



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 2



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^7 3^{11} 5^{14}$, bc делится на $2^{13} 3^{15} 5^{18}$, ac делится на $2^{14} 3^{17} 5^{43}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .

2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник ABC . Окружность, касающаяся прямой AC в точке A , пересекает высоту CD , проведённую к гипотенузе, в точке E , а катет BC – в точке F . Известно, что $AB \parallel EF$, $AB : BD = 1,3$. Найдите отношение площади треугольника ACD к площади треугольника CEF .

3. [4 балла] Решите уравнение $5 \arccos(\sin x) = \frac{3\pi}{2} + x$.

4. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система уравнений

$$\begin{cases} x + 3ay - 7b = 0, \\ (x^2 + 14x + y^2 + 45)(x^2 + y^2 - 9) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа x и y удовлетворяют равенствам

$$\log_7^4(6x) - 2 \log_{6x} 7 = \log_{36x^2} 343 - 4, \quad \text{и} \quad \log_7^4 y + 6 \log_y 7 = \log_{y^2} (7^5) - 4.$$

Найдите все возможные значения произведения xy .

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0; 0)$, $P(-17; 68)$, $Q(2; 68)$ и $R(19; 0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно на границе) и таких, что $4x_2 - 4x_1 + y_2 - y_1 = 40$.

7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида $SABC$, медианы AA_1 , BB_1 и CC_1 треугольника ABC пересекаются в точке M . Сфера Ω касается ребра AS в точке L и касается плоскости основания пирамиды в точке K , лежащей на отрезке AM . Сфера Ω пересекает отрезок SM в точках P и Q . Известно, что $SP = MQ$, площадь треугольника ABC равна 60, $SA = BC = 10$.

а) Найдите произведение длин медиан AA_1 , BB_1 и CC_1 .

б) Найдите двугранный угол при ребре BC пирамиды, если дополнительно известно, что Ω касается грани BCS в точке N , $SN = 3$, а радиус сферы Ω равен 4.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№ 1

По условию
 $a, b, c \in \mathbb{N}$

$$\begin{cases} ab \stackrel{7}{=} 2 \cdot 3 \cdot 5 \\ bc \stackrel{13}{=} 2 \cdot 3 \cdot 5 \\ ac \stackrel{17}{=} 2 \cdot 3 \cdot 5 \end{cases} \quad \text{Перемножив получаем } (abc)^2 \stackrel{34}{=} 2 \cdot 3 \cdot 5 \quad (1)$$

Отсюда путем взятия корня получаем:

$$abc \stackrel{17}{=} 2 \cdot 3 \cdot 5 \quad \text{Поскольку мы получили дробные}$$

степени невозможны, а значит их необходимо округлить в большую сторону

(иначе условие (1) не выполняется)

Итого получаем

$$abc \stackrel{17}{=} 2 \cdot 3 \cdot 5 \stackrel{22}{=} 36$$

Это и есть наибольшее возможное значение произведения, поскольку

при добавлении в качестве множителя еще произвольного значения увеличива-

ется, а при уменьшении степеней факторы, произведение и поэтому либо не

содержатся условие (1) (при увеличении), либо не увеличивается

(при уменьшении)

$$\text{Ответ: } 2 \cdot 3 \cdot 5 \stackrel{17}{=} 36$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$5 \arccos(\sin x) = \frac{3\sqrt{5}}{2} + x \quad \text{N3}$$

или ограничение $0 \leq \arccos y \leq \pi$

$$\arccos(\sin x) = \frac{3\sqrt{5}}{10} + \frac{x}{5} \quad 0 \leq 5 \arccos y \leq 5\pi$$

$$\cos(\arccos(\sin x)) = \cos\left(\frac{3\sqrt{5}}{10} + \frac{x}{5}\right)$$

$$\sin x = \cos\left(\frac{3\sqrt{5}}{10} + \frac{x}{5}\right)$$

$$\cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) = \cos\left(\frac{3\sqrt{5}}{10} + \frac{x}{5}\right)$$

$$\frac{3\sqrt{5}}{10} + \frac{x}{5} = \frac{\pi}{2} - x + 2\pi k$$

$$\frac{3\sqrt{5}}{10} + \frac{x}{5} = \pi - \frac{\pi}{2} + 2\pi n$$

$n, k \in \mathbb{Z}$

$$3\sqrt{5} + 2x = 5\pi - 10x + 20\pi k$$

$$3\sqrt{5} + 2x = 10x - 5\pi + 20\pi n$$

$$12x = 2\pi + 20\pi k$$

$$8x = 8\pi - 20\pi n$$

$$x = \frac{\pi}{6} + \frac{5}{3}\pi k$$

$$x = \pi - \frac{5}{2}\pi n$$

Сравним выражения

$$1) \quad -\frac{3\sqrt{5}}{2} \leq \frac{\pi}{6} + \frac{5}{3}\pi k \leq \frac{7\sqrt{5}}{2}$$

$$2) \quad -\frac{3\sqrt{5}}{2} \leq \pi - \frac{5}{2}\pi n \leq \frac{7\sqrt{5}}{2}$$

$$-9 \leq 1 + 10k \leq 21$$

$$-3 \leq 2 - 5n \leq 7$$

$$-5 \leq -5n \leq 5$$

$$-10 \leq 10k \leq 20$$

$$n \in \mathbb{Z} \Rightarrow \begin{cases} n = -1 \\ n = 0 \\ n = 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = \frac{7\sqrt{5}}{2} \\ x = \pi \\ x = -\frac{3\sqrt{5}}{2} \end{cases}$$

$$k \in \mathbb{Z} \Rightarrow \begin{cases} k = -1 \\ k = 0 \\ k = 1 \\ k = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = -\frac{3\sqrt{5}}{2} \\ x = \frac{\pi}{6} \\ x = \frac{11\sqrt{5}}{6} \\ x = \frac{7\sqrt{5}}{2} \end{cases}$$

Итак, мы получили четыре корня, получившие ответ,

$$\text{Ответ: } -\frac{3\sqrt{5}}{2}, \frac{\pi}{6}, \pi, \frac{11\sqrt{5}}{6}, \frac{7\sqrt{5}}{2}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



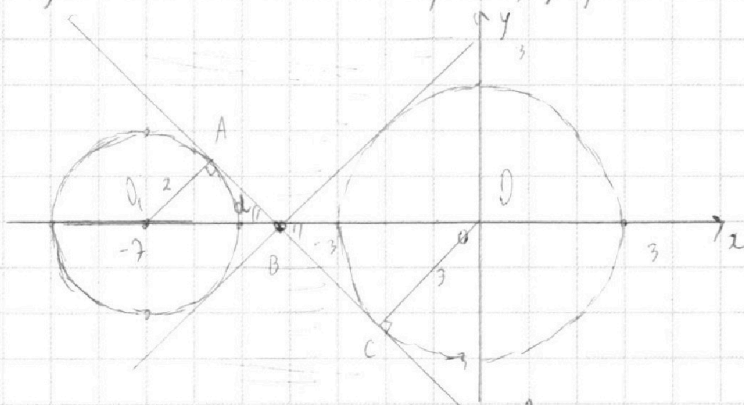
№ 4

$$\begin{cases} x + 3ay - 7b = 0 \\ (x^2 + 14x + y^2 + 45)(x^2 + y^2 - 9) = 0 \end{cases}$$

Решим второе уравнение графически

$$\begin{cases} x^2 + 14x + y^2 + 45 = 0 \\ x^2 + y^2 - 9 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x+7)^2 + y^2 = 2^2 & \text{Центр } (1-7; 0), 2 \\ x^2 + y^2 = 3^2 & \text{Центр } (10; 0), 3 \end{cases}$$



Заметим, что для нашей равно 4 решения необходимо и

достаточно, чтобы прямая $x + 3ay - 7b = 0$ пересекала обе окружности

равно в 2-х точках. Выведем 2 общие касательные, симметричные

относительно O_1O

Для определения координат точек a найдем $tg(\alpha)$

1) Выведем радиусы O_1C и O_1A , перпендикулярные касательным

$$\angle O_1AB = \angle OCB = 90^\circ$$

2) $\angle O_1BA = \angle OBC$ как вертикальные

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

3) $\triangle OCB \sim \triangle O_1AB$ по 2-ым углам

$$\alpha_1 \angle O_1AB = \angle OCB \quad \text{пункт 1}$$

$$\beta_1 \angle O_1BA = \angle OBC \quad \text{п. 2.}$$

4) $OO_1 = 7$ Пусть $O_1B = x$ $OB = 7 - x$

5) Ну по подобю \triangle п. 3

$$\frac{O_1B}{OB} = \frac{O_1A}{OC} \quad \frac{x}{7-x} = \frac{2}{3}$$

$$3x = 14 - 2x$$

$$5x = 14$$

$$x = \frac{14}{5}$$

6) По теореме Пифагора в $\triangle O_1AB$

$$O_1A^2 + AB^2 = O_1B^2$$

$$AB = \sqrt{\frac{196}{25} - \frac{100}{25}} \quad AB = \frac{4\sqrt{6}}{5}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{O_1A}{AB}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{2}{\frac{4\sqrt{6}}{5}} \quad \operatorname{tg} \alpha = \frac{10}{4\sqrt{6}}$$

$$\operatorname{tg} \alpha = \frac{5}{2\sqrt{6}}$$

^
Уравнение прямой вида $y = kx + c$

Убедимся, что k - коэффициент наклона прямой, равный тангенсу угла.

Заметим, что при $k \geq \operatorname{tg} \alpha$ и $k \leq -\operatorname{tg} \alpha$ прямая будет

расположена в закрашенной зоне (с разницей значений α и $-\alpha$)

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

для радиуса c . Ближний образ эта дуга имеет (2-ая окружность) максимум не более 3-ех общих точек. Все остальные значения параметра при различных значениях c могут иметь (около) максимум от 0 до 4-ех общих точек включительно (пока что значения c берем от 0).
(Крайне $tg \alpha = 0$ где нет общих точек (2-ая экр. сразу).

В нашем случае прямая имеет вид:

$$x + 3ay - 7b = 0$$

$$3ay = -x + 7b$$

$$y = -\frac{1}{3a}x + \frac{7b}{3a}$$

при каком-то b

Вспомогательное условие 4-ех корней необходимо и достаточно соблюдение

условий: (при $a \neq 0$, при которых условия выполняются)

$$\begin{cases} -\frac{1}{3a} < tg \alpha \\ -\frac{1}{3a} > -tg \alpha \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -\frac{1}{3a} < \frac{5}{2\sqrt{6}} \\ -\frac{1}{3a} > -\frac{5}{2\sqrt{6}} \end{cases}$$

$$1) \quad 3a > 0$$

$$\begin{cases} \frac{15}{2\sqrt{6}} - a > -1 \\ -\frac{15}{2\sqrt{6}} - a < -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a > -\frac{2\sqrt{6}}{15} \\ a > \frac{2\sqrt{6}}{15} \end{cases} \Rightarrow a > \frac{2\sqrt{6}}{15}$$

Объединение двух случаев и есть ответ.

$$2) \quad 3a < 0$$

$$\begin{cases} \frac{15}{2\sqrt{6}} - a < -1 \\ -\frac{15}{2\sqrt{6}} - a > -1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a < -\frac{2\sqrt{6}}{15} \\ a < \frac{2\sqrt{6}}{15} \end{cases} \Rightarrow a < -\frac{2\sqrt{6}}{15}$$

Ответ: $(-\infty; -\frac{2\sqrt{6}}{15}) \cup (\frac{2\sqrt{6}}{15}; +\infty)$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{cases} \log_7^4(6x) - 2 \log_7 7 = \log_{36x^2} 343 - 4 \\ \log_7^4 y + 6 \log_7 7 = \log_{y^2} (7^5) - 4 \end{cases} \quad \text{№5}$$

$$\begin{cases} \log_7^4(6x) - 2 \cdot \frac{1}{\log_7 6x} - \frac{1}{2} \cdot 3 \cdot \frac{1}{\log_7 6x} + 4 = 0 \\ \log_7^4 y + 6 \cdot \frac{1}{\log_7 y} - \frac{1}{2} \cdot 5 \cdot \frac{1}{\log_7 y} + 4 = 0 \end{cases} \quad \text{OДЗ} \begin{cases} x, y > 0 \\ x \neq \frac{1}{6} \\ y \neq \frac{1}{7} \end{cases}$$

Заменим $a = \log_7 6x$ $b = \log_7 y$ $a + b = \log_7(6xy)$
 $a, b \neq 0$ из OДЗ

$$\begin{cases} a^4 - \frac{7}{2a} + 4 = 0 \\ b^4 + \frac{7}{2b} + 4 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a^5 + 4a - 7 = 0 & \text{a)} \\ b^5 + 4b + 7 = 0 & \text{б)} \end{cases}$$

① Заменим, что $a > 0$, тогда все слагаемые в выражении а) < 0 , и их сумма не может равняться нулю. Аналогично докажем $b < 0$

Сложим уравнения

$$a^5 + b^5 + 4a + 4b - 7 + 7 = 0$$

$$(a+b)(a^4 - a^3b + a^2b^2 - ab^3 + b^4) + 4(a+b) = 0$$

$$(a+b)(a^4 - a^3b + a^2b^2 - ab^3 + b^4 + 4) = 0$$

Получили 2 случая

I $a + b = 0$

$$\log_7 6x + \log_7 y = 0$$

$$\log_7 6xy = 0$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:



1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$bxy = 1$$

$$xy = \frac{1}{b}$$

$$\text{II} \quad a^4 - a^3b + a^2b^2 - ab^3 + b^4 + 4 = 0$$

Применим утверждение 9. Получим:

$$a^4 > 0$$

$$-a^3b > 0$$

$$a^2b^2 > 0$$

$$-ab^3 > 0$$

$$b^4 > 0$$

$$4 > 0$$

\Rightarrow и сумма также больше нуля \Rightarrow не равна нулю. Значит
случай невозможен.

$$\text{Ответ. } \frac{1}{b}$$



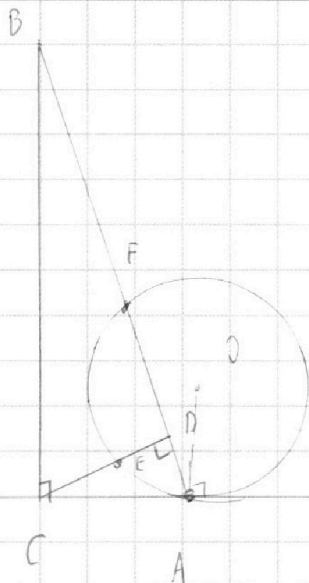
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

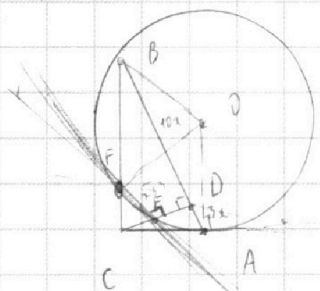
- 1 2 3 4 5 6 7



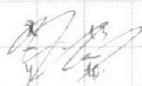
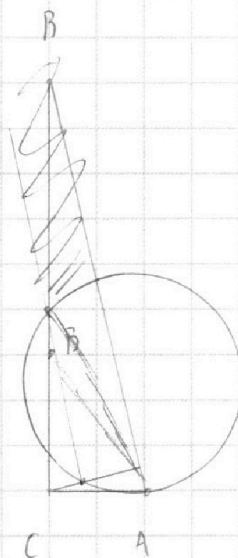
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$AB = BD = \frac{13}{10}$ $AB \parallel EF$



$\frac{S_{ACD}}{S_{CEF}}$



*

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{aligned} ab &: 2^7 - 3^7 - 5^{14} \\ bc &: 2^{13} - 3^{15} - 5^{18} \\ ac &: 2^{14} - 3^{17} - 5^{17} \end{aligned} \quad \Bigg| \quad = 7$$

$\times 1$

$$\begin{aligned} abc &: 2^{34} - 3^{43} - 5^{75} \\ abc &: 2^{17} - 3^{21\frac{1}{2}} - 5^{37\frac{1}{2}} \\ abc &= 2^{17} - 3^{22} - 5^{38} \end{aligned}$$

Ответ: $2^{17} - 3^{22} - 5^{38}$

$$5 \arccos(\sin x) = \frac{3\sqrt{10}}{2} + 2\pi$$

$$\arccos(\sin x) = \frac{3\sqrt{10}}{10} + \frac{2}{5}\pi$$

$$\sin x = \cos\left(\frac{3\sqrt{10}}{10} + \frac{2}{5}\pi\right)$$

$$\cos\left(\frac{3\sqrt{10}}{10} + \frac{2}{5}\pi\right) = \cos\left(\frac{\sqrt{10}}{2} - \pi\right)$$

$$\begin{cases} \frac{3\sqrt{10}}{10} + \frac{2}{5}\pi = \frac{\sqrt{10}}{2} - \pi + 2\pi k \\ \frac{3\sqrt{10}}{10} + \frac{2}{5}\pi = \pi - \frac{\sqrt{10}}{2} + 2\pi k \end{cases} \quad k \in \mathbb{Z}$$

$$\begin{cases} 3\sqrt{10} + 2\pi = 5\sqrt{10} - 10\pi + 20\pi k \\ 3\sqrt{10} + 2\pi = 10\pi - 5\sqrt{10} + 20\pi k \end{cases}$$

$$\begin{cases} 12\pi = 2\sqrt{10} + 20\pi k \\ 8\pi = 7\sqrt{10} - 20\pi k \end{cases}$$

$$\begin{cases} \pi = \frac{\sqrt{10}}{6} + \frac{5}{3}\pi k \\ \pi = \sqrt{10} - \frac{5}{2}\pi k \end{cases} \quad k \in \mathbb{Z} \quad k \in [-1, 1]$$

Ограничения: $-\frac{3\sqrt{10}}{2} \leq \frac{\sqrt{10}}{6} + \frac{5}{3}\pi k \leq \frac{3\sqrt{10}}{2}$

$$-9 \leq 1 + 10k \leq 21$$

$$-10 \leq 10k \leq 20$$

$$-1 \leq k \leq 2 \quad k = -1, 0, 1$$

$$-7 \leq 5k - 2 \leq 3$$

$$-5 \leq 5k \leq 5$$

$$-1 \leq k \leq 1$$

Ответ: $\frac{\sqrt{10}}{6} + \frac{5}{3}\pi k$
 $\pi - \frac{5}{2}\pi k$
 $k = -1, 0, 1$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\begin{cases} x + 3ay - 7b = 0 \\ (x^2 + 14x + y^2 + 45)(x^2 + y^2 - 9) = 0 \end{cases}$$

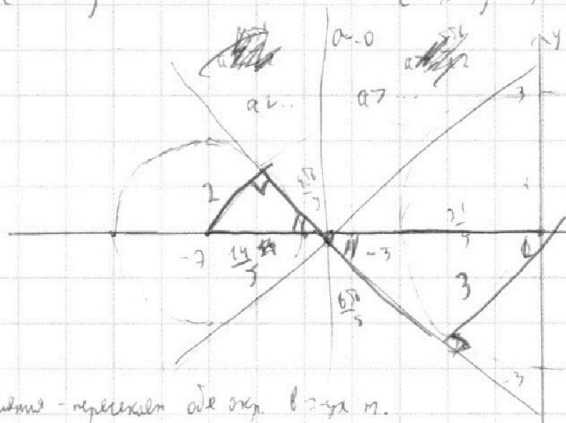
или введем параметры

$$D_{xy}(7; 2; 2)$$

$$\begin{cases} x^2 + 14x + y^2 + 45 = 0 \\ x^2 + y^2 - 9 = 0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2 + 14x + 4y + y^2 = -4 \\ x^2 + y^2 = 9 \end{cases}$$

$$\begin{cases} (x+7)^2 + y^2 = 2^2 \\ x^2 + y^2 = 3^2 \end{cases} \quad D_{xy}(0; 0; 3)$$

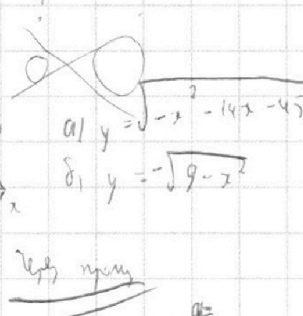


$$\frac{2}{3} = \frac{2}{7-x}$$

$$14 - 2x = 2x$$

$$5x = 14$$

$$x = \frac{14}{5}$$



Через центр - перпендикуляр для окружностей.

или $y = kx + c$
 $y^2 = k^2 x^2 + 2kcx + c^2$

$$k^2 x^2 + 2kcx + c^2 = -x^2 - 14x - 45$$

$$x + 3ay - 7b = 0$$

$$y = -\frac{x}{3a} + \frac{7b}{3a}$$

$$y = \frac{7b}{3a} - \frac{x}{3a}$$

$$91y^2 = 2\sqrt{-x^2 - 14x - 45}$$

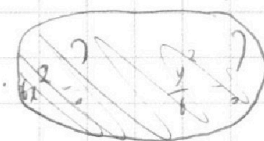
$$81y^2 = \frac{-2x}{2\sqrt{-x^2}}$$

$$y = \frac{1}{6}$$

1	1
1	2
1	3
1	4
1	5
10	10
5	1

$$\log_3 6x = \log_3 y$$

$$6x = y$$



~5

$$\log_3^4 6x - 2 = \frac{1}{\log_3 6x} = \frac{1}{2} = 3 \log_3 \frac{1}{\log_3 6x} - 4$$

$$a^4 - \frac{7}{2a} + 4 = 0$$

$$a = \log_3 2$$

$$\log_3^4 y + \frac{6}{\log_3 y} = \frac{1}{2} = 5 \cdot \frac{1}{\log_3 y} - 4$$

$$b^4 + \frac{7}{2b} + 4 = 0$$

$$b = \log_3 y$$

$$2a^5 + 7a = 7$$

$$2a^5 + 7a - 7 = 0$$

$$2b^5 + 7b = 7$$

$$2b^5 + 7b - 7 = 0$$

$$2a^5 - 2b^5 + 7a - 7b = 0$$

$$a^5 - b^5 + 4a - 4b = 0$$

$$a^5 + b^5 + 4a + 4b = 7$$

или ?

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{-x-7}{\sqrt{-x^2-14x-49}} = \frac{-x}{\sqrt{9-x^2}}$$

$$\frac{x^2+14x+49}{-x^2-14x-49} = \frac{x^2}{9-x^2}$$

$$9x^2 + 126x + 441 - x^4 - 14x^3 - 49x^2 = -x^4 - 14x^3 - 49x^2$$

~~$$194x^2 + 126x + 441 = 0$$~~

~~$$5x^2 + 126x + 441 = 0$$~~

~~$$D_1 = 63^2 - 5 \cdot 441 = 3969 - 2205 = 1764 = 42^2$$~~

~~$$x = \frac{-63 - 42}{5}$$~~

~~$$x = \frac{-63 + 42}{5}$$~~

~~$$x = -21$$~~

~~$$x = -\frac{21}{5}$$~~

~~$$\frac{1764}{1764} = 1$$~~

$$\begin{array}{r} 1764 \ 2 \\ 662 \ 2 \\ \hline 441 \end{array}$$

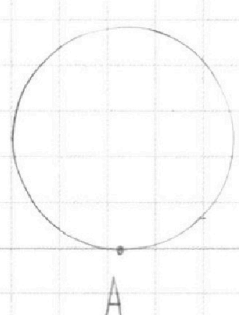
$$\begin{array}{r} 42 \\ 42 \\ \hline 84 \\ 168 \\ \hline 1764 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 63 \\ 703 \\ \hline 109 \\ 320 \\ \hline 3969 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 441 \\ 5 \\ \hline 2205 \end{array}$$

$$\frac{-x-7}{\sqrt{-x^2-14x-49}} = k = \frac{1}{\sqrt{9-x^2}} = \frac{\sqrt{9-x^2}}{9-x^2}$$

~~$$\frac{x}{\sqrt{9-x^2}} = \frac{x\sqrt{9-x^2}}{9-x^2}$$~~



~~$$\frac{18-2x^2-x}{2\sqrt{9-x^2}(9-x^2)}$$~~

~~$$\frac{18}{144}$$~~

$$42x^2 + x - 18 = 0$$

$$D = 1 + 144 = 145$$

$$\frac{18-2x^2-x}{2\sqrt{9-x^2}(9-x^2)}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$a^4 - \frac{7}{4} = \frac{3}{2}a - 4$$

$$b^4 + \frac{6}{b} = \frac{5}{\sqrt{2}b} - 4$$

$$a^4 + 4 - \frac{7}{2a} = 0$$

$$b^4 + 4 + \frac{7}{2a} = 0$$

$$2a^5 + 8a - 7 = 0$$

$$2b^5 + 2b + 7 = 0$$

$$a \cdot b = \log_{\sqrt{2}} 6x + \log_{\sqrt{2}} y$$

$$a^5 + b^5 + 4(a+b) = 0$$

$$= \log_{\sqrt{2}} 6xy < 1$$

$$(a+b)(a^4 - a^3b + a^2b^2 - ab^3 + b^4 + 4) = 0$$

$a > 0$
 $b < 0$ *логарифм отрицательного числа*

$$a+b=0$$

$$\log_{\sqrt{2}} 6x + \log_{\sqrt{2}} y = 0$$

$$\log_{\sqrt{2}} 6xy = 0$$

$$6xy = 1$$

$$xy = \frac{1}{6}$$

Вид?

$$a^4 - a^3b + a^2b^2 - ab^3 + b^4 + 4 = 0$$

$$\log_{\sqrt{2}}^4 6x - \log_{\sqrt{2}}^3 6x \cdot \log_{\sqrt{2}} y + \log_{\sqrt{2}}^2 6x \cdot \log_{\sqrt{2}}^2 y - \log_{\sqrt{2}} 6x \cdot \log_{\sqrt{2}}^3 y + \log_{\sqrt{2}}^4 y + 4 = 0$$

$$\log_{\sqrt{2}}^3 6x (\log_{\sqrt{2}} 6x - \log_{\sqrt{2}} y) - \log_{\sqrt{2}}^3 y (\log_{\sqrt{2}} 6x - \log_{\sqrt{2}} y) + \log_{\sqrt{2}}^2 y \log_{\sqrt{2}}^2 6x + 4 = 0$$

$$\log_{\sqrt{2}} \left(\frac{6x}{y}\right) \cdot (\log_{\sqrt{2}}^3 6x - \log_{\sqrt{2}}^3 y) + (\log_{\sqrt{2}} y \log_{\sqrt{2}}^2 6x)^2 + 4 = 0$$

$$\left(\log_{\sqrt{2}} \left(\frac{6x}{y}\right) - \log_{\sqrt{2}} \left(\frac{6x}{y}\right)\right) \cdot (\log_{\sqrt{2}}^2 6x + \log_{\sqrt{2}} 6x \cdot \log_{\sqrt{2}} y + \log_{\sqrt{2}}^2 y) + \log_{\sqrt{2}}^2 y \cdot \log_{\sqrt{2}}^2 6x + \log_{\sqrt{2}}^4 y = 0$$

$$\frac{96}{25} - \frac{100}{25} = \frac{96}{25} = \frac{4\sqrt{6}}{5}$$

$$a = \frac{4\sqrt{6}}{30} \rightarrow a = \frac{-\sqrt{6}}{15}$$

$$\frac{36}{27} = \frac{4}{3}$$

$$\frac{21}{25} - \frac{21}{25} = \frac{42}{441}$$

$$\frac{441}{25} - \frac{225}{25} = \frac{216}{25}$$

$$b = 2 \cdot \frac{4\sqrt{6}}{5} = \frac{8\sqrt{6}}{5} = \frac{10}{4\sqrt{6}} = \frac{5}{2\sqrt{6}} = \frac{5\sqrt{6}}{12}$$

$$a = -\frac{\sqrt{6}}{15} \rightarrow \frac{6\sqrt{6}}{5} = \frac{15}{2\sqrt{6}} = \frac{5}{2\sqrt{6}} \rightarrow \frac{1}{2a} = \frac{5\sqrt{6}}{12} \rightarrow 3a = -\frac{12}{5\sqrt{6}}$$