



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

9 КЛАСС. Вариант 14



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $3^{14}7^{13}$, bc делится на $3^{19}7^{17}$, ac делится на $3^{23}7^{42}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [4 балла] Известно, что дробь $\frac{a}{b}$ несократима ($a \in \mathbb{N}, b \in \mathbb{N}$). На доске записана дробь

$$\frac{a+b}{a^2-9ab+b^2}.$$

При каком наибольшем m могло оказаться, что числитель и знаменатель дроби можно сократить на m ?

3. [5 баллов] Решите уравнение

$$\sqrt{3x^2 - 5x + 6} - \sqrt{3x^2 + x + 1} = 5 - 6x.$$

4. [4 балла] Центр окружности ω лежит на окружности Ω , диаметр AB окружности Ω касается ω в точке C так, что $AC = 1$ и $BC = 25$. Найдите длину общей касательной к окружностям ω и Ω .
5. [4 балла] Ненулевые действительные числа x, y, z удовлетворяют равенствам

$$5x - y = 3z \quad \text{и} \quad \frac{8}{x} + \frac{1}{y} = \frac{15}{z}.$$

Найдите наименьшее возможное значение выражения $\frac{25x^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2}$.

6. [5 баллов] Из пункта A в пункт B выезжают одновременно велосипедист и мотоциклист. Оба они движутся с постоянной скоростью, и мотоциклист прибывает в пункт B на 1 час раньше велосипедиста. Если бы велосипедист ехал со своей скоростью в течение того времени, что понадобилось мотоциклисту на дорогу от A к B , а мотоциклист – в течение того времени, что понадобилось велосипедисту на этот путь, то мотоциклист проехал бы на 49 километров больше. Если бы скорость каждого из них возросла на 7 км/ч, то велосипедист приехал бы в B на 36 минут позже велосипедиста. Найдите расстояние между A и B .
7. [6 баллов] Вписанная окружность ω прямоугольного треугольника ABC с прямым углом B касается его сторон CA, AB, BC в точках D, E, F соответственно. Луч ED пересекает прямую, перпендикулярную BC , проходящую через вершину C , в точке Y ; X – вторая точка пересечения прямой FY с окружностью ω . Известно, что $EX = \sqrt{2}XY$. Найдите отношение $AD : DC$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

МФТИ

Пусть $ac:7^{42}$, то и $abc:7^{42}$, поскольку $a \in \mathbb{N}, b \in \mathbb{N}, c \in \mathbb{N}$. $ab:3^{14}, bc:3^{19}, ac:3^{23} \Rightarrow$

$\Rightarrow ab \cdot bc \cdot ac: 3^{14} \cdot 3^{19} \cdot 3^{23} = 3^{56} \Leftrightarrow (abc)^2:3^{56} \Leftrightarrow abc:3^{28}$ (если $abc:3^{28}$, то $abc \cdot abc = (abc)^2:3^{56}$, что

противоречит доказанному). Итак, поскольку $abc:7^{42}$ и $abc:3^{28}$, а 7^{42} и 3^{28} взаимно просты, то

$abc:3^{28} \cdot 7^{42} \Rightarrow abc \geq 3^{28} \cdot 7^{42}$, поскольку a, b и c натуральные. Приведем пример, в котором

$abc = 3^{28} \cdot 7^{42}$ и условие выполняется: $a = 3^9 \cdot 7^{21}, b = 3^5, c = 3^{14} \cdot 7^{21}$. Он работает, поскольку:

$ab = 3^{14} \cdot 7^{21} = 3^{14} \cdot 7^{13}, bc = 3^{19} \cdot 7^{21} = 3^{19} \cdot 7^{14}, ac = 3^{23} \cdot 7^{42} = 3^{23} \cdot 7^{42}, abc = 3^{28} \cdot 7^{42}$.

Ответ: $3^{28} \cdot 7^{42}$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

МФТИ

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Дробь $\frac{a}{b}$ несократима \Rightarrow у a и b нет общих делителей. Рассмотрим число m , на которое можно сократить дробь $\frac{a+b}{a^2-9ab+b^2}$. Раз дробь можно сократить на это число, то $a+b \div m$ и $a^2-9ab+b^2 \div m$. $a^2-9ab+b^2 = (a+b)^2 - 11ab \Rightarrow (a+b)^2 - 11ab \div m \Rightarrow 11ab \div m$ (т.к. $a+b \div m$). ~~Если $a \div m$, то~~

Докажем, что для $m > 11$ условия не выполняются. Предположим, что они выполняются. Если $a \div m$, то (т.к. у a и b нет общих делителей) $b \nmid m \Rightarrow a+b \nmid m$, что противоречит доказанному. Аналогично: если $b \div m$, то $a \nmid m \Rightarrow a+b \nmid m$, снова противоречие. Значит, $a \nmid m$ и $b \nmid m$. Отсюда следует, что (раз $11ab \div m$, но $a \nmid m$ и $b \nmid m$) $11 \div m$. Но $m > 11$, противоречие $\Rightarrow m \leq 11$. Приведем

пример, в котором $m=11$: $a=1$, $b=10$. ~~Это~~ Это подходит, т.к. дробь $\frac{a}{b} = \frac{1}{10}$ несократима, а числитель и знаменатель дроби $\frac{a+b}{a^2-9ab+b^2} = \frac{1+10}{1-9 \cdot 1 \cdot 10 + 10^2} = \frac{11}{101-90} = \frac{11}{11}$ можно сократить на $m=11$.

Ответ: 11.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

МФТИ

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Возведем обе части уравнения в квадрат (это преобразование может добавить лишние корни уравнения, но в конце мы сделаем проверку):

$$(3x^2 - 5x + 6) + (3x^2 + x + 1) - 2\sqrt{3x^2 - 5x + 6} \cdot \sqrt{3x^2 + x + 1} = 25 - 60x + 36x^2$$

$$2\sqrt{(3x^2 - 5x + 6)(3x^2 + x + 1)} = -30x^2 + 56x - 18$$

$$\sqrt{(3x^2 - 5x + 6)(3x^2 + x + 1)} = -15x^2 + 28x - 9$$

$$(3x^2 - 5x + 6)(3x^2 + x + 1) = (-15x^2 + 28x - 9)^2 \quad (\text{снова возведем обе части в квадрат})$$

$$9x^4 - 12x^3 + 16x^2 + x + 6 = 225x^4 - 84x^3 + 1054x^2 - 504x + 81$$

$$216x^4 - 72x^3 + 1038x^2 - 505x + 75 = 0$$

$$(216x^4 - 180x^3) + (108x^3 - 90x^2) + (1128x^2 - 940x) + 75$$

Преобразуем исходное выражение и возведем обе части в квадрат (это преобразование ^{преобразуем неравенство} может добавить лишние корни, но в конце мы сделаем проверку):

$$\sqrt{3x^2 - 5x + 6} = (5 - 6x) + \sqrt{3x^2 + x + 1}$$

$$3x^2 - 5x + 6 = (5 - 6x)^2 + (3x^2 + x + 1) + 2(5 - 6x)\sqrt{3x^2 + x + 1}$$

$$(5 - 6x)^2 + 6x - 5 + 2\sqrt{3x^2 + x + 1}(5 - 6x) = 0$$

$$(5 - 6x)(5 - 6x - 1 + 2\sqrt{3x^2 + x + 1}) = 0$$

$$(5 - 6x)(6x - 4 - 2\sqrt{3x^2 + x + 1}) = 0$$

$(5 - 6x)(3x - 2 - \sqrt{3x^2 + x + 1}) = 0$. Один корень мы нашли — это $x = \frac{5}{6}$ ($5 - 6x = 0$). Если предположить, что $x \neq \frac{5}{6}$, то $\sqrt{3x^2 + x + 1} = 3x - 2 \Rightarrow 3x^2 + x + 1 = 9x^2 - 12x + 4 \Leftrightarrow 6x^2 - 13x + 3 = 0$. Дискриминант равен $13^2 - 4 \cdot 6 \cdot 3 = 169 - 72 = 97$, значит, корни равны $\frac{13 \pm \sqrt{97}}{12}$. Прямая проверка показывает, что все три корня подходят.

Ответ: $\left\{ \frac{5}{6}; \frac{13 - \sqrt{97}}{12}; \frac{13 + \sqrt{97}}{12} \right\}$

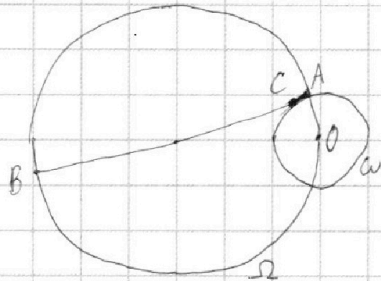
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$AC=1$$
$$BC=25$$

Пусть O — центр Ω . O лежит на $\Omega \Rightarrow \angle AOB = 90^\circ$ (т.к. AB — диаметр Ω). $OC \perp AB$, т.к. OC — радиус,

проведенный в точку касания. Значит, OC — высота в прямоугольном треугольнике $AOB \Rightarrow$

$$\Rightarrow OC^2 = AC \cdot BC = 1 \cdot 25 = 25 \Rightarrow OC = 5 \text{ (т.к. } OC \geq 0\text{)}. \text{ Диаметр } \Omega \text{ равен } AB = AC + BC = 1 + 25 = 26 \Rightarrow \text{радиус}$$

Ω равен $\frac{26}{2} = 13$. Пусть радиусы ω и Ω — r и R соответственно. Тогда $r = 5$, $R = 13$. По формуле

общей внешней касательной к двум окружностям (общую внутреннюю касательную к ω и Ω

провести не удастся, т.к. O лежит на Ω ; расстояние между центрами ω и Ω равно R):

$$\text{длина этой касательной равна } \sqrt{R^2 - (R-r)^2} = \sqrt{13^2 - (13-5)^2} = \sqrt{13^2 - 8^2} = \sqrt{169 - 64} = \sqrt{105}.$$

Ответ: $\sqrt{105}$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



По условию:

(так как $x \neq 0, y \neq 0, z \neq 0$, то все проводимые преобразования равносильны)

$$\begin{cases} 5x = 3z + y \\ 5x - y = 3z \\ \frac{8}{x} + \frac{1}{y} = \frac{15}{z} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x = 3z + y \\ \frac{40}{5x} + \frac{1}{y} = \frac{15}{z} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 5x = 3z + y \\ \frac{40}{3z+y} + \frac{1}{y} = \frac{15}{z} \end{cases}$$

Положим $\frac{25x^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2} = \frac{(3z+y)^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2} =$

$$= \frac{8z^2 + 6yz + y^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2} = \frac{7z^2 + 6yz}{y^2 + 3z^2}$$

В ~~данном~~ равенстве $\frac{40}{3z+y} + \frac{1}{y} = \frac{15}{z}$ делим обе части на $(3z+y)/yz$ и раскроем скобки:

$$40yz + 1 \cdot (3z+y)z = 15(3z+y)y \Leftrightarrow 40yz + 3z^2 + yz = 45yz + 15y^2 \Leftrightarrow 15y^2 + 4yz - 3z^2 = 0.$$

Положим $y = tz$

$$\text{на } z^2: 15\frac{y^2}{z^2} + 4\frac{y}{z} - 3 = 0. \text{ Пусть } t = \frac{y}{z}: 15t^2 + 4t - 3 = 0. \text{ Дискриминант равен } D = 4^2 - 4 \cdot (-3) \cdot 15 =$$

$$= 16 + 180 = 196 = 14^2. \text{ Значит, корни равны } \frac{-4 \pm 14}{30} = \left\{ -\frac{18}{30}, \frac{10}{30} \right\} = \left\{ -0,6; \frac{1}{3} \right\}. \text{ Здесь есть два варианта:}$$

1. $\frac{y}{z} = t = -0,6$. В этом случае $y = -0,6z$, и:

$$\frac{25x^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2} = \frac{8z^2 + 6yz}{3z^2 + y^2} = \frac{8z^2 + 6 \cdot (-0,6z)z}{3z^2 + (-0,6z)^2} = \frac{8z^2 - 3,6z^2}{3z^2 + 0,36z^2} = \frac{4,4z^2}{3,36z^2} = \frac{4,4}{3,36} = \frac{440}{336} = \frac{55}{42} = 1\frac{13}{42}$$

2. $\frac{y}{z} = t = \frac{1}{3}$. В этом случае $y = \frac{1}{3}z$, и:

$$\frac{25x^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2} = \frac{8z^2 + 6yz}{3z^2 + y^2} = \frac{8z^2 + 6 \cdot \frac{1}{3}z \cdot z}{3z^2 + (\frac{1}{3}z)^2} = \frac{8z^2 + 2z^2}{3z^2 + \frac{1}{9}z^2} = \frac{10z^2}{\frac{28}{9}z^2} = \frac{10}{\frac{28}{9}} = \frac{90}{28} = \frac{45}{14} = 3\frac{3}{14}$$

Поскольку $1\frac{13}{42} < 3\frac{3}{14}$, то наибольшее возможное значение $\frac{25x^2 - y^2 - z^2}{y^2 + 3z^2}$ равно $1\frac{13}{42}$.

Ответ: $1\frac{13}{42}$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Пусть скорости мотоциклиста и велосипедиста равны v_1 км/ч и v_2 км/ч соответственно, а расстояние от А до В равно S км. Тогда мотоциклист затратил на дорогу из А в В $\frac{S}{v_1}$ часов, а велосипедист — $\frac{S}{v_2}$ часов. Из условия следует, что $\frac{S}{v_2} - \frac{S}{v_1} = 1$ (час). Если бы велосипедист ехал $\frac{S}{v_1}$ часов, то он бы проехал $\frac{S}{v_1} \cdot v_2$ км. Если бы мотоциклист ехал $\frac{S}{v_2}$ часов, то он бы проехал $\frac{S}{v_2} \cdot v_1$ км. Из условия следует, что $\frac{S}{v_2} \cdot v_1 - \frac{S}{v_1} \cdot v_2 = 49$ (км). Если бы скорости обоих людей были на 7 км/ч больше, то они бы приехали в В из А: ~~за~~ мотоциклист — за $\frac{S}{v_1+7}$ час, велосипедист — за $\frac{S}{v_2+7}$ час. Из условия следует, что $\frac{S}{v_2+7} - \frac{S}{v_1+7} = 36$ (минут) = $\frac{36}{60}$ (часов) = 0,6 (часа). Итак, у нас есть 3 уравнения, и

курсив найдем S :

$$\begin{cases} \frac{S}{v_2} - \frac{S}{v_1} = 1 \\ \frac{S}{v_2} \cdot v_1 - \frac{S}{v_1} \cdot v_2 = 49 \\ \frac{S}{v_2+7} - \frac{S}{v_1+7} = 0,6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} S \cdot \frac{v_1 - v_2}{v_1 v_2} = 1 \\ S \cdot \frac{v_1^2 - v_2^2}{v_1 v_2} = 49 \\ S \cdot \frac{v_1 - v_2}{(v_1+7)(v_2+7)} = 0,6 \end{cases}$$

Разделив второе уравнение на первое, получим:

$$\frac{v_1^2 - v_2^2}{v_1 v_2} = 49 \Rightarrow v_1 + v_2 = 49. \quad (v_1 \neq v_2, \text{ т.к. иначе не выполняется уравнение } \frac{S}{v_2} - \frac{S}{v_1} = 1).$$

Разделив третье уравнение на первое, получим:

$$\frac{v_1 v_2}{(v_1+7)(v_2+7)} = 0,6 \Leftrightarrow v_1 v_2 = 0,6 \cdot (v_1 v_2 + 7(v_1+v_2) + 49) \Leftrightarrow 0,4 v_1 v_2 = 0,6 \cdot 7 \cdot 49 + 0,6 \cdot 49 \Leftrightarrow v_1 v_2 = \frac{48 \cdot 49}{0,4} = 12 \cdot 49$$

Поскольку $v_1 + v_2 = 49$ и $v_1 v_2 = 12 \cdot 49$, то по теореме обратной теореме Виета, v_1 и v_2 — корни

уравнения $x^2 - 49x + 12 \cdot 49 = 0$. Дискриминант равен $49^2 - 4 \cdot 1 \cdot (12 \cdot 49) = 49^2 - 46 \cdot 49 = 49 = 7^2$, а корни равны

$$\frac{49 \pm 7}{2} = \{21; 28\}. \quad v_1 - v_2 = \frac{v_1^2 - v_2^2}{v_1 + v_2} = \frac{v_1 v_2}{v_1 + v_2} > 0 \Rightarrow v_1 > v_2 \Rightarrow v_1 = 28 \text{ (км/ч)}, v_2 = 21 \text{ (км/ч)} \Rightarrow S = 1 \cdot \frac{v_1 v_2}{v_1 - v_2} = \frac{28 \cdot 21}{28 - 21} = 84 \text{ (км)}$$

Все величины удовлетворяют ~~условию~~ реальности (все скорости возможны развить в жизни).

Ответ: 84 километра.

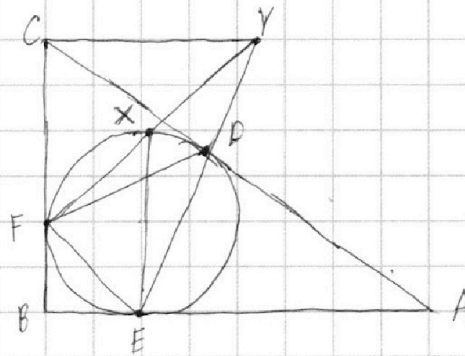
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Пусть O - центр ω . Тогда $\sphericalangle EOF = 360^\circ - \sphericalangle OFB - \sphericalangle OEB - \sphericalangle BEA = 360^\circ - 90^\circ - 90^\circ - 90^\circ = 90^\circ \Rightarrow \sphericalangle EXF =$
 $= \frac{\sphericalangle EF}{2} = \frac{90^\circ}{2} = 45^\circ$. Из-за симметрии $\sphericalangle OEX = \sphericalangle OFD \Rightarrow \triangle YXE \sim \triangle YDF$ ($\sphericalangle EYF$ общий, $\sphericalangle OEX = \sphericalangle OFD$) \Rightarrow
 $\Rightarrow \frac{FD}{DY} = \frac{EX}{XY} = \sqrt{2}$. Из-за того, что $\sphericalangle BCY = 90^\circ$, $CY \parallel AB \Rightarrow \triangle CYD \sim \triangle AED$ (т.к. из-за параллельности
 $\sphericalangle AED = \sphericalangle CYD$, $\sphericalangle EAD = \sphericalangle YCD$) $\Rightarrow AD:DC = ED:DY$. Из этого же подобия $\frac{AD}{DE} = \frac{CY}{CD}$, а AD и DE равны \Rightarrow
 $\Rightarrow CY = CD$. Кроме того, $CF = CE \Rightarrow CY = CF$. Поскольку $\sphericalangle FCY = 90^\circ$, $\triangle CYF$ прямоугольный равнобедренный \Rightarrow
 $\Rightarrow \sphericalangle CFY = 45^\circ$. $BE = BF$ и $\sphericalangle EBF = 90^\circ \Rightarrow \sphericalangle BFE = 45^\circ \Rightarrow \sphericalangle XFE = 180^\circ - \sphericalangle CFY - \sphericalangle EFB = 90^\circ \Rightarrow EX$ - диаметр ω .

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



① ~~1~~ $a = 3^{d_1 y^{d_2}}, b = 3^{f_1 y^{f_2}}, c = 3^{g_1 y^{g_2}}$ (6) S, V_1, V_2

$d_1 + f_1 \geq 14, f_1 + g_1 \geq 10, d_1 + g_1 \geq 23$

$d_1 + f_1 + g_1 \geq \frac{14+10+23}{2} = 28$

$d_2 + f_2 \geq 13, f_2 + g_2 \geq 17, d_2 + g_2 \geq 42$

$d_2 + f_2 + g_2 \geq \frac{13+17+42}{2} = 36$

$\frac{S}{V_2} - \frac{S}{V_1} = 1$
 $\frac{S}{V_2} V_1 - \frac{S}{V_1} V_2 = 49$
 $\frac{S}{V_2 + 4} - \frac{S}{V_1 + 4} = 0,6$

$S \cdot \frac{V_1 - V_2}{V_1 V_2} = 1$
 $S \cdot \frac{V_1^2 - V_2^2}{V_1 V_2} = 49$
 $S \cdot \frac{V_1 + V_2}{(V_1 + 4)(V_2 + 4)} = 0,6$

$abc \geq \sqrt{ab \cdot bc \cdot ca} = \sqrt{3^{\frac{14+10+23}{2} + \frac{13+17+42}{2}}} = \sqrt{3^{56 + 73}} = 3^{\frac{129}{2}}$

Пример: $a = 3^{9 \cdot 2^1}, b = 3^{5 \cdot 2^1}, c = 3^{14 \cdot 2^1}$

② $(a, b) = 1$

$x^2 - 49x + 25 \cdot 49 = 0, D = 49^2 - 50 \cdot 49$
 $x^2 - 49x + 1225 = 0, D = 49^2 - 48 \cdot 49 = 49 = 7^2$
 $V_1, V_2 = \frac{49 \pm 7}{2} = \{28, 21\} \Rightarrow V_1 = 28 \text{ км/ч}, V_2 = 21 \text{ км/ч}$

$V_1 V_2 = 0,6 V_1 V_2 + 9,2(V_1 + V_2) + 49 \cdot 0,6$
 $0,6 V_1 V_2 = 49 \cdot 0,6$
 $V_1 + V_2 = 49$
 $V_1 V_2 = \frac{28 \cdot 21}{2} = 84$

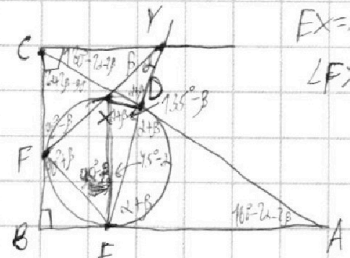
$a+b : m$
 $a^2 - 9ab + b^2 : m \Rightarrow (a+b)^2 \neq 9ab : m \Rightarrow 11ab : m$. Если $a : m$, то $b : m$ и наоборот $\Rightarrow a : m, b : m \Rightarrow 11 : m \Rightarrow m \leq 11$

$\frac{a+b}{a^2 - 9ab + b^2} - \text{сопр. на } m \Rightarrow \frac{(a+b)^2 - 11ab}{a+b} - \text{сопр. на } m \Rightarrow \frac{11ab}{a+b} - \text{сопр. на } m$

$m = 11, a = 9, b = 10$

1) несократима

$\frac{a+b}{a^2 - 9ab + b^2} = \frac{11}{1 - 90 + 100} = \frac{11}{11}$ сопр. на 11



$EX = \sqrt{2}XY$
 $\angle FXE = 45^\circ \Rightarrow \angle EXY = 135^\circ$
 $EY = \sqrt{XY^2 + 2XY^2 + 2XY \cdot \sqrt{2}XY \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}} = XY \cdot \sqrt{3+2} = 5XY$

③ $\sqrt{3x^2 - 5x + 6} - \sqrt{3x^2 + x + 1} = 5 - 6x$

$3x^2 - 5x + 6 + 3x^2 + x + 1 - 2\sqrt{(3x^2 - 5x + 6)(3x^2 + x + 1)} = 5 - 6x$

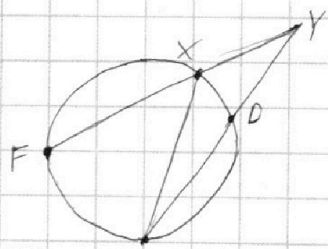
$2\sqrt{(3x^2 - 5x + 6)(3x^2 + x + 1)} = 6x^2 + 2x + 2$

$625 - 250 + 450 - 2525 + 17525 = 17525$
 $= -1700 + 17525$

$\sqrt{3x^2 - 5x + 6} = 3x^2 + x + 1$

$216 \cdot \frac{5^4}{6^4} - 42 \cdot \frac{5^3}{6^3} + 1038 \cdot \frac{5^2}{6^2} - 505 \cdot \frac{5}{6} + 75 =$
 $= \frac{5^4}{6} - \frac{2 \cdot 5^3}{6} + \frac{1038 \cdot 5^2}{6} - \frac{5 \cdot 505}{6} + \frac{45 \cdot 6}{6}$

$(3x^2 - 5x + 6)(3x^2 + x + 1) = (3x^2 + x + 1)^2$. $3x^2 + x + 1 \neq 0 \Rightarrow 3x^2 - 5x + 6 = 3x^2 + x + 1 \Rightarrow 6x = 5 \Rightarrow x = \frac{5}{6}$



$28^2 + 2 \cdot 15 \cdot 9 = 784 + 270 = 1054$

$6x = 5$



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

