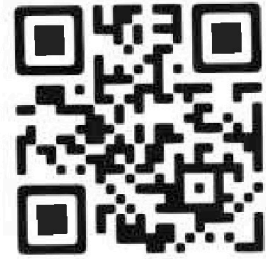




Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

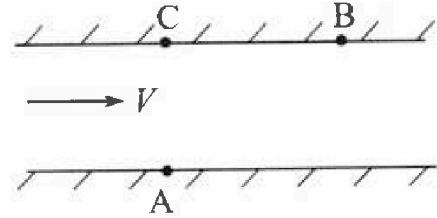
Вариант 09-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные
дроби и радикалы.



1. Пловец трижды переплывает реку. Движение пловца прямолинейное. Скорость пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой, во всех заплывах одинакова по модулю.

В двух первых заплывах А – точка старта, В – точка финиша (см. рис., V – неизвестная скорость течения реки). Ширина реки $AC = d = 70$ м, снос, т.е. расстояние, на которое пловец смещается вдоль реки к моменту достижения противоположного берега, $CB = L = 240$ м.



Продолжительность первого заплыва $T_1 = 192$ с, продолжительность второго заплыва $T_2 = 417$ с.

- 1) Найдите скорости V_1 и V_2 пловца в лабораторной системе отсчета в первом и втором заплывах.
- 2) Найдите скорость U пловца в подвижной системе отсчета, связанной с водой.
В третьем заплыве пловец стартует из точки А и движется так, что снос минимальный.
- 3) Найдите продолжительность T третьего заплыва.

2. Футболист на тренировке наносит удары по мячу, лежащему на горизонтальной площадке и направляет мяч к вертикальной стенке. После абсолютно упругого соударения со стенкой мяч падает на площадку. Наибольшая высота, на которой находится мяч в полете, $H = 16,2$ м. Расстояние от точки старта до стенки в 5 раз больше расстояния от стенки до точки падения мяча на площадку.

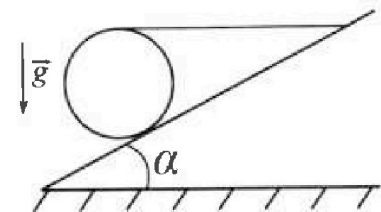
- 1) На какой высоте h происходит соударение мяча со стенкой?
- 2) Найдите продолжительность t_1 полета мяча от старта до соударения со стенкой.

Допустим, что в момент соударения мяча со стенкой на той же высоте h , стенка движется навстречу мячу со скоростью $U = 2$ м/с.

- 3) Найдите расстояние d между точками падения мяча на площадку в случаях: стенка покоится, стенка движется.

Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Сопротивление воздуха пренебрежимо мало. Соударения мяча со стенкой абсолютно упругие. Траектории мяча лежат в вертикальной плоскости перпендикулярной стенке.

3. Однородный шар массой $m = 3$ кг удерживается на шероховатой наклонной плоскости горизонтальной нитью, прикрепленной к шару в его наивысшей точке. Наклонная плоскость образует с горизонтальной плоскостью угол α такой, что $\sin \alpha = 0,6$.



- 1) Найдите силу T натяжения нити.
- 2) Найдите силу $F_{тр}$ трения, действующую на шар.
- 3) При каких значениях коэффициента μ трения скольжения шар будет находиться в покое? Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².



Олимпиада «Физтех» по физике,
февраль 2023

Вариант 09-01



Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные
дроби и радикалы.

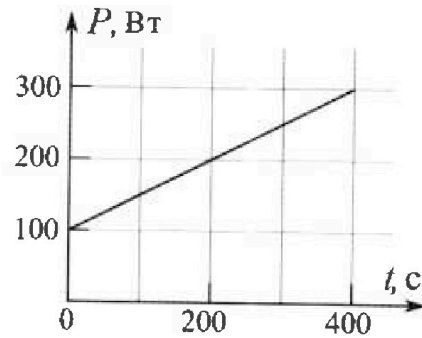
4. Воду нагревают на электроплитке. Начальная температура воды $\tilde{t}_0 = 14^\circ\text{C}$, объем воды $V = 2$ л. Сопротивление спирали электроплитки $R = 20$ Ом, сила тока в спирали $I = 5$ А.

Зависимость мощности P тепловых потерь от времени t представлена на графике (см. рис.).

1) Найдите мощность P_H нагревателя.

2) Через какое время T после начала нагревания температура воды станет равной $\tilde{t}_1 = 25^\circ\text{C}$?

Плотность воды $\rho = 1000$ кг/м³, удельная теплоемкость воды $c = 4200$ Дж/(кг·°C).

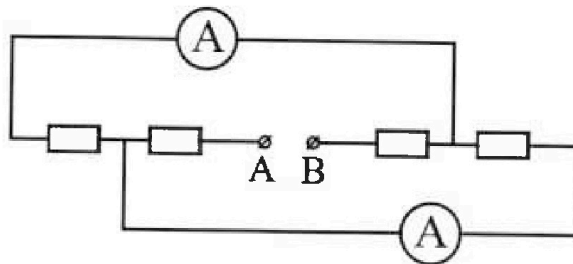


5. В электрической цепи, схема которой представлена на рисунке, четыре резистора, у двух из которых сопротивление по 20 Ом, у двух других сопротивление по 40 Ом. Сопротивление амперметров пренебрежимо мало.

После подключения к клеммам А и В источника постоянного напряжения показания амперметров оказались различными. Меньшее показание $I_1 = 1$ А.

1) Найдите показание I_2 второго амперметра.

2) Найдите напряжение U источника.





- 1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Дано:

$d = 170 \text{ м}$
 $L = 240 \text{ м}$
 $T_1 = 100 \text{ с}$
 $T_2 = 417 \text{ с}$

Найти:

- 1) v_1, v_2 ?
 2) v ?
 3) T ?

Решение:

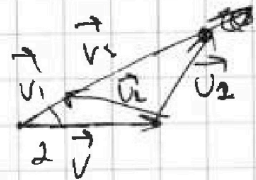


Знаем: $v_1 = \frac{L_{AB}}{T_1}$; $v_2 = \frac{L_{AB}}{T_2}$

$v_1 = \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{T_1}$; $v_2 = \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{T_2}$
 $\Rightarrow v_1 \approx 1,30 \frac{\text{м}}{\text{с}}$; $v_2 \approx 0,60 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

$\vec{v}_1 = \vec{v}_1 + \vec{v}$; $\vec{v}_2 = \vec{v}_2 + \vec{v}$; $|\vec{v}_1| = |\vec{v}_2| = v$

Угол наклона пути $\text{tg } \alpha = \frac{d}{L}$
 по м. косинусов;

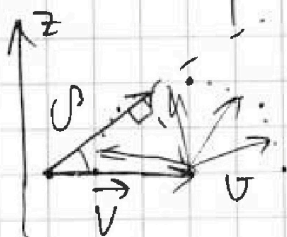


$v^2 = v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos \alpha = v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos \alpha \Rightarrow$
 $\Rightarrow v = \frac{v_1 + v_2}{2 \cos \alpha}$ (подставляя в $v = \sqrt{v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos \alpha}$)

получим, что:

$v = \frac{\sqrt{L^4 (T_1 - T_2)^2 + 2L^2 d^2 (T_1^2 + T_2^2) + d^4 (T_1 + T_2)^2}}{2L T_1 T_2} \approx 0,68 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

Разсмотрим векторный треугольник. К вектору \vec{v} прибавим вектор \vec{v}_1 по модулю векторы (главу можно взять в любую сторону). Угол наклона β к оси Oz (где будет минимален, когда полученный вектор будет параллельным к окружности с радиусом v и центром в конце вектора \vec{v}). При этом $\sin \beta = \frac{v_1}{v}$, циркуля на Oz (только вектора равно: $v_{uz} = v \cos \beta$ (0 z направлена от дачи) Знаем $\frac{d}{T} = \frac{v_{uz}}{v} = \frac{v \cos \beta}{v} = \cos \beta = \frac{v_1}{v}$



Ответ: 1) $v_1 \approx 1,3 \frac{\text{м}}{\text{с}}$; 2) $v_2 \approx 0,6 \frac{\text{м}}{\text{с}}$; 3) $v \approx 0,68 \frac{\text{м}}{\text{с}}$; 4) $T \approx 162$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Горизонтальный QR-код недопустим!

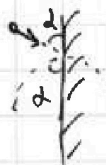


Дано:

$H = 10,2 \text{ м}$, $\sigma = 2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$
 $g = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$
 $s_1 = 5 s_2$

Решение:

При ударе о стену шарик отскакивает от неё под тем же углом, «отразив» его относительно вертикальной оси. Используя данный факт, рассмотрим полёт шарика.



Найти:

- 1) h - ?
- 2) t_1 - ?
- 3) d - ?



(0) $H = \frac{v_y^2}{2g}$ (v_y - проекция \vec{v} на oy)

$s_1 + s_2 = v_x t_1$ (v_x - проекция \vec{v} на ox) (используя $s = \frac{v_0^2 \sin^2 \alpha}{g}$)

$h = v_x t_1 - g \frac{t_1^2}{2}$; $s_1 = 5s_2 = v_x t_1$ (4) $\frac{2v_y}{g} = t_1$. Чy (0), (1), (2), (3), (4) (8)
 используем, что $t_1 = \frac{5}{6} t$, $t = 2 \sqrt{\frac{2H}{g}} \Rightarrow h = \frac{5}{9} H$; $t_1 = \sqrt{\frac{2H}{g}} \cdot \frac{5}{3} \Rightarrow$

$h = 5 \text{ м}$; $t_1 = 3 \text{ с}$.

Рассмотрим столкновение шара со стеной во второй раз. В СО, связанной со стеной шар движется со скоростью $\vec{v} + v_x$. После столкновения шар $\vec{v} - v_x$ (удар упругий). Переключаемся обратно в ИСО скорость шара становится равна $2\vec{v} - \vec{v}_x$.

Проекция на ox для нашего случая $v_x = 2v + v_x$ (т.к. $v_y = \text{const}$ v_y не меняется при ударе, время падения будет одинаково).
 $\Delta t = t - t_1 \Rightarrow \Delta t = \frac{1}{3} \sqrt{\frac{2H}{g}}$

Расстояние пройденное от стены в 1-ый раз:

$v_x \Delta t = d_1$, во второй раз $d_2 = \Delta t (v_x + 2v) \Rightarrow d = d_1 + d_2$
 $\Rightarrow d = 2v \Delta t = \frac{2}{3} v \sqrt{\frac{2H}{g}} \Rightarrow d = 2,4 \text{ м}$.

Ответ: 1) $h = 5 \text{ м}$ 2) $t_1 = 3 \text{ с}$ 3) $d = 2,4 \text{ м}$.



1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Дано:

$$m = 3 \text{ кг}$$

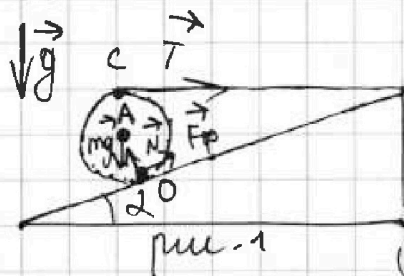
$$\sin \alpha = 0,6$$

Найти:

1) T ? 2) $F_{\text{тр}}$?

3) μ ?

Решение:



Запишем сумму как показано на рисунке и запишем правило моментов относительно O .

$$mg R \sin \alpha - T(1 + \cos \alpha) R = 0$$

(Будем находить μ по условию задачи).

Отсюда: $T = mg \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha}$ (R - радиус шара)

$$T = 3 \text{ кг} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot \frac{0,6}{1 + 0,8} = 10 \text{ Н}$$

Запишем правило моментов, относительно $m.A$ (центр шара)

$$-TR + F_{\text{тр}}R = 0 \Rightarrow F_{\text{тр}} = T \Rightarrow F_{\text{тр}} = mg \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha} \Rightarrow F_{\text{тр}} = 10 \text{ Н}$$

Запишем правило моментов, относительно $m.C$ (верш. шара)

$$-NR \sin \alpha + F_{\text{тр}}(1 + \cos \alpha)R = 0 \Rightarrow F_{\text{тр}} = N \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha}$$

$F_{\text{тр}} < F_{\text{тр}c}$ $F_{\text{тр}c}$ - сила трения скольжения: $F_{\text{тр}c} = \mu N$

$$\Rightarrow \mu N > N \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha} \Rightarrow \mu > \frac{\sin \alpha}{1 + \cos \alpha} \Rightarrow \mu > \frac{0,6}{1 + 0,8} \Rightarrow \mu > \frac{1}{3}$$

Ответ: $T = 10 \text{ Н}$; $F_{\text{тр}} = 10 \text{ Н}$; $\mu > \frac{1}{3}$.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Дано:

$$\bar{t}_0 = 14^\circ\text{C}$$

$$V = 2 \text{ л.}$$

$$R = 20 \text{ Ом.}$$

$$I = 5 \text{ А}$$

$$\rho = 1000 \frac{\text{мг}}{\text{м}^3}$$

$$c = 4200 \frac{\text{Дж}}{\text{м} \cdot \text{C}}$$

$$\bar{t}_1 = 25^\circ\text{C}$$

Найти:

1) P_H - ?

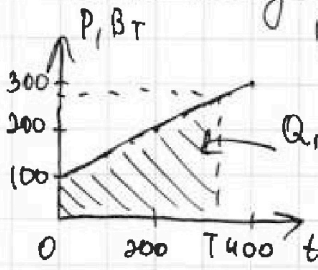
2) T - ?

Решение:

$P_H = I^2 R$ (следует из U -на Эйнштейна-Ленца)

$$P_H = 20 \text{ Ом} \cdot (5 \text{ А})^2 = 500 \text{ Вт.}$$

Из графика следует, что мощность отдачи растет линейно со временем. Коэф-во теплоемкости ~~не учитывается~~ ~~потери при нагревании~~ есть площадь под графиком (площадь трапеции)



$$P = P_0 + \alpha T \quad (P_0 = 100 \text{ Вт} - \text{из граф.})$$

$$\alpha = \frac{1}{2} \frac{\Delta P}{\Delta T} - \text{коэф. из графика}$$

$$\text{Значит } Q_n = \frac{P_0 + P_0 + \alpha T}{2} \cdot T$$

$$Q_n = T \left(P_0 + \frac{\alpha T}{2} \right)$$

Запишем уравнение теплового баланса для воды:

$$\rho V c (\bar{t}_1 - \bar{t}_0) = P_H T - Q_n \Rightarrow \rho V c (\bar{t}_1 - \bar{t}_0) = I^2 R T - T \left(P_0 + \frac{\alpha T}{2} \right)$$

$$\Rightarrow \frac{\alpha}{2} T^2 - T (I^2 R - P_0) + \rho V c (\bar{t}_1 - \bar{t}_0) = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow T = \frac{1}{\alpha} \left(I^2 R - P_0 \pm \sqrt{(I^2 R - P_0)^2 - 2 \alpha \rho V c (\bar{t}_1 - \bar{t}_0)} \right)$$

Из обратного уравнения следует, что T может принимать 2 значения, однако если попытаться распределить воду по объему потерь, не превысит максимального нагревания, вода начнет вода перестанет нагреваться, значит подходит лишь одно значение T .

$$T = \frac{1}{\alpha} \left(I^2 R - P_0 - \sqrt{(I^2 R - P_0)^2 - 2 \alpha \rho V c (\bar{t}_1 - \bar{t}_0)} \right)$$

$$T_1 = 280 \text{ с}$$

$$T_2 = \frac{1}{\alpha} \left(I^2 R - P_0 + \sqrt{(I^2 R - P_0)^2 - 2 \alpha \rho V c (\bar{t}_1 - \bar{t}_0)} \right)$$

$$T_1 \approx 280 \text{ с}, T_2 \approx 1320 \text{ с}$$

Ответ: $T = 280 \text{ с}$; $T_2 = 1320 \text{ с}$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Пору QR-кода недопустима!

Дано:

$$R_1 = 200 \text{ Ом}$$

$$R_2 = 400 \text{ Ом}$$

$$R_A \ll R_n$$

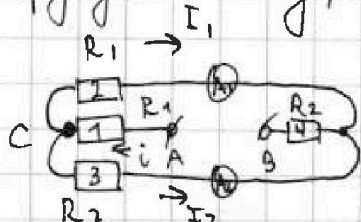
$$I_1 = 1 \text{ А}$$

Найти:

$$I_2 = ? \text{ А}$$

Решение:

Нарисуем схему, эквивалентную данной.



П.к. показание амперметров одинаково, то возможны два варианта расположения резисторов, рассматривается только 1, т.к. второй симметрич. 1)

Сопротивления резисторов равны на рисунке.

П.к. резисторы 2 и 3 соединены параллельно $R_1 I_1 = R_2 I_2$

$$I_2 = \frac{R_1}{R_2} I_1 \Rightarrow I_2 = 1 \text{ А} \cdot \frac{400 \text{ Ом}}{200 \text{ Ом}} = 2 \text{ А}$$

Схема представляет из себя параллельное соединение двух резисторов, соединенных последовательно с резисторами 1 и 4. Значит эквивалентное сопротивление $R_{AB} = R_1 + R_2 + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$.

По 1-ой правую Кирхгофа для т.с: $i = I_1 + I_2 = I_1 (1 + \frac{R_1}{R_2})$

По 2-ой Ома: $i = \frac{U}{R_{AB}} \Rightarrow U = (R_1 + R_2 + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}) \cdot I_1 (1 + \frac{R_1}{R_2}) =$

$$\Rightarrow U = I_1 \cdot \frac{(R_1 + R_2)^2 + R_1 R_2}{R_1 + R_2} = I_1 \cdot \frac{R_1^2 + 3R_1 R_2 + R_2^2}{R_2}$$

$$U = 1 \text{ А} \cdot \frac{(400 \text{ Ом})^2 + 3 \cdot 400 \text{ Ом} \cdot 200 \text{ Ом} + 200 \text{ Ом}^2}{200 \text{ Ом}} = 220 \text{ В}$$

Ответ: $I_2 = 2 \text{ А}$, $U = 220 \text{ В}$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- | | | | | | | |
|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|-------------------------------------|
| 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
| <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> | <input checked="" type="checkbox"/> |

МФТИ

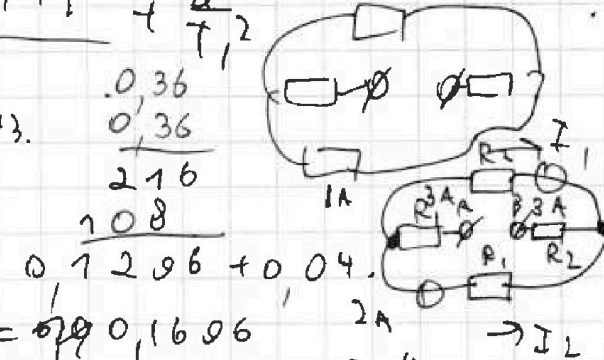
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Парча QR-кода недопустима!



$$\left(\frac{(L^2 + d^2)T_1^2 - d^2T_2^2}{2LT_1T_2} \right)^2 + \frac{d^2}{T_1^2} = \frac{((L^2 + d^2)T_1^2 - d^2T_2^2)^2}{4L^2T_1^4T_2^2} + \frac{d^2}{T_1^2} \cdot 60 \cdot 3 + 40 \cdot 1 = 2208$$

$$\frac{-(L^2 + d^2)^2 T_1^4 + d^4 T_2^4 - 2(L^2 + d^2)d^2 T_1^2 T_2^2}{4L^2 T_1^4 T_2^2} + \frac{d^2}{T_1^2}$$

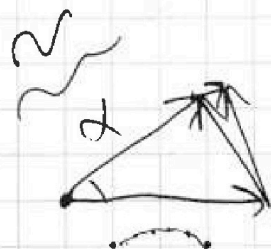
$0,04 + 0,125$
 $- 0,41 \frac{250}{102} + \frac{250}{417}$
 $\frac{164}{41}$
 $\frac{164}{41}$
 $\frac{164}{41}$



$$\frac{(L^2 + d^2)^2 T_1^4 + d^4 T_2^4 - 2(L^2 + d^2)d^2 T_1^2 T_2^2}{4L^2 T_1^4 T_2^2}$$

$$\frac{((L^2 + d^2)^2 T_1^4 + d^4 T_2^4 - 2(L^2 + d^2)d^2 T_1^2 T_2^2)}{4L^2 T_1^4 T_2^2} = \frac{1}{4L^2 T_1^4 T_2^2}$$

$$U^2 = U_1^2 + U_2^2 - 2U_1U_2 \cos \alpha = U^2 + U_2^2 - 2U_1U_2 \cos \alpha$$



$$U = \frac{U_1 + U_2}{2 \cos \alpha} \Rightarrow \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{T_1} + \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{T_2} = \frac{L^2 + d^2 (T_1 + T_2)}{2 T_1 T_2 L}$$

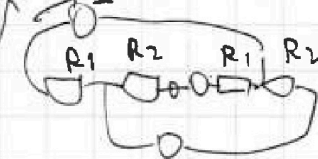
$$U = \sqrt{\frac{(L^2 + d^2)^2 (T_1 + T_2)^2}{4 T_1^2 T_2^2 L^2} - \frac{L^2 + d^2}{T_1 T_2}}$$

$$U = \sqrt{\frac{(U_1 + U_2)^2}{4 \cos^2 \alpha} - U_1 U_2} \quad (P = P_0 + E)$$

$$U = \sqrt{\frac{(L^2 + d^2)}{4 \cos^2 \alpha} \left(\frac{1}{T_1} + \frac{1}{T_2} \right)^2 - \frac{L^2 + d^2}{T_1 T_2}} = \sqrt{\frac{L^2 + d^2}{4L^2} \left(\frac{1}{T_1} + \frac{1}{T_2} \right)^2 - \frac{1}{T_1 T_2}} \cdot \sqrt{L^2 + d^2}$$

$$\frac{625}{4 \cdot 24} \cdot \left(\frac{1}{102} + \frac{1}{417} \right)^2 - \frac{1}{102 \cdot 417}$$

$$P_0 + \dots - (P_0 + \alpha \frac{1}{2}) T + P T = C V \rho (\vec{E}_1 - \vec{E}_2)$$



$700000 \cdot 4964$
 $4964 \cdot 161,5$
 70360
 20784
 07760
 4064
 27560

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Черновик

$$70,0102$$

$$5760,364 \approx 0,36 \frac{m}{c}$$

$$\begin{array}{r} 240 \\ 1152 \\ \hline 80 \\ 868 \\ \hline 7 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 24 \\ 27 \\ \hline 26 \\ 48 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 576 \\ 99 \\ \hline 625 \end{array}$$

$$230,01417$$

$$208,50,592 \approx 0,60$$

$$\begin{array}{r} 4150 \\ 3753 \\ \hline 3970 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 250,01417 \\ 208,50,6 \\ \hline 445 \\ 250,01417 \\ 402,0,62 \\ \hline 980 \\ 834 \end{array}$$

$$230 \quad 250,01417$$

$$\begin{array}{r} 268,50 \\ 8151 \end{array}$$

$$v^2 = v_1^2 + v_2^2 - 2v_1v_2 \cos \alpha = v_1^2 + v_2^2$$

$$v = \frac{v_1^2 - v_2^2}{2v_2 \cos \alpha}$$

$$\frac{5}{6} t$$

$$\frac{5 \sqrt{20}}{6}$$

$$0,6 \cdot 2$$

$$\begin{array}{r} 4150 \\ 3753 \\ \hline 3970 \end{array}$$

$$v = \sqrt{\left(\frac{v_2^2 - v_1^2}{2v_2 \cos \alpha}\right)^2 + v_2^2} = \frac{32,4}{10} = 1,8$$

$$v_2 - v_1^2$$

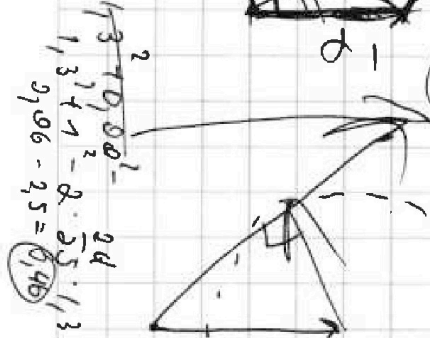
$$0,08$$

$$0,6 + 1,3$$

$$\frac{10000}{12} = 24$$

$$258,24$$

$$12 = \frac{0,8}{4} = 0,2 \frac{m}{c}$$



$$0,36 - 0,36^2 = 0,136 \cdot 0,24$$

$$0,36 \cdot 0,24 = 0,0864$$

$$0,0864 - 0,0864^2 = 0,07776$$

$$\sqrt{0,07776} = 0,279$$

$$\frac{(L^2 + d^2)T_1^2 - d^2 T_2^2}{2LT_1 T_2} + \frac{d^2}{T_1^2} = d^2 \frac{T_2^2 - T_1^2}{1 - 0,68} + \frac{d^2}{T_1^2}$$

$$\frac{d^2}{T_1^2} + \frac{d^4}{T_1^4} + T_1^4 (L^2 + d^2) - 2d^2 T_1 T_2 (L^2 + d^2) = 18$$

$$160000 - 22400 = 137600$$

$$137600 = 67600$$

$$137600 - 67600 = 70000$$

$$70000 = 140 \cdot L = 13200$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,

решение которой представлено на странице:

МФТИ

- 1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Печать QR-кода недопустима!



Черновик.

$$\begin{array}{r} 417 \\ 102 \\ \hline 225 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 0,2 \\ 2,7 \\ \hline 644 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 250 \\ 102 + 400 \\ \hline 128,8 \end{array}$$

$$230 \cdot 1,02$$

$$12880 \cdot 1,76$$

$$76 \cdot 16,96 \approx 1700$$

$$\begin{array}{r} 125106 \\ 251,30 \approx 1,301 \\ \hline 20,0 \\ 20,8 \\ \hline 2,0,0 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2500417 \\ 20850,59 \approx 0,60 \\ \hline 4150 \\ 3753 \\ \hline 2070 \end{array}$$

$$U = \sqrt{v_1^2 + v_2^2} - 2v_1 v_2$$

$$U = \sqrt{v_1^2 + \left(\frac{v_1 + v_1}{2000}\right)^2} - v_1(v_1 + v_1)$$

$$U = \sqrt{\frac{(v_1 + v_2)^2 - v_1 v_2}{2000}} = \sqrt{\frac{694}{460}}$$

$$\sqrt{L^2 + d^2} \left(\frac{1}{T_1} + \frac{1}{T_2}\right)^2 - \frac{L^2 + d^2}{T_1 T_2}$$

$$\begin{array}{r} 417 \\ 102 \\ \hline 225 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 76 \\ 26 \\ \hline 102 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 456 \\ 32 \\ \hline 488 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 504 \\ 375 \\ \hline 879 \end{array}$$

$$\sqrt{\frac{L^2 + d^2}{4L^2 T_1^2 T_2^2} - \frac{L^2 + d^2}{T_1 T_2}} = \eta$$

$$L^4 (T_1 + T_2)^2 + 2L^2 d^2 (T_1 + T_2)^2 + d^4 (T_1 + T_2)^2 - 4L^4 T_1 T_2 - 4L^2 d^2 T_1 T_2$$

$$L^4 (T_1 - T_2)^2 + 2L^2 d^2 (T_1^2 + T_2^2) + d^4 (T_1 + T_2)^2$$

$$\frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{T_1} + \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{T_2} = \frac{1}{2} \sqrt{1^2 + 0,1^2}$$

$$\frac{L}{2} \left(\frac{1}{T_1} + \frac{1}{T_2}\right)$$

~~225~~

$$\begin{array}{r} 147460 \\ 14 \\ \hline 07 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 73730 \\ 3753 \\ \hline 417 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 834 \\ 2436 \\ \hline 1218 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 147460 \\ 80064 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1,3 + 0,01 \\ - 2 \cdot 1,3 \cdot 0,01 \cdot \frac{24}{25} \\ \hline 16760 \\ 16036 \\ \hline 7240 \end{array}$$

0,02

$$\begin{array}{r} 73730,0 \\ 0,02 \\ \hline 1474600 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 20 \\ 3,0 \\ \hline 22 \\ 22 \\ \hline 44 \\ 44 \\ \hline 88 \\ 16 \end{array}$$

0,02

$$\begin{array}{r} +1,6900 \\ 0,8964 \\ \hline 2,5864 \\ 2,20632 \\ \hline 4,82272 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 70 \cdot 0,02 \\ 0,5 \cdot 0,76 \end{array}$$

240

$$\begin{array}{r} 70 \cdot 0,02 \\ 0,5 \sqrt{0,02^2 - 0,25008} \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2,406 \\ 0,02 \\ \hline 4,902 \\ 22464 \\ \hline 230632 \end{array}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи.

решение которой представлено на странице:



- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Дано:

$AC = d = 70 \text{ м}$
 $CB = L = 240 \text{ м}$

$T_1 = 102 \text{ с}$
 $T_2 = 417 \text{ с}$

Найти:

- 1) V_1 - ?
 2) V - ?
 3) T - ?

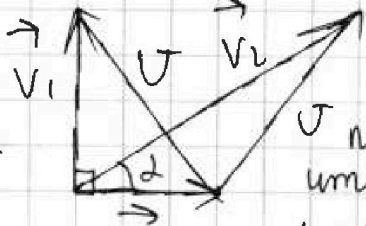
$V_1 = \frac{AC}{T_1} = \frac{d}{T_1} = \frac{70}{102} \approx 0,36 \text{ с}$

$AB = l \Rightarrow l^2 = d^2 + L^2$

$l = \sqrt{L^2 + d^2}$
 $V_2 = \frac{l}{T_2} = \frac{\sqrt{L^2 + d^2}}{T_2}$

$V_2 = \frac{\sqrt{(240)^2 + (70)^2}}{417} \approx 0,60 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

Разложим вектор V_1 и V_2 . Видно, что данные скорости направлены в одну сторону.



$\frac{1600 + 2400}{44}$

$\vec{V} = \vec{V}_1 + \vec{V}_2$. Упишем, что $\angle CAB = \alpha = \text{arctg}(\frac{L}{d})$. Знаем $\text{tg } \alpha = \frac{L}{d}$

У м. пирамид: $V^2 = V_1^2 + V_2^2 - 2V_1V_2 \cos \alpha$

Получаем: $V_1^2 - V_2^2 = \frac{L^2 + d^2}{T_1^2} - \frac{d^2}{T_2^2} = \frac{(L+d)^2 T_1^2 - d^2 T_2^2}{2LT_1 T_2}$

$V^2 = \frac{((L+d)^2 T_1^2 - d^2 T_2^2)^2}{4L^2 T_1^2 T_2^2} + V_1^2$

$V = \sqrt{\frac{(L+d)^2 T_1^4 + d^2 T_2^4 + 2(L^2 - d^2)d^2 T_1^2 T_2^2}{4L^2 T_1^2 T_2^2}}$

$400^2 - 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 4200 \cdot 11 = 160000 - 39400 = 120600$

$V = \sqrt{120600} \approx 347 \text{ м}$

$t = \frac{2900x}{g} = \frac{10L}{2246} = \frac{10 \cdot 240}{2246} = \frac{2400}{2246} \approx 1,07 \text{ с}$

$V_{0x} = gt = 10,7 \text{ м/с}$

$V_{0x} - g \frac{t^2}{2} = h$

$\frac{2900x}{g} - g \frac{t^2}{2} = h$

$\frac{2900x}{9,8} - \frac{9,8 t^2}{2} = h$

$\frac{2900x}{9,8} - \frac{9,8 t^2}{2} = \frac{5000}{9}$

Умножить на пи. 1)

$h = \frac{1621}{9} \approx 180 \text{ м}$

$\frac{1621}{9} = 180$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

 МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

