 9y^2 = 25 \\ x_0^2 + 16y^2 = 25 \end{cases} \quad / \cdot \frac{9}{4} \quad (-)$$

$$x_0^2 - 2x_0 + 1 + 9y^2 - \frac{9}{16}x_0^2 - 9y^2 = 25 - 25 - \frac{9}{16}$$

$$\frac{7}{16}x_0 - 2x_0 + 1 - \frac{9}{16} \cdot 25 = 0 \quad / \cdot 16$$

$$7x_0 - 32x_0 - 159 = 0$$

$$x_0 = \frac{16 \pm \sqrt{16^2 + 159 \cdot 7}}{7} = \begin{cases} \frac{53}{7} \\ -3 \end{cases}, \text{ по рис. видим,}$$

что $x_0 < 0$, т.к. O_1 и O_2 касаются в разных
направлениях относительно $AB \Rightarrow x_0 = -3$

4) O_1K — высота в $\triangle ABO_1$, опущенная на AB ;

$$\alpha = \angle KBO_1; \text{ т.к. } x_0 = -3 \Rightarrow O_1K = 3 \Rightarrow \sin \alpha =$$

$$= \frac{O_1K}{O_1B} = \frac{3}{5} \Rightarrow \cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = \sqrt{\frac{25}{25} - \frac{9}{25}} = \frac{4}{5} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow BK = O_1B \cdot \cos \alpha = 5 \cdot \frac{4}{5} = 4$$

5) т.к. $\triangle ABO_1$ — $\text{P/S} \Rightarrow O_1K$ — медиана $\Rightarrow AB = 2BK =$

$$= 8$$

Ответ: 8

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

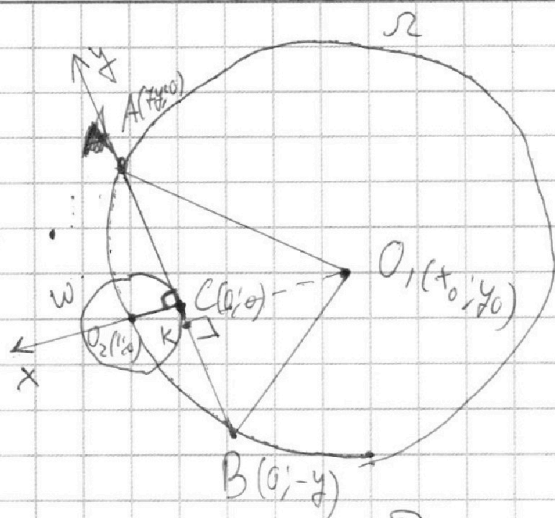
Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Дано:

$$R_{\omega} = 1$$

$$R_{\Omega} = 5$$

AB - касательная ω

$$AC : CB = 7 : 1$$

Линия: AB

Решение:

1) $AC = 7y \Rightarrow BC = y$

2) Введём координатные оси, как показано на рис. $\Rightarrow C(0; 0); A(0; 7y); B(0; -y)$

3) O_2 - центр ω , O_1 - центр $\Omega \Rightarrow O_1(1; 0), O_2(x_0; y_0)$

4) Т.к. $O_1B = R_{\Omega}; O_1O_2 = R_{\Omega}; O_1A = R_{\Omega} \Rightarrow$

$$\Rightarrow \begin{cases} x_0^2 + (y_0 + y)^2 = 25 & (1) \\ x_0^2 + y_0^2 = 25 & (2) \\ x_0^2 + (y_0 - 7y)^2 = 25 & (3) \end{cases}$$

$$(1) - (3):$$

$$x_0^2 + (y_0 + y)^2 - x_0^2 - (y_0 - 7y)^2 = 0$$

$$(y_0 + y - y_0 + 7y)(y_0 + y + y_0 - 7y) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 2y + 2y_0 = 0 \Rightarrow -6y + 2y_0 = 0 \Rightarrow y_0 = 3y,$$

таким образом, систему из (1), (2), (3)

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

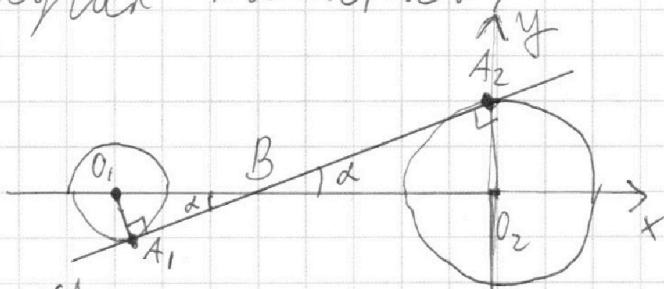
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



нечко мкою точек, в которых прямая
пересекает круг).

Из этих 4 случаев рассмотрим 2
случая касания;

①



O_1 — центр малой
окр.; O_2 — центр
большой окр.;

Т.к. A_1, A_2 — точки касания; тогда $O_1 O_2 = 8$

Заметим; $\triangle O_1 A_1 B \sim \triangle O_2 A_2 B \Rightarrow \frac{O_1 B}{O_2 B} = \frac{O_1 A_1}{O_2 A_2} =$

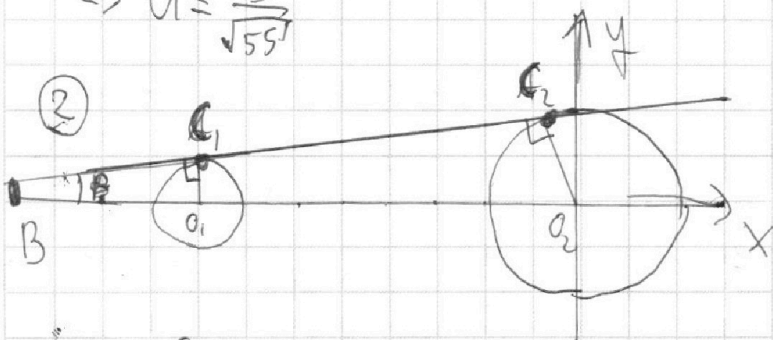
$$= \frac{1}{2} \Rightarrow O_1 B = \frac{8}{3}; BO_2 = \frac{2}{3} \cdot 8 = \frac{16}{3};$$

$$\angle \alpha = \angle A_2 B O_2 \Rightarrow \operatorname{tg} \alpha = \frac{A_2 O_2}{B A_2} = \frac{2}{\sqrt{\frac{16^2}{3^2} - 4}} = \frac{2 \cdot 3}{\sqrt{220}} = \frac{3}{8 \sqrt{55}}$$

Заметим, что (1) $\Leftrightarrow y = \alpha x + 10b \Rightarrow$
 \Rightarrow т.к. углами касания прямая параллельна
тангенсу угла между прямой и $Ox \Rightarrow$

$$\Rightarrow \alpha = \frac{3}{\sqrt{55}}$$

②



Заметим;

$$\triangle B O_1 C_1 \sim \triangle B O_2 C_2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \frac{B O_1}{B O_2} = \frac{O_1 C_1}{O_2 C_2} = \frac{1}{2};$$

Т.к. $O_1 O_2 = 8$

\Downarrow

$$B O_1 = 8; B O_2 = 16, \text{ ~~тогда~~ } \angle \beta = \angle C_1 B O_2 \Rightarrow$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\Rightarrow \operatorname{tg} B = \frac{O, C_1}{B C_1} = \frac{1}{\sqrt{64-1}} = \frac{1}{\sqrt{63}} \Rightarrow a = \frac{1}{\sqrt{63}}$$

из случаев ① и ② $a \in \left\{ \frac{3}{\sqrt{55}} ; \frac{1}{\sqrt{63}} \right\}$, однако
есть ещё 2 случая, в которые аналогично
случаям ① и ②, но в них также будут
иметь противоположный знак \Rightarrow

$$\Rightarrow \text{Итого ответ: } a \in \left\{ \frac{3}{\sqrt{55}} ; \frac{1}{\sqrt{63}} ; -\frac{1}{\sqrt{63}} ; -\frac{3}{\sqrt{55}} \right\}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



1) $ab: 2^{14} \cdot 7^{10}$

$6 \cdot 7 = 42$

7^{10}

~~8^{10}~~ ~~30~~

~~311~~

$bc: 2^{14} \cdot 7^{14}$

$+20$

7^{14}

32

$ac: 2^{20} \cdot 7^{37}$

$+14$

7^{37}

$0 \quad 23 \quad 14$

$\frac{12}{51} = 20,5$

$51 = 20,5$

~~$0 \quad 8 \quad 54$~~

~~$a = 2^k \cdot 7^m$~~

$b = 2^n \cdot 7^p$

$c = 2^q \cdot 7^d$

$11q - 6 \cdot 7 + 1 =$

$= 50 - 6 \cdot 7 =$

$+37$

$+14$

$\frac{10}{64}$

$k =$

10

5

$8, 6, 12$

$2^{k+n+q} \cdot 7^{m+p+d}$

12

26

2^{14}

8812

7^{14}

7^{20}

$\begin{cases} m+p=10 \\ k+n=14 \\ p+d=14 \\ n+q=14 \\ q+k=20 \\ m+d=37 \end{cases}$

$7+1$

$\Rightarrow k+n+n+q+q+n = 30 \quad /: 2$

$k+n+q = 15 = \frac{51}{2}$

$m+p+p+d+m+d = 64 \quad /: 2$

$m+p$

$m+p+d = 32$

$\Rightarrow \min: 2^{20,5} \cdot 7^{13,5}$

2) $\frac{a+b}{a^2-6ab+b^2} = \frac{a+b}{(a-3b-\sqrt{8}b)(a-3b+\sqrt{8}b)}$

$a = \frac{b(3 \pm \sqrt{8})}{2}$

$2^8 \cdot 7^{14}$

$2^6 \cdot 7^0$

$2^{12} \cdot 7^{23}$

$D(a+b, a^2-6ab+b^2) = D(a+b, a^2-6ab+b^2 - a(a+b)) =$

$= D(a+b, -7ab+b^2) = D(a+b, -7ab+b^2 - b(a+b)) =$

$= D(a+b, -8ab) = D(a+b, 8ab) = 8?$

~~$a = \frac{q}{b}$~~ т.к. $\frac{q}{b}$ - целое \Rightarrow в $a+b$ нет ни одного делителя, который есть только у a или только у b .

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

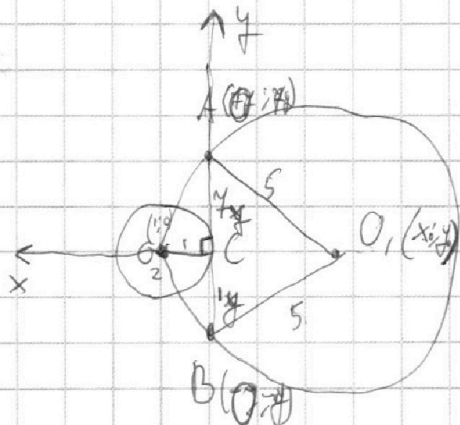
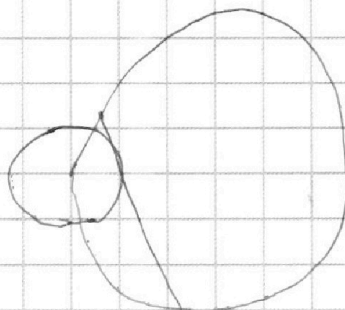
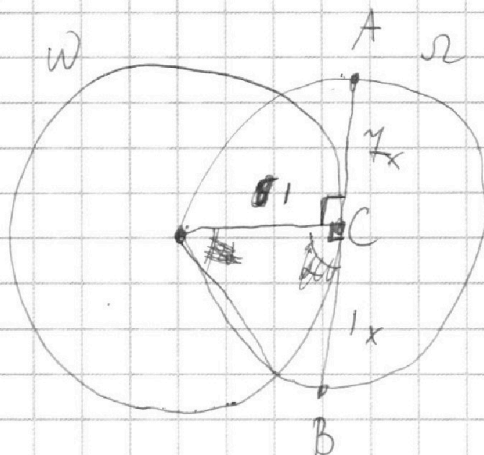
1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

279

3



$$(x_0 - 1)^2 + y_0^2 = 25$$

$$x_0^2 + (y_0 - 7y)^2 = 25$$

$$x_0^2 + (y_0 + y)^2 = 25$$

$$(y_0 - 7y)^2 = (y_0 + y)^2$$

$$(y_0 - 7y - y_0 - y)(y_0 - 7y + y_0 + y) = 0$$

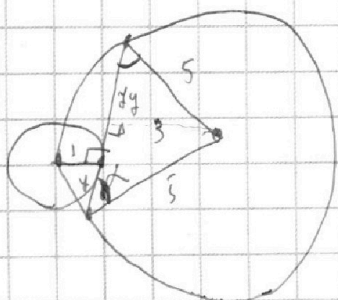
$$\Leftrightarrow -8y(2y_0 - 6y) = 0$$

$$y_0 = 3y$$

$$(x_0 - 1)^2 + 9y^2 = 25$$

$$2x_0^2 = 50$$

~~$$(x_0 + 1)^2 = 25$$~~



$$\begin{cases} (x_0 - 1)^2 + 9y^2 = 25 \\ x_0^2 + 9y^2 = 25 \end{cases} \quad / \cdot \frac{9}{9}$$

$$\begin{aligned} x_0^2 - 2x_0 + 1 + 9y^2 - \frac{9}{9}x_0^2 - 9y^2 &= 25 - 25 \cdot \frac{9}{9} \\ -\frac{5}{9}x_0^2 - 2x_0 + 1 + \frac{5}{9} \cdot 25 &= 0 \quad / \cdot (-9) \end{aligned}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



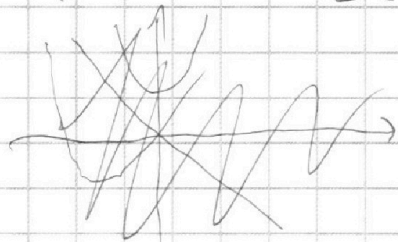
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} - \sqrt{2x^2 + 2x + 1} = 2 - 7x$$

$$x_B = \frac{5}{4} = 1,25 \quad x_B = \frac{-2}{4} = -0,5$$

$$\frac{5 \pm \sqrt{25 - 4 \cdot 3 \cdot 2}}{4} = \frac{5 \pm 1}{4} = \begin{cases} 1 \\ \frac{3}{2} \end{cases} \quad -2 \pm \sqrt{4 - 4 \cdot 2 \cdot 1}$$



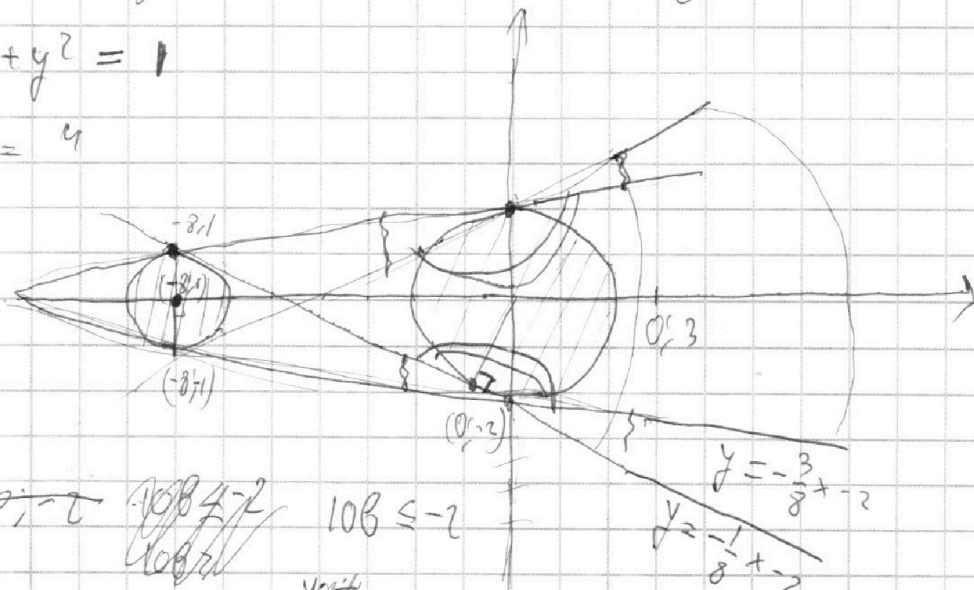
~~2x^2 - 5x + 3 = 0~~

$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} = 2 - 7x + \sqrt{2x^2 + 2x + 1}$$

$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} = (2 - 7x)^2 - 2(2 - 7x)\sqrt{2x^2 + 2x + 1} + \sqrt{2x^2 + 2x + 1}$$

6) $(x + 8)^2 + y^2 = 1$

$$x^2 + y^2 = 4$$



$$y = ax + 10b$$

$$10b \in (-\infty; -2] \quad 10b \leq -2$$

$$1 = -8k + 10b$$

kx

$$-1 = -8 \cdot a - 2$$

$$1 = -8a$$

$$a = -\frac{1}{8}$$

$a \in \mathbb{R}$

$$y = -\frac{3}{8}x - 2$$

$$y = -\frac{1}{8}x + 2$$

$$-\frac{3}{8}x - 2$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



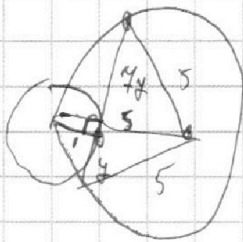
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$5x_0^2 + 8x_0 - 16 - 5 \cdot 25 = 0$$

$$5x_0^2 + 8x_0 - 141 = 0$$

$$x_0 = \frac{-8 \pm \sqrt{64 + 5 \cdot 4 \cdot 141}}{10}$$



$$(x_0 - 1)^2 + y^2 = 25$$

$$x_0^2 + 16y^2 = 25 \quad | \cdot \frac{9}{16}$$

$$x_0^2 - 2x_0 + 1 + 9y^2 - \frac{9}{16}x_0^2 - 9y^2 = 25 - 25 \cdot \frac{9}{16}$$

$$\frac{7}{16}x_0^2 - 2x_0 + 1 - \frac{7}{16} \cdot 25 = 0 \quad | \cdot 16$$

$$7x_0^2 - 32x_0 + 16 - 7 \cdot 25 = 0$$

$$7x_0^2 - 32x_0 - 159 = 0$$

$$x_0 = \frac{16 \pm \sqrt{16^2 + 159 \cdot 7}}{7} = \frac{16 \pm 37}{7}$$

$$= \left[\frac{53}{7}, -3 \right]$$

$$\sin \alpha = \frac{3}{5}$$

$$\cos \alpha = \sqrt{25 - \frac{9}{25}} = \frac{4}{5}$$

$$5 \cdot \cos \alpha = 4 \Rightarrow \text{Сторона } 8$$

$$5 \cdot 25 = 125$$

$$+ \frac{125}{16}$$

$$\frac{141}{16}$$

$$\times \frac{141}{2}$$

$$282$$

$$2820$$

$$\downarrow$$

$$2884$$

$$\begin{array}{r} \times 52 \\ 52 \\ \hline 104 \\ 260 \\ \hline 2704 \end{array}$$

$$\times \frac{35}{16}$$

$$+ \frac{35}{6} = \frac{35}{41}$$

$$- \frac{175}{16}$$

$$+ \frac{16}{16}$$

$$\times 159$$

$$1113$$

$$\begin{array}{l} 4 \cdot 5 = 20 \\ 7 \cdot 6 = 42 \\ 7 \cdot 7 = 49 \\ 7 \cdot 8 = 56 \\ 7 \cdot 9 = 63 \end{array}$$

$$29 \cdot 2^4 = 2^8 = 256$$

$$1113 + 256 = 1369$$

$$\times 33$$

$$+ 999$$

$$1089$$

$$\begin{array}{r} \times 37 \\ 37 \\ \hline 1369 \end{array}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\sqrt{2x^2 - 5x + 3} = 2 - 7x + \sqrt{2x^2 + 2x + 1} \quad 2x^2 - 5x + 3 > 0$$

$$2x^2 - 5x + 3 = (2 - 7x)^2 + 2x^2 + 2x + 1 + 2(2 - 7x)\sqrt{2x^2 + 2x + 1}$$

$$-4 - 49x^2 + 28x - 5x + 3 - 2x - 1 = 2(2 - 7x)\sqrt{2x^2 + 2x + 1}$$

$$-49x^2 + 21x - 2 = 2(2 - 7x)\sqrt{2x^2 + 2x + 1}$$

$$] \neq -7x + 2$$

$$\sqrt{2x^2 + 2x + 1} - \sqrt{2x^2 + 2x + 1}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

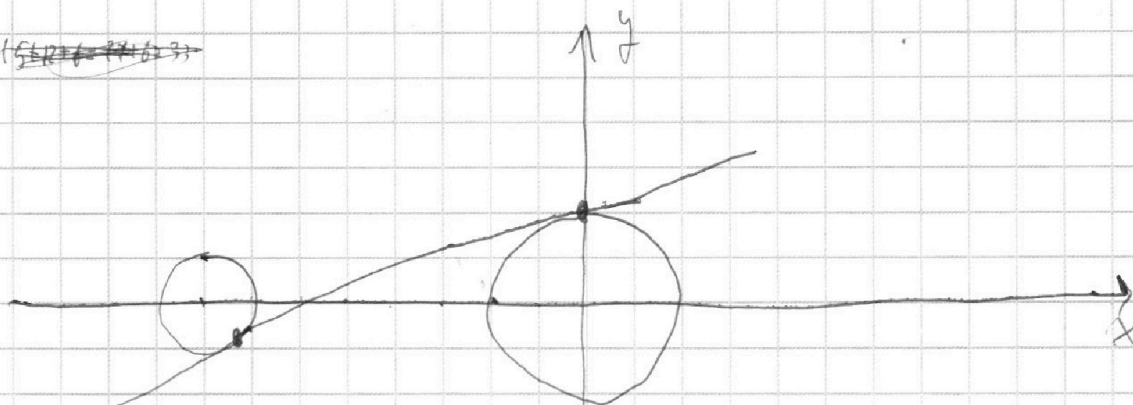
- 1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



~~(5, 12, 16, 27, 67, 33)~~



$$\sqrt{\frac{64-9}{64}} = \frac{\sqrt{55}}{8}$$

$$\begin{cases} (x_1+8)^2 + (kx_1+b)^2 = 1 \\ kx_2^2 + (kx_2+b)^2 = 4 \end{cases}$$

$k = ?$

$$ktg_{\alpha} = \frac{2}{16} \cdot 3 = \frac{3}{8}$$

$$x^2 - (x+8)^2 = 3$$

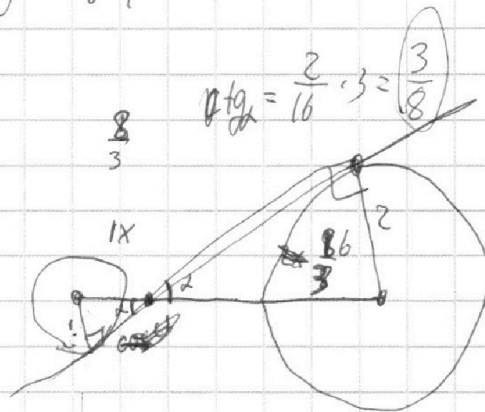
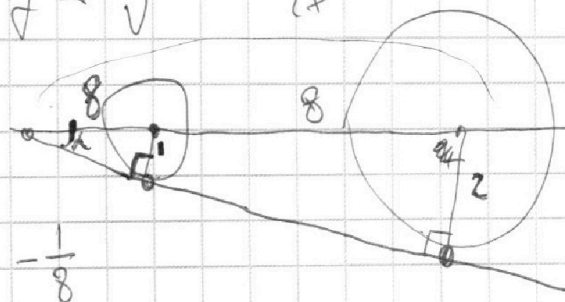
$$(x-x-8)(2x+8) = 3 \quad /:(-8)$$

$$2x+8 = -\frac{3}{8}$$

$$x = \frac{-3-64}{2 \cdot 8} = \frac{-67}{16}$$

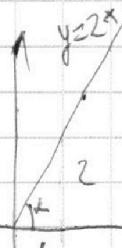
$$y^2 + \frac{67^2}{16^2} = 4$$

$$y = \pm \sqrt{4 - \frac{67^2}{16^2}}$$



-8

$$\frac{3}{8} = \frac{3}{8} \cdot \frac{1}{1} = \frac{3}{8}$$



$$y = t g_{\alpha} = x$$

$$\frac{16^2}{3^2} - 4^2 = \frac{4^4 - 4 \cdot 3^2}{3^2}$$

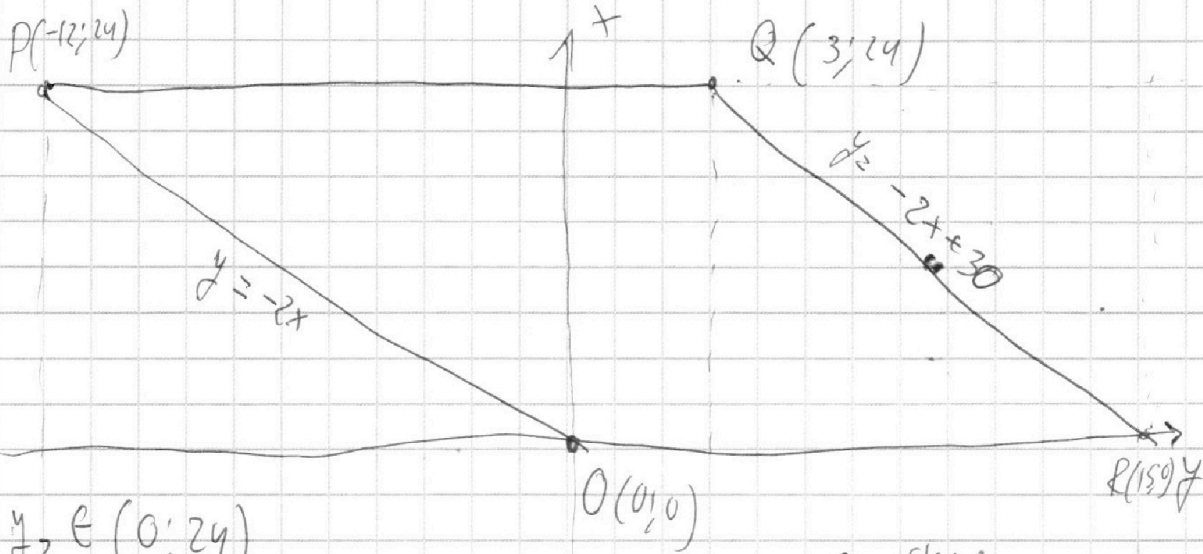
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$y_2 \in (0; 24)$$

$$y_1 \in (0; 24)$$

$$x_2 \in (-12; 15)$$

$$x_1 \in (-12; 15)$$

$$2(x_2 - x_1) + (y_2 - y_1) = 12$$

$$0$$

$$12$$

$$0 = 15k + b$$

$$24 = 3k + b$$

$$24 = 12k$$

$$k = 2$$

$$b = -30$$

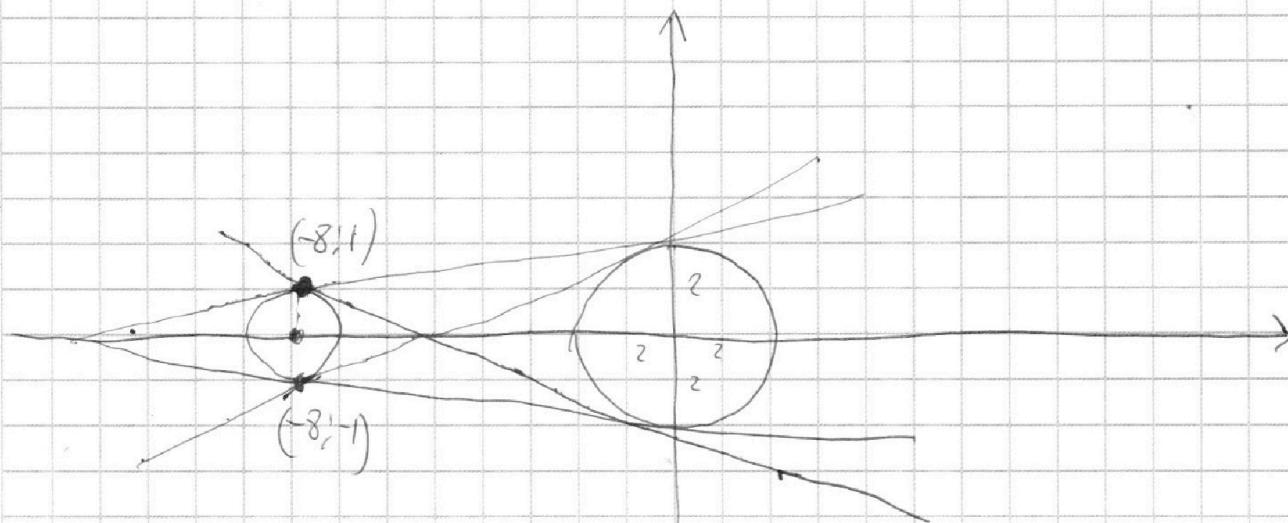
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



~~1/1~~

~~1/1~~

~~-8 - k~~ $-1 = -8k + b \Rightarrow b = 8k - 1$

$$x^2 + (kx + b)^2 = 4$$

$$x^2 + k^2 x^2 - 2kx + b^2 = 4$$

$$x^2 + k^2 x^2 - 2k(8k - 1)x + 64k^2 - 16k + 1 - 4 = 0$$

$$(1 + k^2)x^2 - x(2k(8k - 1)) + (64k^2 - 16k - 3) = 0$$

$$x = \frac{k(8k - 1) \pm \sqrt{k^2(8k - 1)^2 - (1 + k^2)(64k^2 - 16k - 3)}}{1 + k^2}$$

$$64k^4 - 16k^3 + k^2 - 64k^2 + 16k + 3 - 64k^4 - 16k^3 + 3k^2$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

