



# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

## Вариант 09-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби  
и радикалы.

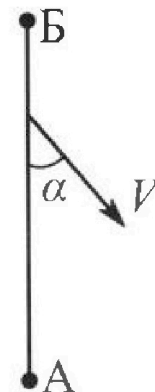


1. Беспилотные летательные аппараты применяют для доставки полезных грузов. Продолжительность полета аппарата по маршруту  $A \rightarrow B$  в безветренную погоду составляет  $T_0=400$  с. Расстояние  $AB$  равно  $S=9,6$  км.

1. Найдите скорость  $U$  аппарата в спокойном воздухе.

Допустим, что в течение всего времени полета ветер дует с постоянной скоростью  $V = 16$  м/с под углом  $\alpha$  к прямой  $AB$  (см. рис.) таким, что  $\sin \alpha = 0,6$ .

2. Найдите продолжительность  $T_1$  полета по маршруту  $A \rightarrow B$  в этом случае. Скорость аппарата относительно воздуха постоянна и равна  $U$ .
3. При каком значении угла  $\alpha$  продолжительность полета по маршруту  $A \rightarrow B \rightarrow A$  максимальная? Движение аппарата прямолинейное.
4. Найдите максимальную продолжительность  $T_{MAX}$  полета по маршруту  $A \rightarrow B \rightarrow A$ . Движение аппарата прямолинейное.

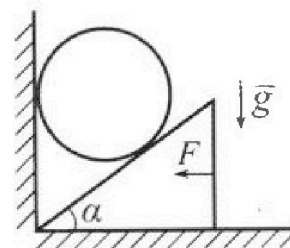


2. Школьник наносит удар по мячу, лежащему на горизонтальной площадке. Модуль скорости мяча через  $t_1 = 1$  с и  $t_2 = 2$  с после старта одинаков. За этот промежуток времени вектор скорости повернулся на угол  $2\beta = 60^\circ$ . Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

1. Найдите продолжительность  $T$  полета от старта до падения на площадку.
2. Найдите максимальную высоту  $H$  полета.
3. Найдите радиус  $R$  кривизны траектории в момент времени  $t_1 = 1$  с.

3. Клин с углом при вершине  $\alpha = 30^\circ$  находится на горизонтальной поверхности. На наклонной плоскости клина покоится однородный шар (см. рис.), касающийся вертикальной стенки. Массы шара и клина одинаковы и равны  $m=1$  кг. Трения нет. Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>.

1. Найдите горизонтальную силу  $F$ , которой систему удерживают в покое.



Силу  $F$  снимают, шар и клин приходят в поступательное прямолинейное движение с нулевой начальной скоростью. После перемещения по вертикали на  $H=0,8$  м шар абсолютно упруго сталкивается с горизонтальной поверхностью.

2. Найдите перемещение  $h$  шара после соударения до первой остановки.
3. Найдите ускорение  $a$  клина в процессе разгона.
4. При каком значении угла  $\alpha$  ускорение клина максимальное?
5. Найдите максимальное ускорение  $a_{MAX}$  клина.



# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

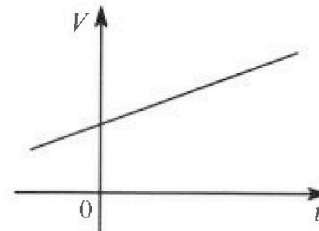
## Вариант 09-01



*В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби  
и радикалы.*

4. На шкале ртутного термометра расстояние между отметками  $t_1 = 35^\circ\text{C}$  и  $t_2 = 42^\circ\text{C}$  равно  $L=5$  см. В термометре находится  $m=2$  г ртути.

Экспериментально установлено, что с ростом температуры объем ртути увеличивается по линейному закону. График зависимости объема  $V$  ртути от температуры  $t$ , измеренной в градусах Цельсия, представлен на рисунке к задаче. При температуре  $t_{100} = 100^\circ\text{C}$  объем ртути в  $\beta = 1,018$  раза больше объема ртути при  $t_0 = 0^\circ\text{C}$ . Плотность ртути при температуре  $t_0 = 0^\circ\text{C}$  считайте равной  $\rho = 13,6$  г/см<sup>3</sup>. Тепловое расширение стекла пренебрежимо мало.

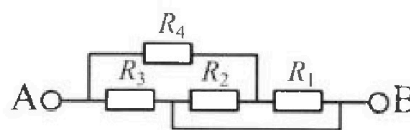


1. Следуя представленным опытными данным, запишите формулу зависимости объема  $V(t)$  ртути от температуры  $t$ , измеренной в градусах Цельсия. Формула должна содержать величины:  $m$ ,  $\rho$ ,  $\beta$ ,  $t_0$ ,  $t_{100}$ ,  $t$ .
2. Найдите приращение  $\Delta V$  объема ртути при увеличении температуры от  $t_1 = 35^\circ\text{C}$  до  $t_2 = 42^\circ\text{C}$ . В ответе приведите формулу и число в мм<sup>3</sup>.
3. Найдите площадь  $S$  поперечного сечения капилляра термометра. Ответ представьте в мм<sup>2</sup>.

5. В цепи, схема которой представлена на рисунке к задаче, сопротивления резисторов  $R_1 = 5$  Ом,  $R_2 = 20$  Ом,  $R_3 = 10$  Ом,  $R_4 = 6$  Ом.

1. Найдите эквивалентное сопротивление  $R_{ЭКВ}$  цепи.

Контакты А и В подключают к источнику постоянного напряжения  $U=10$  В.



2. Найдите мощность  $P$ , которая рассеивается на всей цепи.
3. На каком резисторе рассеивается наименьшая мощность? Найдите эту наименьшую мощность  $P_{MIN}$ .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Найдем скорость аппарата в субвиртуальную погоду  $u$ :

$$u = \frac{S}{T_0} = \frac{9,6 \text{ км}}{400 \text{ с}} = \frac{9600 \text{ м}}{400 \text{ с}} = \frac{96 \text{ м}}{4 \text{ с}} = 24 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

Найдем скорость аппарата в атмосферных условиях  $u'$ :



Найдем эту скорость с помощью теоремы косинусов:

$$u'^2 = v^2 + u^2 - 2vu \cos \beta$$

$$u'^2 - u^2 - 2v \cos \beta + v^2 - u^2 = 0$$

Из рис. видно, что  $\beta = 180^\circ - \alpha$ , тогда  $\cos \beta = -\cos \alpha$ , а из тригонометрического тождества можем вывести  $\cos \alpha$ :

$$1 = \cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha$$

$$\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} =$$

$$= \sqrt{1 - 0,36} = \sqrt{0,64} = \pm 0,8$$

Тогда  $\cos \beta = \pm 0,8$ .  
Значит надо рассмотреть два случая, когда  $\cos \beta = -0,8$  и  $\cos \beta = 0,8$

Решим это кв. ур-е:

$$D = (2v \cos \beta)^2 - 4(v^2 - u^2) =$$

$$= 4v^2 \cos^2 \beta - 4v^2 + 4u^2 =$$

$$= 4(0,64v^2 - v^2 + u^2) =$$

$$= 4(u^2 - 0,36v^2) = 4(u - 0,6v)(u + 0,6v)$$

$$= 4 \cdot (24 \frac{\text{м}}{\text{с}} - 0,6 \cdot 16 \frac{\text{м}}{\text{с}}) (24 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 0,6 \cdot 16 \frac{\text{м}}{\text{с}}) =$$

$$= 4 \cdot 14,4 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2} \cdot 33,6 = 4 \cdot 483,84$$

$$1) u'_1 = \frac{2v \cos \beta - \sqrt{D}}{2} \quad \text{т.к. } \cos \beta < 0, \text{ то не имеем физ. смысла}$$

$$u'_2 = \frac{2v \cos \beta + \sqrt{D}}{2} =$$

$$= \frac{2 \cdot 16 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot (-0,8) + \sqrt{483,84}}{2} \approx \frac{-12,8 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 22 \frac{\text{м}}{\text{с}}}{2} \approx 9,2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$T_1 = \frac{S}{u'_1} = \frac{9600 \text{ м}}{9,2 \frac{\text{м}}{\text{с}}} \approx 1100 \text{ с}$$

$$2) u'_1 = \frac{2v \cos \beta - \sqrt{D}}{2} \approx 12,8 \frac{\text{м}}{\text{с}} - 22 \frac{\text{м}}{\text{с}} = -9,2 \frac{\text{м}}{\text{с}} - \text{не имеем физ. смысла}$$

$$u'_2 = \frac{2v \cos \beta + \sqrt{D}}{2} \approx 12,8 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 22 \frac{\text{м}}{\text{с}} \approx 34,8 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

$$T_2 = \frac{S}{u'_2} = \frac{9600 \text{ м}}{34,8 \frac{\text{м}}{\text{с}}} \approx 250 \text{ с}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Найдём при каком  $\alpha$  время в пути минимально.  
Обозначим  $u_1$  и  $u_2$  скорости в обратном направлении.

Обозначим  $T$  время в пути.

При движении "навстречу" время мы промериваем по времени, но в обратном случае наоборот вымериваем. Из ур-я для  $u_1$  в прямом случае решаем всегда, что время растет  $T \sim \frac{1}{u_1}$ , а  $u_1$  при движ. "навстречу" вымериваем за счёт относительного движ.  $\cos \beta$ , а вымериваем в обрат. случае за счёт относ. движ.  $\cos \beta$ , при этом при реш. уб. ур-я получим, что на дискриминанте не выйдет знак  $\cos \beta$ . Из этих соображений получим, что мы вымер./промер. в  $u_1$  на одну и ту же величину, но т.к.  $T \sim \frac{1}{u_1}$ , при вымеривании в  $u_1$  знак  $T$  наименьше меньше, чем при промер. (от  $u_1$ ). Тогда промерим в  $T$  всегда будем вымеривать. Но тогда  $T$  макс., когда промерим равны вымер., т.е.  $\cos \beta = 0$ , или  $\beta = 90^\circ$ , а  $\alpha = 180^\circ$  или  $0^\circ$ . Итог: время будет минимально при  $\alpha = 180^\circ$  или  $0^\circ$ . Итог: время будет минимально при  $\alpha = 180^\circ$  или  $0^\circ$ .

Итог: время будет минимально при  $\alpha = 180^\circ$  или  $0^\circ$ .

$$T_{\max} = \frac{S}{u_1} + \frac{S}{u_2} = \frac{3600 \text{ м}}{8 \frac{\text{м}}{\text{с}}} + \frac{3600 \text{ м}}{40 \frac{\text{м}}{\text{с}}} = 1440 \text{ с}$$

Итог: время будет минимально при  $\alpha = 180^\circ$  или  $0^\circ$ . Итог: время будет минимально при  $\alpha = 180^\circ$  или  $0^\circ$ . Итог: время будет минимально при  $\alpha = 180^\circ$  или  $0^\circ$ . Итог: время будет минимально при  $\alpha = 180^\circ$  или  $0^\circ$ .

$$T_{\max} = \frac{S}{u_1} + \frac{S}{u_2} = \frac{3600 \text{ м}}{8 \frac{\text{м}}{\text{с}}} + \frac{3600 \text{ м}}{40 \frac{\text{м}}{\text{с}}} = 1440 \text{ с}$$

Итог,  $u = 24 \frac{\text{м}}{\text{с}}$ ,  $T_1 = 1400 \text{ с}$ ,  $T_2 = 250 \text{ с}$ ,  $\alpha_1 = 180^\circ$  или  $\alpha_2 = 0^\circ$ ,  
 $T_{\max} = 1440 \text{ с}$



- 1  2  3  4  5  6  7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

III. к. скорости в машине время  $t_1$  и  $t_2$  равны, но ~~скорости~~ в этой машине мячик находится на одной и той же высоте. За этот период  $t$  - от сгор. поворота на равные углы ~~по~~ откл. вверх и вниз (т.к. мяч. лет. по повороту, т.е. летит по синусоиде. красной линией). Попроб. в-спит время, скорости за этот промежуток

III. к.  $|\vec{v}_1| = |\vec{v}_2|$ , т.к.  $\angle 2\beta = 60^\circ$ , то мячик равноускоренный, т.е.  $|\vec{v}_1| = |\vec{g}(t_2 - t_1)|$ , из этого находим  $|\vec{v}_1|$ :

$|\vec{v}_1| = v = |\vec{g}(t_2 - t_1)| = g(t_2 - t_1) = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot (2c - 1c) = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}}$

В первом  $t_1$  сгор.  $\vec{v}_1$  направ. под углом  $\beta$  к горизонту (угол  $\beta$  между  $\vec{v}_1$  и  $\vec{v}_2$  равен  $60^\circ$ ), тогда  $\vec{v}_2$  направ.  $\vec{v}_1 \cos \beta = v \cos \beta = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \frac{1}{2} = 5 \frac{\text{м}}{\text{с}}$ . ~~В этот момент мячик находится на высоте  $h$  и движется по параболе.~~

~~$W = \int \vec{v}_1 \cdot \vec{v}_2 dt = \int v_1 v_2 \cos \beta dt = \int v_1 v_2 \cos \beta dt$~~

~~$W = \int v_1 v_2 \cos \beta dt = \int (g(t_2 - t_1))^2 \cos \beta dt = 5 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 0,5 \text{с} - 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot 0,5 \text{с}^2 = 2,5 \text{ Дж} - 2,5 \text{ Дж} = 0 \text{ Дж}$~~

~~$2,5 \text{ Дж} - 2,5 \text{ Дж} = 0 \text{ Дж}$~~

А высоту найдем в этот мом. время  $t_1$

~~$h = \int v_1 \cos \beta dt = \int v_1 \cos \beta dt = \int \frac{1}{2} g t_1^2 dt = \frac{1}{2} g t_1^2$~~

Заметим, что т.к. мячик мячик ускор. по син. красной линией, то от мом.  $t_1$  до конца пройдем время  $t_1$ , т.е. такое время мячик:

$T = 2t_1 + (t_2 - t_1) = 2c + (2c - 1c) = 3c$

В мом. врем.  $t_1$  горизонт. сост.  $\vec{v}_1$  равна хор. сост. сгор. мяч. в любой мом. времени, а равна она  $(\vec{v}_1)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$|\vec{v}_{ix}| = |\vec{v}_i| \cdot \cos \beta = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \approx 8,5 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

А время, соотв. в этом направлении будет равно:

$$|\vec{v}_{iy}| = |\vec{v}_i| \cdot \sin \beta = 10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \cdot 0,5 = 5 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

Тогда можем запис. упр. с грав. возм. под действием силы в этот время  $\frac{t_1+t_2}{2}$ , т.е. макс. возм.:

$$H = (|\vec{v}_{iy}| + |g| t_1) \frac{t_1+t_2}{2} - |g| \left( \frac{t_1+t_2}{2} \right)^2 \approx$$

$$\approx \left( 5 \frac{\text{м}}{\text{с}} + 10 \frac{\text{м}}{\text{с}} \right) \cdot \frac{1,5 + 2,5}{2} - \frac{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot (4,5)^2}{2} \approx 22,5 \text{ м} - 11,25 \text{ м} = 11,25 \text{ м}$$

~~В этот же время  $t_1$  угол наклона параб.  $\vec{v}_i$ , а радиус кривизны  $R$  параб. равен  $R_{ix}$ , тогда  $R$  параб.  $\vec{v}_i$  будет равен  $R_{ix}$  в этот же момент.~~

~~$$R = \frac{|\vec{v}_{ix}|^2}{|g|} = \frac{75 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}} = 7,5 \text{ м}$$~~

В этот же время  $t_1$   $\vec{v}_i$  направ. под углом  $\beta = 30^\circ$  к горизонту, тогда проекция  $\vec{g}$  на нормаль к  $\vec{v}_i$  в-ру  $\vec{a}$  будет равна:

$$\vec{a} = \vec{g} \cos \beta$$

Тогда, радиус кривизны траектории в этот момент будет равен:

$$R = \frac{|\vec{v}_i|^2}{|\vec{a}|} = \frac{100 \frac{\text{м}^2}{\text{с}^2}}{10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{20}{\sqrt{3}} \text{ м} \approx 11 \text{ м}$$

Итак,  $T = 3 \text{ с}$ ,  $H = 11,25 \text{ м}$ ,  $R \approx 11 \text{ м}$



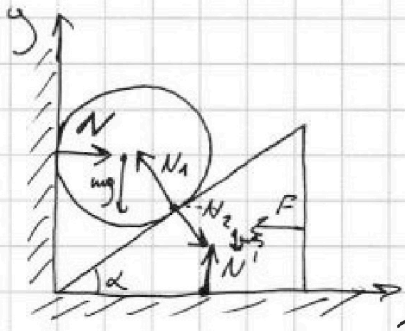
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Из всех действующих на сист. сил горизонт. сист. имеют только  $F$  и сила реак. опоры, действ. на шар со стороны стены  $N$ , т.к. эти силы равны по модулю. Рассмотрим все силы, действ. на ~~сист.~~ тело.



Силы, действ. на шар:

$$x: N = N_1 \cos \alpha \quad N_1 \sin \alpha$$

$$y: mg = N_1 \sin \alpha \quad N_1 \cos \alpha$$

Т.к. силы раскл. по модулю, то можем записать  $N$  и  $F$ .

$$\begin{cases} F = N_1 \sin \alpha \\ mg = N_1 \cos \alpha \end{cases}$$

Решим эту сист.:

$$\frac{F}{mg} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}$$

$$F = mg \tan \alpha = 1 \text{ м} \cdot 10 \frac{\text{м}}{\text{с}^2} \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} \approx 5.8 \text{ Н}$$

После прекращения действ. горизонт. силы, действ. на шар, сила равна  $F$  по модулю.

Т.к. соударение шара с поверхностью упругое, то кинет. энергия не (т.к. и сила упругости) т.к. кин. энергия до удара была равна кинет. энергии при остановке. Первая осн. теорема гласит, когда шар вновь соударится на той же высоте, т.к. при остановке кин. энергия равна нулю. Т.о., после соуд., шар осн. на выс.  $h = H = 0,8 \text{ м}$ .

Рассмотрим силу, действ. на сист. во время падения т.е. пока шар и шар еще соприкасаются, сила по модулю  $F$ . Тогда по 2 закону Ньютона:

$$F = 2m a' \quad \text{где } a' \text{ - ускор. сист.}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

При этом единств. гор. сила, действ. на камень, равна  $N_2 \sin \alpha$ , при этом  $N_2$  равно  $N_1$  по модулю, а  $N_1 \sin \alpha = N$ , т.к. шар скользит к стене, а зм. и не сдвигается от нее. Угол, образуемый, сн. в гориз. напр. со ниткой единств. силой, равная  $N$  по модулю, а зм. и равная  $F$ , т.е.

$$F = ma \Rightarrow a = \frac{F}{m} \approx \frac{5,8 \text{ Н}}{1 \text{ кг}} = 5,8 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}$$

$N = N_1 \sin \alpha$  - верно для шара в любой момент, пока он соприкасается с стеной.  $a \sim F$ ,  $F = N$  (по модулю), сн.  $a \sim N$ , сн.  $a \sim N_1$  и  $a \sim \sin \alpha$ , при этом верт. сн.  $N_1 \cos \alpha$  (пока действ.  $F$ ) и равна  $mg$ , а вот гор. увели. Тогда  $a$  макс, когда  $\sin \alpha \rightarrow 1$ , но  $\sin \alpha \neq 1$ , т.к. тогда описанная ситуация невозможна.

Тогда макс. ускор. камня будет опреи. к горизонт.

$$\text{Угол, } F \approx 5,8 \text{ Н, } l = 0,8 \text{ м, } \alpha \rightarrow 90^\circ, a = 5,8 \frac{\text{м}}{\text{с}^2}, a_{\text{max}} \rightarrow \infty$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Вывести формулу завис.  $V(t)$ :

$$V = \frac{m}{\rho} \cdot \left( (t-t_0) \frac{\beta-t}{t_{\infty}-t_0} + 1 \right), \text{ где } m \text{ —}$$

объем при  $t_0$  или  $t_{\infty}$  (при  $t > 0$ ), а  $\rho$  — плотность. Объем при  $t_{\infty}$  равен  $V_{\infty}$  при  $t_0$  или  $t_{\infty}$  (при  $t > 0$ ), а  $\rho$  — плотность.

Из этой формулы найдем прирост объема  $\Delta V$  в процессе.

$$\Delta V = \frac{m}{\rho} \left( (t_2-t_0) \frac{\beta-t}{t_{\infty}-t_0} + 1 \right) - \frac{m}{\rho} \left( (t_1-t_0) \frac{\beta-t}{t_{\infty}-t_0} + 1 \right) =$$

$$= \frac{m}{\rho} t_2 \frac{\beta-t}{t_{\infty}-t_0} - \frac{m}{\rho} t_1 \frac{\beta-t}{t_{\infty}-t_0} = \frac{m}{\rho} \frac{\beta-t}{t_{\infty}-t_0} (t_2-t_1) =$$

$$= \frac{22}{13,6 \frac{\text{г}}{\text{см}^3}} \cdot \frac{1,018-t}{100^\circ\text{C}-0^\circ\text{C}} (42^\circ\text{C}-35^\circ\text{C}) = \frac{22 \cdot 0,018 \cdot 7^\circ\text{C}}{13,6 \frac{\text{г}}{\text{см}^3} \cdot 100^\circ\text{C}} =$$

$$= \frac{0,036 \cdot 7}{1360} \text{ см}^3 \approx \frac{36 \cdot 7}{1360} \text{ мм}^3 \approx \frac{252}{1360} \text{ мм}^3 \approx 0,2 \text{ мм}^3$$

П.к. раст. от  $42^\circ\text{C}$  до  $35^\circ\text{C}$  равно  $L$ , то  $\Delta V = LS$ , тогда:

$$S = \frac{\Delta V}{L} \approx \frac{0,2 \text{ мм}^3}{50 \text{ мм}} \approx 0,004 \text{ мм}^2$$

$\propto \frac{\beta-t}{t_{\infty}-t_0} (t-t_0)$ , т.к. при  $t=t_0$  или  $t=t_{\infty}$  или  $t=0$  будет нуль, тогда об. при  $t_0$  или  $t_{\infty}$  (при  $t > 0$ ) равен  $\frac{m}{\rho} \left( (t-t_0) \frac{\beta-t}{t_{\infty}-t_0} + 1 \right)$ , для  $t=t_0$  или  $t_{\infty}$  (при  $t > 0$ ) или  $t=0$  будет  $\frac{m}{\rho}$ . Всегда все правильно.

Итак,  $\Delta V \approx 0,2 \text{ мм}^3$ ,  $S \approx 0,004 \text{ мм}^2$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Мощность, выделенная на всей цепи  $P$  равна:

$$P = UI = 10В \cdot 2А = 20В\Gamma$$

Найдём, на каком резисторе выделенная мощность, это осущ., когда  $I^2 R = \min$ , здесь  $I$  — ток через рез.,  $R$  — сопр. рез. Найдём мин. это значит, выразимось через  $I_2$  — ток, текущий через рез.  $R_2$ , все соотн. мощ. осущ. мин., т.е. это и в первой части решит задачу.

$$P_1 = I_1^2 R_1 = (4I_2)^2 \cdot 5\Omega = 80I_2^2 \cdot \Omega$$

$$P_2 = I_2^2 R_2 = I_2^2 \cdot 20\Omega = 20I_2^2 \cdot \Omega$$

$$P_3 = I_3^2 R_3 = (5I_2)^2 \cdot 10\Omega = 250I_2^2 \cdot \Omega$$

$$P_4 = I_4^2 R_4 = (5I_2)^2 \cdot 6\Omega = 150I_2^2 \cdot \Omega$$

Здесь добавим чирки, суммарно рассмотрим конкретный симулятор. Даже можно проверить при обозначениях.

Отсюда видно, что  $P_{\min} = P_2$ , при этом суммарная мощность равна  $P = P_1 + P_2 + P_3 + P_4 = 500I_2^2 \cdot \Omega$ , тогда, зная зная  $P$  можем найти  $P_{\min}$ .

$$P_{\min} = P \cdot \frac{20I_2^2 \cdot \Omega}{500I_2^2 \cdot \Omega} = \frac{P}{25} = \frac{20В\Gamma}{25} = 0,8В\Gamma$$

Итого,  $R_{экв} = 5\Omega$ ,  $P = 20В\Gamma$ ,  $P_{\min} = 0,8В\Gamma$

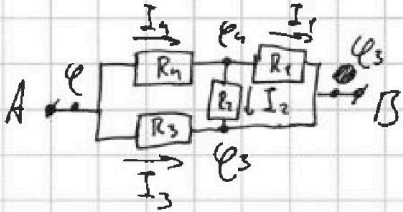


1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Нарисуем эквивалентную схему:



Рассм. на эти потенциалы и ток.

По закону Кирхгофа:

$$I_4 = I_1 + I_2 \quad (1)$$

$R_1$  и  $R_2$  соединены параллельно, т.е. на них одинаков ток, тогда  $R_1 I_1 = R_2 I_2 \Rightarrow \frac{I_1}{I_2} = \frac{R_2}{R_1} = \frac{20\Omega}{5\Omega} = 4$

Из этого следует, и выраж. 1:

$$I_4 = I_1 + I_2 = 4I_2 + I_2 = 5I_2$$

Как видно из рассмотрен. ток., падение напряж. на  $\varphi_1$  до  $\varphi_3$  такое же, как и на  $R_1$  и  $R_2$  или только на  $R_2$ , т.е. падение напряж. на  $R_1$  и  $R_2$  равно падению на  $R_2$ , тогда  $R_3 I_3 = R_1 I_4 + R_2 I_2$

$$R_3 I_3 = 5R_1 I_2 + R_2 I_2$$

$$\frac{I_3}{I_2} = \frac{5R_1 + R_2}{R_3} = \frac{5 \cdot 6\Omega + 20\Omega}{10\Omega} = 5$$

Теперь можем замаскировать это напряжение на всей цепи AB равно  $U_0 = R_3 I_3$ , а общий ток  $I_0 = I_3 + I_4$ , исходя из этого можем найти экв. всего участка.

$$R_{экв} = \frac{U_0}{I_0} = \frac{R_3 I_3}{I_3 + I_4} = \frac{5R_3 I_2}{5I_2 + 5I_2} = R_3 \cdot \frac{I_2}{2I_2} = \frac{R_3}{2} = 5\Omega$$

Пит.  $\varphi - \varphi_3 = 10В = U$ , сила тока на всей цепи  $I$  можно найти.

$$I = \frac{U}{R_{экв}} = \frac{10В}{5\Omega} = 2А$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Черч.

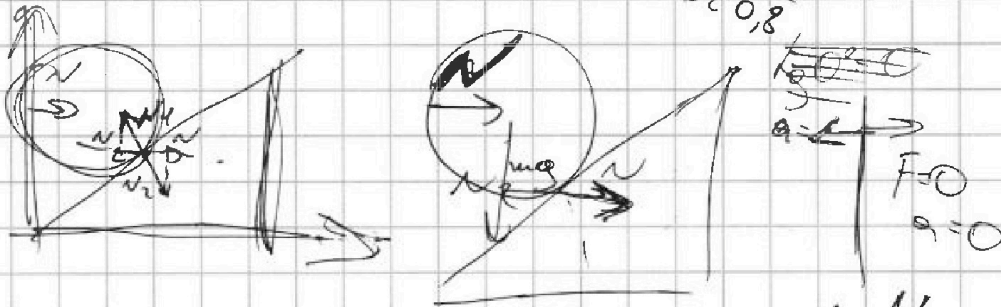
~~100/116~~  

$$\begin{array}{r} 43 \\ 176 \\ + 6 \\ \hline 1056 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 33 \\ 176 \\ + 5 \\ \hline 880 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 67 \\ 176 \\ + 58 \\ \hline 23408 \\ 220 \\ \hline 1020,8 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 200 \\ -18 \\ \hline 182 \\ 20 \end{array}$$



Сум. сумм:  $mg, mg, N', N$

~~$N = N_1$~~

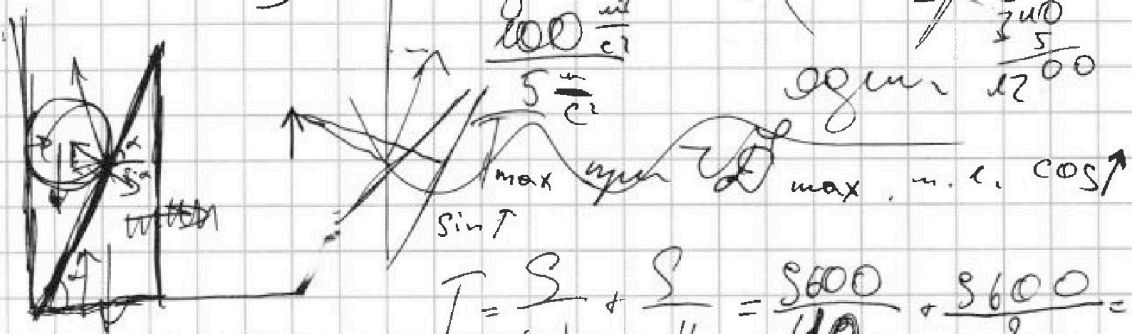


$R = \frac{25^2}{g \cdot \cos 60^\circ}$

$$T = T_1 + T_2 = \frac{S}{u'} + \frac{S}{u''} =$$

$$= \frac{S}{2v \cos \beta} + \frac{S}{2v \cos \beta}$$

Case  $N' = 2mg$  in berg



$$T = \frac{S}{u'} + \frac{S}{u''} = \frac{5600}{40} + \frac{5600}{8} =$$

$$N = N_1 \sin \alpha = 240 + 240 \cdot 5 = 1440$$

$N \uparrow \rightarrow \sin \alpha \uparrow$  или  $N_1 \uparrow$