



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 10



1. [4 балла] Натуральные числа a , b , c таковы, что ab делится на $2^{15}7^{11}$, bc делится на $2^{17}7^{18}$, ac делится на $2^{23}7^{39}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}$, $b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-7ab+b^2}.$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , хорда AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC : CB = 17 : 7$. Найдите длину AB , если известно, что радиусы ω и Ω равны 7 и 13 соответственно.
4. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} - \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1 - 9x.$$

5. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-13;26)$, $Q(3;26)$ и $R(16;0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 14$.
6. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система

$$\begin{cases} ax + y - 8b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 1)(x^2 + (y - 12)^2 - 16) \leq 0 \end{cases}$$

имеет ровно 2 решения.

7. [6 баллов] Треугольник ABC вписан в окружность. Пусть M – середина той дуги AB описанной окружности, которая не содержит точку C ; N – середина той дуги AC описанной окружности, которая не содержит точку B . Найдите расстояние от вершины A до центра окружности, вписанной в треугольник ABC , если расстояния от точек M и N до сторон AB и AC соответственно равны 5 и 2,5.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

1. $ab: 2^{15} 7^{11}$
 $bc: 2^{17} 7^{18}$
 $ac: 2^{23} 7^{39}$

~~Итак, пусть $a = 2^x \cdot 7^n$, $b = 2^y \cdot 7^m$, $c = 2^z \cdot 7^k$.~~

Посмотрим на разложения их на простые множители:

$$a = 2^x \cdot 7^n \dots; b = 2^y \cdot 7^m \dots; c = 2^z \cdot 7^k \dots \Rightarrow$$
$$\Rightarrow a \cdot b = 2^{x+y} \cdot 7^{n+m} \dots; b \cdot c = 2^{y+z} \cdot 7^{m+k} \dots; a \cdot c = 2^{x+z} \cdot 7^{n+k} \dots$$

Из условия: $x+y \geq 15$ (тк. $ab: 2^{15} \cdot 7^{11}$); $y+z \geq 17$; $x+z \geq 23$. Тогда (суммируем)

$$2x+2y+2z \geq 55 \Rightarrow x+y+z \geq 27,5 \text{ (но } x+y+z \text{ - целое)} \Rightarrow \underline{x+y+z \geq 28}$$

Также заметим, что $n+k \geq 39$ (тк. $ac: 2^{23} \cdot 7^{39}$) $\Rightarrow \underline{n+m+k \geq 39}$

($a = 2^x \cdot 7^n \cdot a_1$; $b = 2^y \cdot 7^m \cdot b_1$; $c = 2^z \cdot 7^k \cdot c_1$.)

$$a \cdot b \cdot c = 2^{x+y+z} \cdot 7^{n+m+k} \cdot a_1 \cdot b_1 \cdot c_1 \geq 2^{28} \cdot 7^{39} \cdot a_1 \cdot b_1 \cdot c_1$$

При этом $a_1 \geq 1$; $b_1 \geq 1$; $c_1 \geq 1 \Rightarrow \underline{a \cdot b \cdot c \geq 2^{28} \cdot 7^{39}}$

Пример: $a = 2^{10} \cdot 7^{11}$; $b = 2^5$; $c = 2^{13} \cdot 7^{28} \Rightarrow ab = 2^{15} \cdot 7^{11}$; $bc = 2^{18} \cdot 7^{28}$; $c = 2^{23} \cdot 7^{39}$

$$ab: 2^{15} 7^{11}; bc: 2^{18} 7^{28}; ac: 2^{23} 7^{39}$$

$$abc = \underline{2^{28} \cdot 7^{39}}$$

ч.т.д.

Ответ: $2^{28} \cdot 7^{39}$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

2. $\frac{a}{b}$ - несократима $\rightarrow (a; b) = 1$

$\frac{a+b}{a^2-7ab+b^2}$ можно сократить на $m \Rightarrow a+b:m$ и $a^2-7ab+b^2:m$
 \Downarrow
 $a^2+2ab+b^2:m \rightarrow (a^2+2ab+b^2) - (a^2-7ab+b^2):m$
 \Downarrow
 $9ab:m$

Предположим, $a+b=mk \Rightarrow b=mk-a \Rightarrow 9a(mk-a):m$

Предположим, что a и m ~~не взаимно просты~~ делятся на какое-то p .

$\Rightarrow (a; m) \neq 1$. Тогда $b = \frac{mk-a}{p}$ также делится на это p . Но мы знаем,

что $(a; b) = 1 \Rightarrow$ не должно оба делиться на какое-то число. Тогда

получается $(a; m) = 1$. Аналогично и $(b; m) = 1$. Но $9ab:m$, при этом

$(a; m) = 1$ и $(b; m) = 1 \Rightarrow 9:m \Rightarrow m \leq 9$

Пример для $m=9$: $a=1; b=8$

$\frac{1}{8}$ несокр.; $\frac{1+8}{1-7 \cdot 8+8^2} = \frac{9}{1-56+64} = \frac{9}{9}$ - сократить можно и числ.

и знамен. на $m=9$

Ответ: $m=9$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

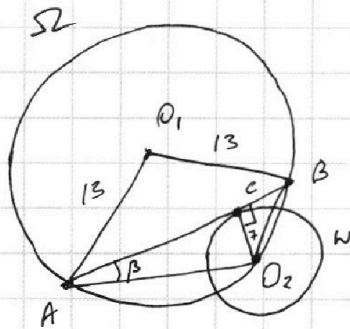
Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

3.



$\angle O_2CB = 90^\circ$, тк AB кас. Ω

Окр. Ω — это опис. окр-ть $\triangle AO_2B \Rightarrow$

$$\Rightarrow \left(R = \frac{a}{2 \sin \alpha} \right) \quad 13 = \frac{AB}{2 \sin \alpha}$$

$$\Downarrow \quad 13 = \frac{24x}{2 \sin \alpha}$$

$\angle AO_2B = \alpha$
 $AC = 17x; CB = 7x$

$\angle BAO_2 = \beta$

$$\sin \beta = \frac{CO_2}{AO_2} = \frac{7}{\sqrt{289x^2 + 49}}$$

$$BO_2 = \sqrt{CB^2 + CO_2^2} = \sqrt{49x^2 + 49} = 7\sqrt{x^2 + 1}$$

$$13 = R = \frac{BO_2}{2 \sin \beta} = \frac{7\sqrt{x^2 + 1}}{2 \cdot \frac{7}{\sqrt{289x^2 + 49}}} = \frac{\sqrt{x^2 + 1} \sqrt{289x^2 + 49}}{2}$$

$$13 = \frac{\sqrt{x^2 + 1} \sqrt{289x^2 + 49}}{2} \quad t = x^2$$

$$26 = \sqrt{t+1} \sqrt{289t+49}$$

$$676 = 289t^2 + 289t + 49t + 49$$

$$289t^2 + 338t - 627 = 0$$

$$(t-1)(289t+627) = 0$$

$$\begin{matrix} t=x^2 \\ \vee \\ 0 \end{matrix} \begin{cases} t=1 & t=x^2, x>0 \Rightarrow x=1 \\ t=-\frac{627}{289} < 0 \end{cases}$$

$$AB = AC + CB = 17x + 7x = 24x$$

$$AB = 24$$

Ответ: $AB = 24$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

У. $\sqrt{3x^2-6x+2} - \sqrt{3x^2+3x+1} = 1-9x$

Переносим:

$$a = 3x^2 - 6x + 2$$

$$b = 3x^2 + 3x + 1 \implies \sqrt{a} - \sqrt{b} = a - b$$

$$a - b = 1 - 9x$$

$$\sqrt{a} - \sqrt{b} = (\sqrt{a} - \sqrt{b})(\sqrt{a} + \sqrt{b})$$

$$\textcircled{1} \begin{cases} \sqrt{a} - \sqrt{b} = 0 \\ \sqrt{a} + \sqrt{b} = 1 \end{cases}$$

$$\textcircled{2} \begin{cases} \sqrt{a} - \sqrt{b} = 0 \\ \sqrt{a} + \sqrt{b} = 1 \end{cases}$$

$$\textcircled{1} \sqrt{a} = \sqrt{b} \implies a = b$$

$$3x^2 - 6x + 2 = 3x^2 + 3x + 1$$

$$1 = 9x$$

$$x = \frac{1}{9}$$

Проверяем: $\sqrt{3 \cdot \frac{1}{81} - 6 \cdot \frac{1}{9} + 2} - \sqrt{3 \cdot \frac{1}{81} + 3 \cdot \frac{1}{9} + 1} = 1 - 9 \cdot \frac{1}{9}$

$$\sqrt{\frac{1}{27} - \frac{2}{3} + 2} - \sqrt{\frac{1}{27} + \frac{1}{3} + 1} = 0$$

$$\sqrt{\frac{1}{27} + \frac{1}{3}} - \sqrt{\frac{1}{27} + \frac{1}{3}} = 0$$

т.е. $x = \frac{1}{9}$ кор.

$$\textcircled{2} \sqrt{a} + \sqrt{b} = 1$$

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1$$

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} = 1 - \sqrt{3x^2 + 3x + 1}$$

$$3x^2 - 6x + 2 = 1 + 3x^2 + 3x + 1 - 2\sqrt{3x^2 + 3x + 1}$$

$$9x = 2\sqrt{3x^2 + 3x + 1}$$

$$81x^2 = 4(3x^2 + 3x + 1)$$

$$81x^2 = 12x^2 + 12x + 4$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



(продолжение)

$$4. 69x^2 - 12x - 4 = 0$$

~~х = 1/3~~

$$x = \frac{6 \pm \sqrt{36 + 276}}{69} = \frac{6 \pm \sqrt{312}}{69} = \frac{6 \pm 2\sqrt{78}}{69}$$

$$\text{Ответ: } x = \frac{1}{3}; x = \frac{6 \pm 2\sqrt{78}}{69}$$

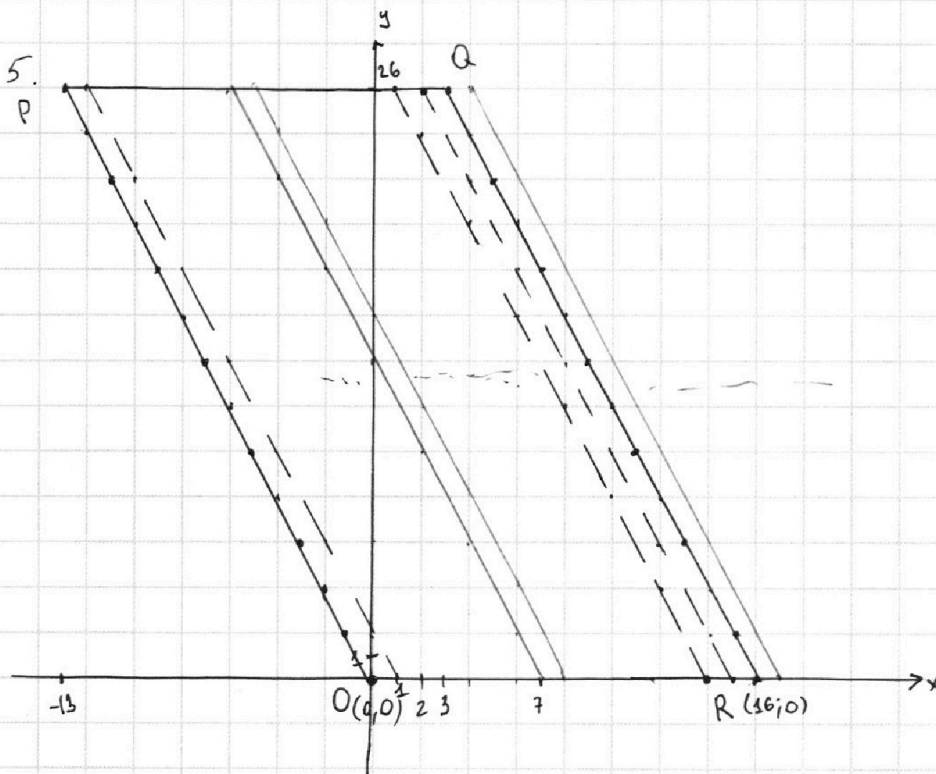
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$2x_2 - 2x_1 + y_2 - y_1 = 14 \rightarrow 2x_2 + y_2 = 14 + 2x_1 + y_1$$

Заметим, что, если нам дана точка $A(x_1, y_1)$, то B может лежать на прямой $2x_2 + y_2 - (14 + 2x_1 + y_1) = 0$. Также заметим, что $2x_1 + y_1 = \text{const}$ это также какая-то прямая. Получается, если мы возьмем любую точку на прямой $2x_1 + y_1 = \text{const}$, то ей будет подходить любая точка на прямой $2x_2 + y_2 - (14 + \text{const}) = 0$. Также эти прямые параллельные, так $k_1 = -\frac{2}{1}$ и $k_2 = -\frac{2}{1} \Rightarrow k_1 = k_2$. Что ещё заметнее, эти прямые будут параллельные сторонами нашего параллелограмма PO и QR (уравнение прямой, содержащей PO : $\frac{x-0}{0+13} = \frac{y-0}{0-26} \Rightarrow -2x=y \Rightarrow 2x+y=0$ $k = -\frac{2}{1} \Rightarrow$ паралл., а значит параллельно и QR , так $PO \parallel QR$)

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Рассмотрим каждую пунктирную линию (см. рис.) — это прямые, паралл. сторонам паралл. и проходящие через точки с цел. коорд. внутри него (сторона параллелограмма также ~~яко~~ или являются). Будем рассматривать "слева направо" — первой будет PQ, последней QR. Будем ставить на этих прямых точки A B точках с цел. координатами. Куда бы мы ни поставили точку A на прямую $14+2x_1+y_1$, будет получаться уравнение, т.к. у этой прямой k (угл. коэфф.) такой же, как у $14+2x_1+y_1$.

2-во: пункт. прямая: $2x_1+y_1+c_1=0$

$$14+2x_1+y_1 = 14 - c_1 - y_1 + y_1 = 14 - c_1, \text{ — константа}$$

Тогда для каждой точки на пункт. прямой ей соответствует прямая $2x_2+y_2 = \text{const} \Rightarrow$ любой прямой (пунктирной) соответствует другая прямая. Осталось рассмотреть, какие из них лежат внутри параллелограмма.

Рассмотрим первую ^{пунктирную} прямую (для этого достаточно подставить любую точку на нее):

$$14+2 \cdot 0+0=14. \text{ Вторая: } 14+2 \cdot 1+0=16. \text{ Третья: } 14+2 \cdot 2+0=18. \text{ Последняя: } 14+2 \cdot 6+0=26.$$

Тогда первой будет соответствовать прямая $2x_2+y_2=14$. Второй: $2x_2+y_2=16$.

Третьей: $2x_2+y_2=18$. — Последней: $2x_2+y_2=26$. Я нарисовала их синим цветом на картинке. Заметим, что после прямой $2x_2+y_2=32$ все прямые уже не лежат внутри параллелограмма (ей соответствует 10 пунктирных

линий)

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Тогда у нас всего 10 пар ~~матриц~~ прямых, на которых может
лечь A и B . Вообще на каждой прямой у нас всего ⁽¹³⁺¹⁾ 14 точек
с целыми координатами. Из одной пары соответствующих прямых
у нас всего получается $14 \cdot 14 = 196$ пар точек. А таких пар
соответствующих прямых у нас всего 10 \Rightarrow в сумме у нас $196 \cdot 10 =$
 $= 1960$ пар таких точек

Ответ: 1960.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

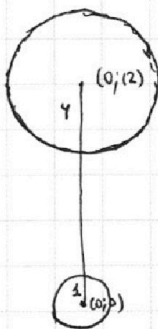
МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$6. \begin{cases} ax+y-8b=0 \\ (x^2+y^2-1)(x^2+(y-12)^2-16) \leq 0 \end{cases}$$

↓
ур-е окруж-ти
с центром (0;0) и r=1

↓
ур-е окруж-ти
с центром (0;12) и r=4



если точка находится ^{внутри} первой, ~~то~~
 $x^2+y^2-1 < 0$, если ^{внутри} второй

Если точка находится ^{внутри} окруж., то

$$(x-x_1)^2 + (y-y_1)^2 - r^2 < 0$$

на окруж-ти: $(x-x_1)^2 + (y-y_1)^2 - r^2 = 0$

вне: $(x-x_1)^2 + (y-y_1)^2 - r^2 > 0$

$$\text{При этом } (x^2+y^2-1)(x^2+(y-12)^2-16) \leq 0 \Rightarrow$$

точка должна находиться вне одной из окруж-тей и внутри (или на)
другой (первое условие необяз. при условии 2, тк. окруж-ти не имеют
общих точек).

$ax+y-8b=0$ — прямая. Заметим, что, если прямая имеет с окруж.

≥ 2 точки, то имеет беск. число точек \Rightarrow нам не подх. \Rightarrow

\Rightarrow какая прямая может только касаться окружностей (тогда имеет

1 общую точку. А нам надо, чтобы система имела 2

решения \Rightarrow прямая должна касаться 2 окруж-тей).

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

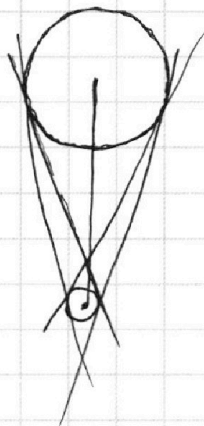
- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



6. Продолжение:



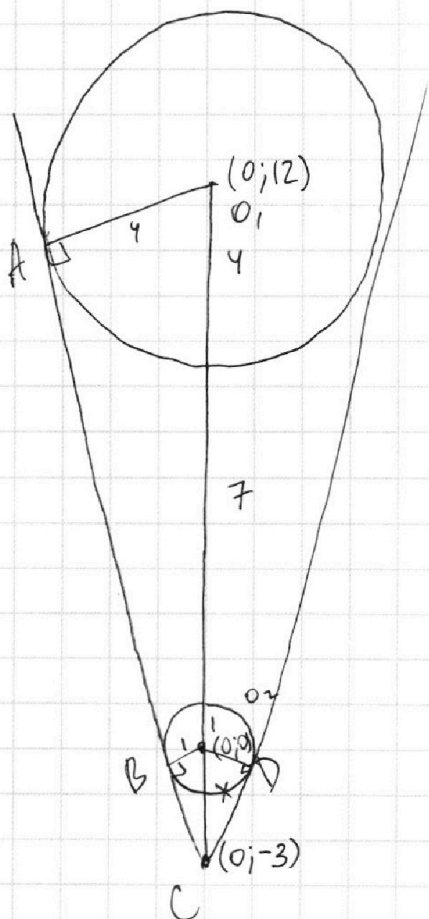
Тогда найти уравнение кас. и 2 артели

$$\begin{cases} ax_0 + y_0 - 8b = 0 \\ x_0^2 + y_0^2 = 1 \\ x_0^2 + (y_0 - 12)^2 = 16 \end{cases}$$

система из 3 ур-й с 3 неизвестными - осталось всего лишь решить её

$$\begin{aligned} x_0^2 + y_0^2 - 24y_0 + 144 &= 16 \\ -24y_0 + 144 &= 16 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 24y_0 &= 129 \\ y_0 &= \frac{129}{24} \end{aligned}$$



$$\frac{12+x}{4} = \frac{x}{1}$$

$$12+x=4x \Rightarrow x=3$$

$$a \cdot 0 - 3 - 8b = 0$$

$$b = -\frac{3}{8}$$

$$ax + y - \frac{3}{8} = 0$$

$$x_0^2 + y_0^2 = 1$$

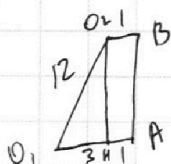
$$ax_0 + \sqrt{1-x_0^2} = \frac{3}{8}$$

$$\sqrt{1-x_0^2} = \frac{3}{8ax_0} - 1$$

ABC - прямоугольник

$$O_2H = \sqrt{144-9} = \sqrt{135} = 3\sqrt{15}$$

$$BC = \sqrt{9-1} = 2\sqrt{2}$$





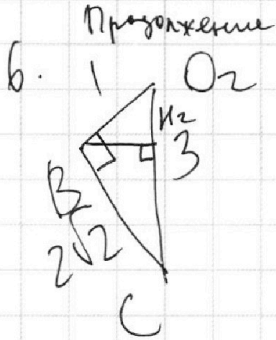
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$H_2 = \frac{2\sqrt{2} \cdot 1}{3} = \frac{2\sqrt{2}}{3}$$

$$OK_2 = \sqrt{1 - \frac{8}{9}} = \frac{1}{3}$$

$$\text{координаты } B = \left(-\frac{2\sqrt{2}}{3}; -\frac{1}{3}\right)$$

$$a \cdot \left(-\frac{2\sqrt{2}}{3}\right) - \frac{1}{3} - \frac{3}{8} = 0$$

$$a \cdot \left(-\frac{2\sqrt{2}}{3}\right) = \frac{8+9}{24}$$

$$a = \frac{\frac{17}{24}}{\frac{2\sqrt{2}}{3}}$$

$$a = \frac{17 \cdot 3}{80 \cdot 2\sqrt{2}}$$

$$a = \frac{17}{16\sqrt{2}} \quad b = -\frac{3}{8}$$

$$\text{координаты } D = \left(\frac{2\sqrt{2}}{3}; -\frac{1}{3}\right)$$

$$a \cdot \frac{2\sqrt{2}}{3} - \frac{1}{3} - \frac{3}{8} = 0$$

$$a = \frac{17}{16\sqrt{2}} \quad b = -\frac{3}{8}$$



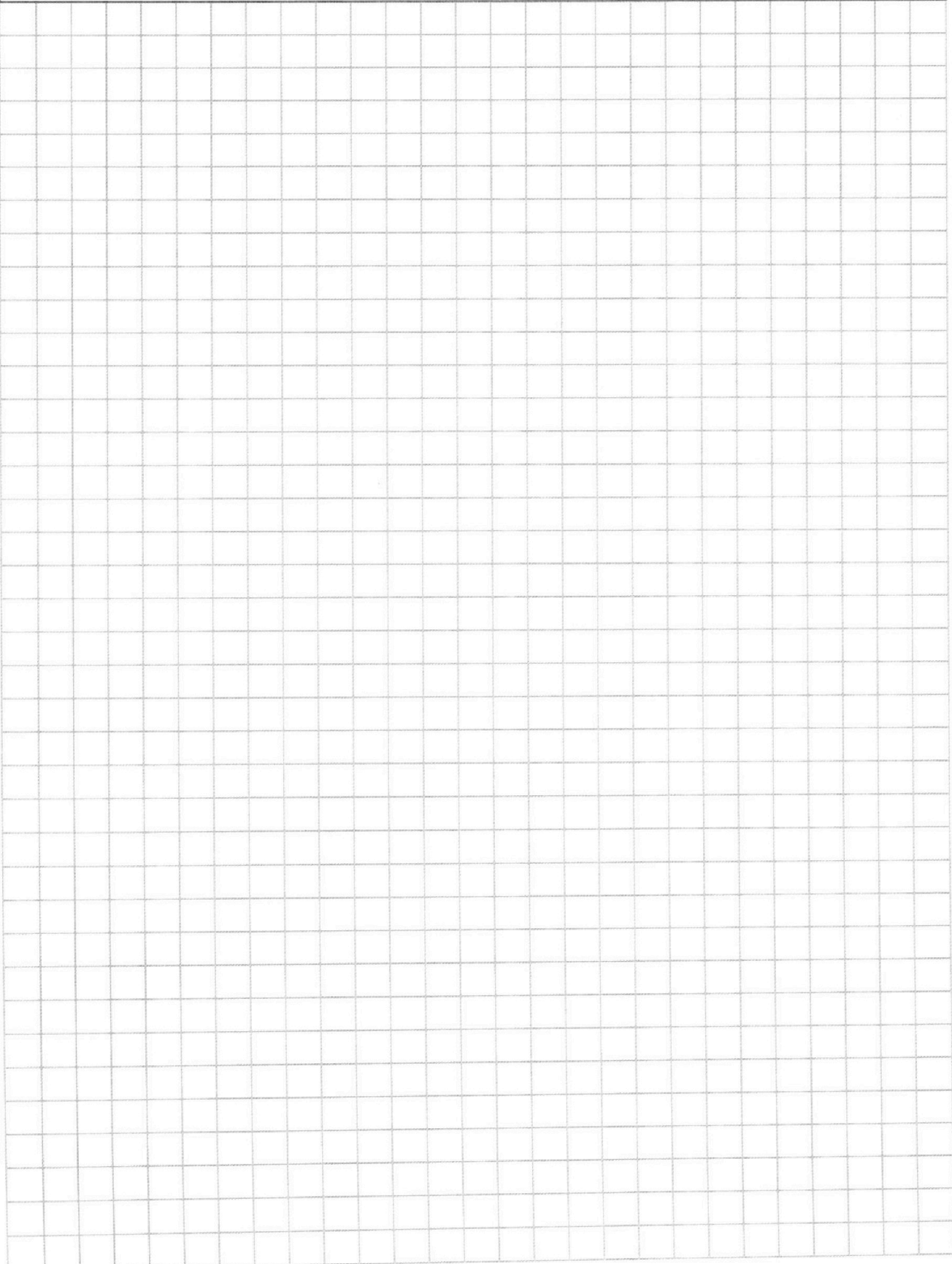
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

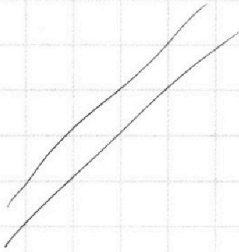


Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$(0; 2)$

$$x^2 + (y-2)^2 = 16$$



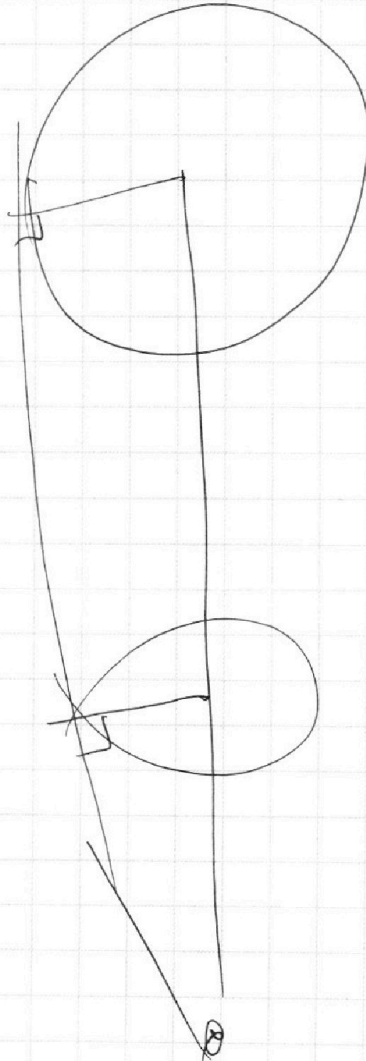
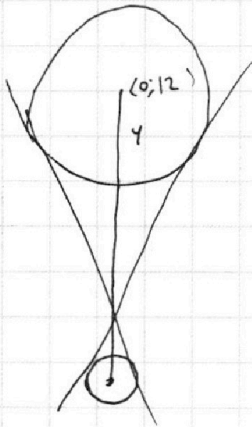
$$(x-x_1)^2 + (y-y_1)^2 = r^2$$



$$16 =$$

$$16 + 0 = 16$$

Круги: ≤ 0
Вкл: ≥ 0



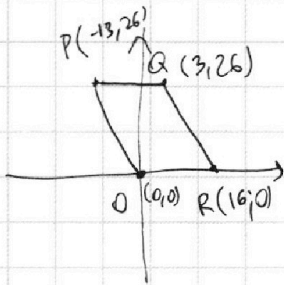
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



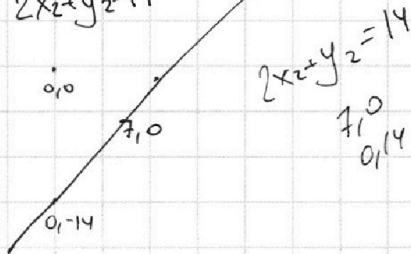
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$-2x_1 - y_1 + 2x_2 + y_2 = 14$$

$$2x_1 + y_1 = 2x_2$$

$$2x_2 + y_2 = 14 + 2x_1 + y_1$$

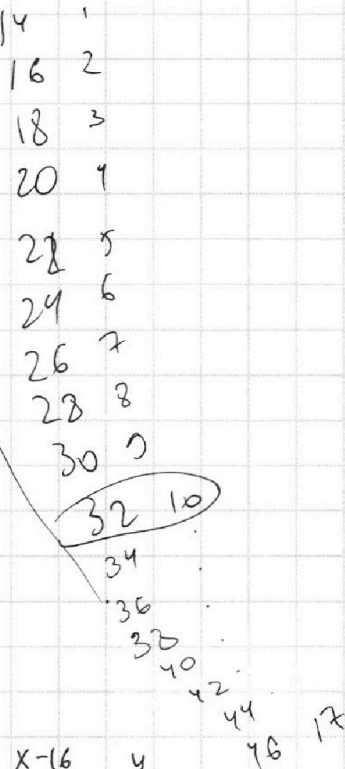


$$2x_2 + y_2 = 14$$

$$\frac{x}{13} = \frac{y}{-26}$$

$$-2x = y$$

$$2x + y = 0$$



$$\frac{x-16}{13} = \frac{y}{-26}$$

$$-2x + 32 = y$$

$$2x + y - 32 = 0$$

17

$$14 - 2 \cdot 2$$

$$14; 16; \dots; 46$$

$$14 + 32 = 46$$

$$14 + 6 + 26 = 46$$

$$2x_2 + y_2 = 14$$

$$k = -\frac{2}{1}$$

$$ax + by + c = 0$$

$$y = -\frac{a}{b}x - \frac{c}{b}$$

$$by = -ax - c$$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$182 = \sqrt{49x^2 + 49} \cdot \sqrt{289x^2 + 49}$$

13.2.7

$$26 = \sqrt{x^2 + 1} \cdot \sqrt{298x^2 + 49}$$

$$\begin{array}{r} 182 \\ \times 182 \\ \hline 364 \\ 1756 \\ + 182 \\ \hline 33124 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 3329 \\ \times 49 \\ \hline 2601 \\ + 156 \\ \hline 14161 \end{array}$$

$$(50-1)(50+1) = 2500 - 100 + 1 = 2401$$

$$33124 = 33124x^4 + 33124x^2 + 2901x^2 + 2401$$

206 =

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} - \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = (-9x)$$

$9x+1$
 $x=1/9$

$a=b$
 $\sqrt{a}-\sqrt{b}=0$

$$\sqrt{a}-\sqrt{b} = (\sqrt{a}-\sqrt{b})(\sqrt{a}+\sqrt{b})$$

$$3x^2 - 6x + 2 = a$$

$$1 - 9x = b$$

$$3x^2 + 3x + 1 = a - b$$

$$\sqrt{a} - \sqrt{b} = a - b$$

$$a + b - 2\sqrt{ab} = a^2 - 2ab + b^2$$

$$\sqrt{a} - \sqrt{a-b} = b$$

$$a + a - b - 2\sqrt{a^2 - ab} = b^2$$

$$2a - b - b^2 = 2\sqrt{a^2 - ab}$$

$4a^2$

$$\begin{array}{r} 338 \\ + 289 \\ \hline 627 \end{array}$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} = 1$$

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1$$

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} = 1 + 3x^2 + 3x + 1 - 2\sqrt{3x^2 + 3x + 1}$$

$$\sqrt{3x^2 - 6x + 2} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1$$

$$\sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 1 + 3x^2 - 6x + 2 - 2\sqrt{3x^2 - 6x + 2}$$

$$9x - 2 = -2\sqrt{3x^2 - 6x + 2}$$

$$81x^2 - 36x + 4 = 4(3x^2 - 6x + 2)$$

$$81x^2 - 36x + 4 = 12x^2 - 24x + 8$$

$$69x^2 - 12x - 4$$

$$2\sqrt{3x^2 + 3x + 1} = 9x$$

$$4(3x^2 + 3x + 1) = 81x^2$$

$$12x^2 + 12x + 4 = 81x^2$$

$$69x^2 - 12x + 4 = 0$$

$$\begin{array}{r} 276 \\ + 36 \\ \hline 312 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 200 \\ - 4 \\ \hline 196 \end{array}$$

104
52