



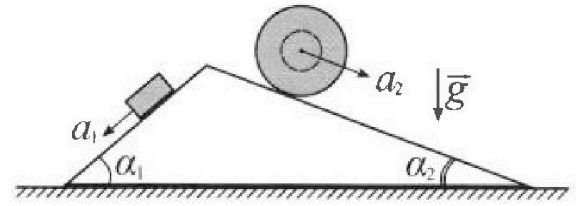
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-04



В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

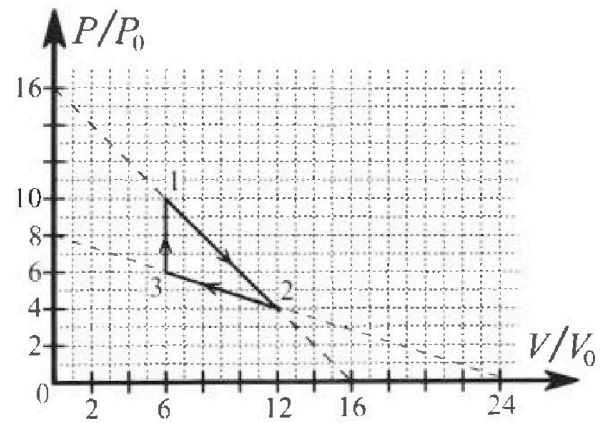
1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 5g/17$ и скатывается без проскальзывания полый шар массой $9m/4$ с ускорением $a_2 = 8g/27$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 8/17$, $\cos \alpha_2 = 15/17$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.



- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между шаром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

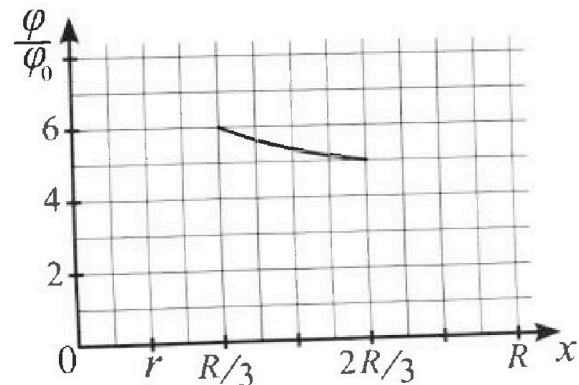
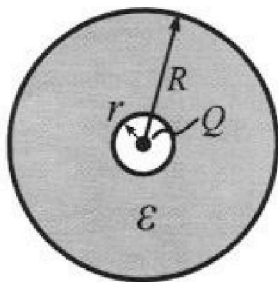


- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 1-2 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 3.
- 3) Найдите КПД цикла.

Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = 11R/12$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .



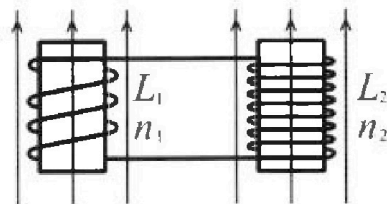
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-04

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

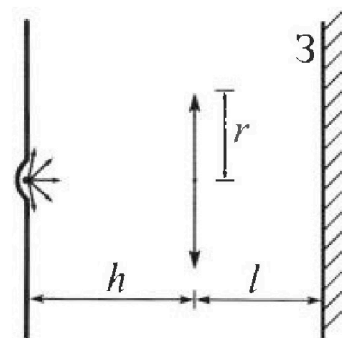


4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 9L/4$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 3n/2$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет уменьшаться со скоростью $\Delta B / \Delta t = -\alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $3B_0/4$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $4B_0$ до $8B_0/3$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = 2h/3$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 4$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = h/2$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3 . Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



- 1) Найдите площадь неосвещенной части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещенной части стены.

Ответы дайте в $[\text{см}^2]$ в виде γl , где γ - целое число или простая обыкновенная дробь.



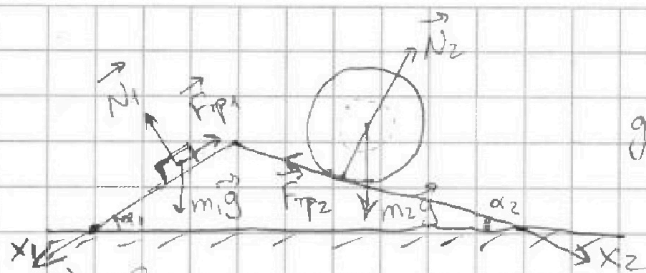
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА

1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Обозначим на рисунке все силы, действующие на брусок и шар.

1) Запишем II-й закон Ньютона для бруска на Ox_1 :

$$\left. \begin{aligned} m_1 a_1 &= m_1 g \sin \alpha_1 - F_{\text{тр}1} \\ m_1 &= m; a_1 = \frac{5g}{17}; \sin \alpha_1 = \frac{3}{5} \end{aligned} \right\} \Rightarrow m \cdot \frac{5g}{17} = mg \cdot \frac{3}{5} - F_{\text{тр}1}$$

$$F_{\text{тр}1} = mg \cdot \frac{26}{85}$$

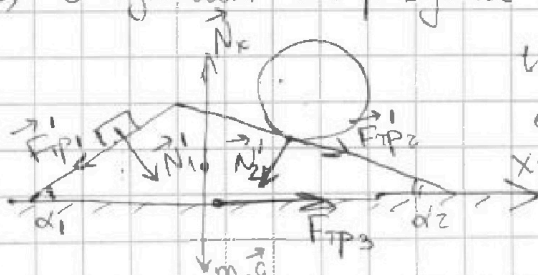
2) Запишем II-й з. Ньютона для шара на Ox_2 :

$$\left. \begin{aligned} m_2 a_2 &= m_2 g \sin \alpha_2 - F_{\text{тр}2} \\ m_2 &= \frac{9m}{4}; \sin \alpha_2 = \frac{8}{17}; a_2 = \frac{8g}{27} \end{aligned} \right\} \Rightarrow \frac{9m}{4} \cdot \frac{8g}{27} = \frac{9m}{4} g \cdot \frac{8}{17} - F_{\text{тр}2}$$

$$\frac{2mg}{3} = \frac{18mg}{17} - F_{\text{тр}2}$$

$$F_{\text{тр}2} = \frac{20}{51} \cdot mg$$

3) Обозначим на рисунке все силы, действующие на клин.



Штрих у обозначения всех сил обозначает, что они те же по модулю, но противоположны по направлению.

Запишем II-й з. Ньютона на Ox_3 :

$$m_k a_k = F'_{\text{тр}2} \cos \alpha_2 + N'_1 \sin \alpha_1 - N'_2 \sin \alpha_2 - F'_{\text{тр}1} \cos \alpha_1 + F_{\text{тр}3}$$

т.к. по усл. клин неподвижен, $a_k = 0$.

Кроме того, найдем N_1 и N_2 . Обратимся к рисунку для первых двух пунктов; по осам Ox_1 и Ox_2 брусок и клин соотв. движутся без ускорения, и $N_2 = m_2 g \cos \alpha_2$; $N_1 = m_1 g \cos \alpha_1$.
 $|\vec{N}'_1| = |\vec{N}_1|$; $|\vec{N}'_2| = |\vec{N}_2| \Rightarrow$ уравнение будет выглядеть так;



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$0 = \frac{20}{51} mg \cdot \frac{15}{17} + mg \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{5} - \frac{9}{4} mg \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{8}{17} - \frac{26}{85} mg \cdot \frac{4}{5} + F_{\text{тр3}}$$

$$F_{\text{тр3}} = mg \left(\frac{9}{4} \cdot \frac{15}{17} \cdot \frac{8}{17} + \frac{26}{85} \cdot \frac{4}{5} - \frac{20}{51} \cdot \frac{15}{17} - \frac{4}{5} \cdot \frac{3}{5} \right) =$$

$= \boxed{mg \cdot \frac{6}{17}}$. Сила получилась положительная, значит, с её направлением на рисунке мы угадали.

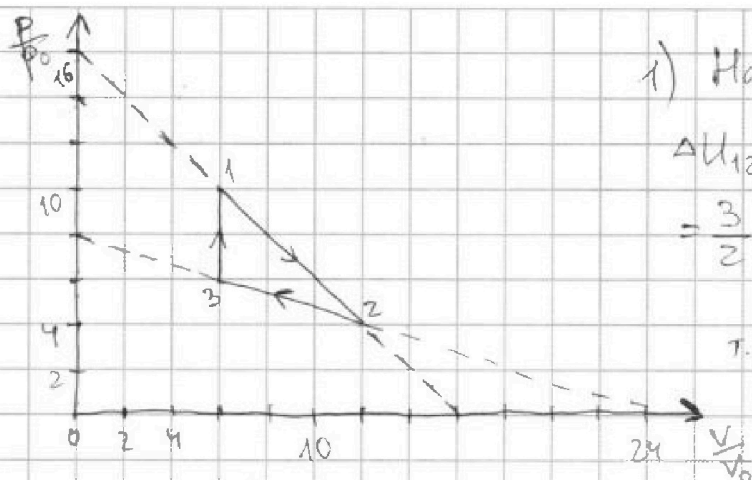
Ответ: 1) $\frac{26}{85} mg$; 2) $\frac{20}{51} mg$; 3) $\frac{6}{17} mg$.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1) Найдем ΔU_{12} :

$$\Delta U_{12} = \frac{3}{2} \nu R (T_2 - T_1) =$$

$$= \frac{3}{2} \nu R \left(\frac{p_2 V_2}{\nu R} - \frac{p_1 V_1}{\nu R} \right) \text{ (1)}$$

т.к. $p_2 V_2 = \nu R T_2$ т.к. $p_1 V_1 = \nu R T_1$ (2)

$$\text{(1)} \Rightarrow \frac{3}{2} (4 p_0 \cdot 12 V_0 - 10 p_0 \cdot 6 V_0)$$

$$\text{(1)} \Rightarrow + p_0 V_0 \cdot 18.$$

Найдем A за усл. это —

площадь треугольника $\Rightarrow A = \frac{1}{2} (p_1 - p_3) \cdot (V_2 - V_3) = 12 p_0 V_0.$

Тогда $\frac{|\Delta U_{12}|}{A} = \frac{18 p_0 V_0}{12 p_0 V_0} = \boxed{\frac{3}{2}}$

2) Надо найти, в какой точке участка 1-2 максимальная температура: $pV = \nu RT \Rightarrow$ тем больше pV , тем больше T .

(т.к. график в коорд. $\frac{p}{p_0}$ и $\frac{V}{V_0}$, мы будем считать, где больше $\frac{pV}{p_0 V_0}$). Уравнение этой прямой (1-2): $p \frac{p}{p_0} = -\frac{V}{V_0} + 16$ (3)

$$\text{(3)} \Rightarrow p \frac{p}{p_0} \cdot \frac{V}{V_0} = \left(16 - \frac{V}{V_0}\right) \cdot \frac{V}{V_0} = -\frac{V^2}{V_0^2} + 16 \frac{V}{V_0}.$$

Это ур-е параболы ветвями вниз \Rightarrow max. знат. в вершине при $\frac{V}{V_0} = -\frac{-16}{-2} = 8$;

$\frac{p}{p_0} = 8$. Эта точка как раз принадлежит участку 1-2 (3)

$$\text{(3)} \Rightarrow T_{\max 1-2} = \frac{8 p_0 \cdot 8 V_0}{\nu R} = 64 \frac{p_0 V_0}{\nu R}. \quad \text{Б. т. з. } T_3 = \frac{6 p_0 \cdot 6 V_0}{\nu R} = 36 \frac{p_0 V_0}{\nu R}.$$

$$\frac{T_{\max 1-2}}{T_3} = \frac{64}{36} = \boxed{\frac{16}{9}}$$

3) $\eta = \frac{A}{Q_+}$. $A = 12 p_0 V_0$, как мы определили в п. 1.

$$Q_+ = Q_{12} + Q_{31} = A_{12} + \Delta U_{12} + A_{31} + \Delta U_{31}.$$

$Q_{12} = \frac{4 p_0 + 10 p_0}{2} \cdot 6 V_0 = 42 p_0 V_0$; $\Delta U_{12} = -18 p_0 V_0$ (п. 1); $A_{31} = 0$ (т.к. объем не уменьшается на этом участке); $\Delta U_{31} = \frac{3}{2} (60 p_0 V_0 - 36 p_0 V_0)$ (4)



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

⊖ $36 p_0 V_0$. Тогда:

$$\eta = \frac{A}{Q_+} = \frac{12 p_0 V_0}{42 p_0 V_0 - 18 p_0 V_0 + 0 + 36 p_0 V_0} = \frac{12}{60} = \frac{1}{5} = 20\%$$

Ответ: 1) $\frac{3}{2}$; 2) $\frac{16}{9}$; 3) $\frac{1}{5}$ или 20%.

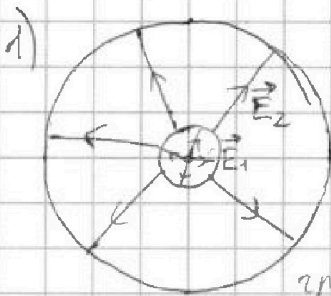
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



~~$$E_1 = \frac{kQ}{r^2}$$

$$E_2 = \frac{kQ}{\epsilon r^2}$$~~

Мы знаем значение потенциала у границы полости и диэлектрика: $\varphi_r = \frac{kQ}{r}$

Восле границы $E_2 = \frac{kQ}{\epsilon x^2}$; $d\varphi = -E_2 dx \Rightarrow \int d\varphi = - \int \frac{kQ}{\epsilon x^2} dx$

$$\varphi - \varphi_r = \frac{kQ}{\epsilon x} \Big|_r^{\frac{11R}{12}}$$

$$\rightarrow \varphi - \varphi_r = \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{11R}{12} - \frac{1}{r} \right) = \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{r - \frac{11R}{12}}{\frac{11Rr}{12}} \right) =$$

$$= \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{12r - 11R}{11Rr} \right) \Rightarrow \varphi = \varphi_r + \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{12r - 11R}{11Rr} \right) = \frac{kQ}{r} \left(1 + \frac{12r - 11R}{11R\epsilon} \right)$$

$$= \frac{kQ}{r} \left(1 - \frac{1}{\epsilon} + \frac{12r}{11R\epsilon} \right) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r} \left(1 - \frac{1}{\epsilon} + \frac{12r}{11R\epsilon} \right) \quad (k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0})$$

2) Аналогично тому, как мы нашли потенциал в $\frac{11R}{12}$, мы можем найти потенциал в $r = \frac{R}{3}$ и $\frac{2R}{3}$ (мы знаем φ_0 при этих x и y графика).

$$\varphi_1 - \varphi_r = \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{1}{R/3} - \frac{1}{r} \right); \quad \varphi_2 - \varphi_r = \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{1}{2R/3} - \frac{1}{r} \right)$$

$$\varphi_1 = \frac{kQ}{r} + \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{r - R/3}{rR/3} \right); \quad \varphi_2 = \frac{kQ}{r} + \frac{kQ}{\epsilon} \left(\frac{r - 2R/3}{2rR/3} \right)$$

$$\varphi_1 = \frac{kQ}{r} \left(1 + \frac{3r - R}{\epsilon R} \right); \quad \varphi_2 = \frac{kQ}{r} \left(1 + \frac{3r - 2R}{2\epsilon R} \right)$$

Давайте разделим выражения друг на друга:

$$\frac{\varphi_1}{\varphi_2} = \frac{1 + \frac{3r - R}{\epsilon R}}{1 + \frac{3r - 2R}{2\epsilon R}} = \frac{6\varphi_0}{5\varphi_0} = \frac{6}{5} \text{ (из графика)}$$

$$5 + \frac{15r - 5R}{\epsilon R} = 6 + \frac{18r - 12R}{2\epsilon R}; \quad r = \frac{R}{6} \text{ из графа.}$$

$$5 - \frac{2R}{\epsilon} = 6 - \frac{4R}{\epsilon} \rightarrow \frac{2R}{\epsilon} = 1 \Rightarrow \boxed{\epsilon = 2}$$

Ответ: 1) $\varphi = \frac{kQ}{r} \left(1 - \frac{1}{\epsilon} + \frac{12r}{11R\epsilon} \right) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r} \left(1 - \frac{1}{\epsilon} + \frac{12r}{11R\epsilon} \right);$
 2) $\epsilon = 2$

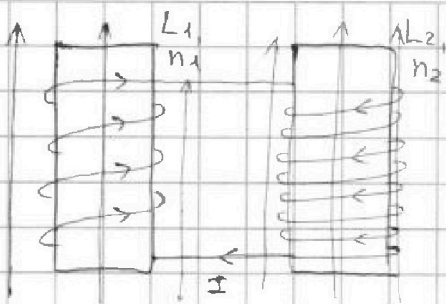


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\mathcal{E}_{i1} = - \frac{d\Phi}{dt} = - \frac{n_1 S dB}{dt} = - n_1 S \dot{B}$$

Направлено \mathcal{E}_i против уменьшения поля, и схему можно рассмотреть так:

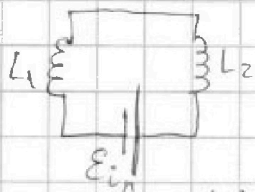


Тогда по правилу Кирхгофа:

$$\mathcal{E}_i = L_1 \frac{dI}{dt} + L_2 \frac{dI}{dt} \Rightarrow \frac{dI}{dt} = \frac{\mathcal{E}_i}{L_1 + L_2} = \frac{4 \alpha n S}{13 L}$$

(~~так \mathcal{E}_i~~ взято по модулю, уменьшается так как поле уменьшается)

2) В любой момент времени схема выглядит так:



$$\mathcal{E}_{in} = (L_1 + L_2) \frac{dI}{dt}; \quad \mathcal{E}_{in} - \text{ЭДС самоиндукции}$$

$$\mathcal{E}_{in} dt = (L_1 + L_2) dI \quad \left. \begin{array}{l} \text{в данный момент; оно} \\ \text{нам не известно} \end{array} \right\}$$

$$d\Phi_n = \mathcal{E}_{in} dt \leftarrow \text{если смотреть по ЭДС по модулю}$$

$$-d\Phi_n = (L_1 + L_2) dI$$

~~ток~~ ток в катушках изначально был 0, а $\Phi_0 =$

$$\Phi_0 = (4B_0 n_2 - B_0 n_1) S = B_0 n S \left(4 \cdot \frac{3}{2} - 1 \right) = 5 B_0 n S$$

$$\Phi_n = \left(\frac{8B_0}{3} n_2 - \frac{3}{4} B_0 n_1 \right) S = B_0 n S \left(\frac{8}{3} \cdot \frac{3}{2} - \frac{3}{4} \right) = 3 B_0 n S = \frac{13}{4}$$

Мы вычисляем поток через первую катушку из потока через вторую,

т.к. при уменьшении внешнего поля \mathcal{E}_i создаются напр.

друг против друга (оба против убывания поля), и второе ЭДС

и подается "первое" $\mathcal{E}_{int} = \mathcal{E}_{i2} - \mathcal{E}_{i1}$

$$\int d\Phi_n = (L_1 + L_2) dI \Rightarrow \frac{13L}{4} \cdot I_k = 5 B_0 n S - 3 B_0 n S = 2 B_0 n S \cdot \frac{7}{4}$$

$$I_k = \frac{7 B_0 n S}{13 L}$$

Ответ: 1) $\frac{4 \alpha n S}{13}$; 2) $I_k = \frac{7 B_0 n S}{13 L}$

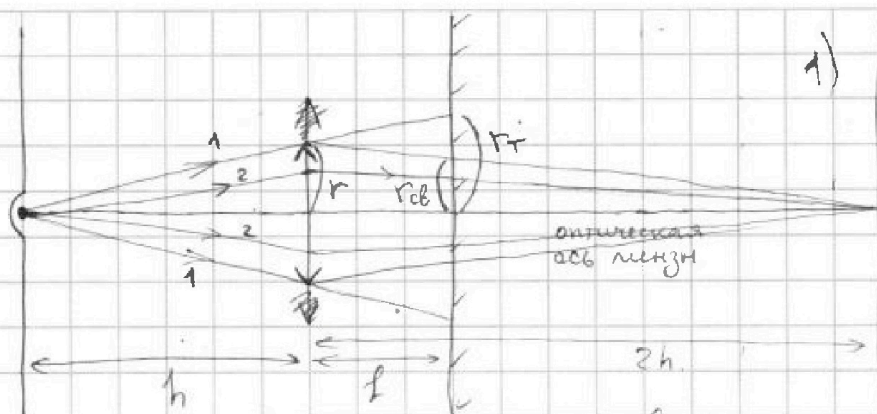
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1) Построим, как пойдут лучи. Те, что не попадают в линзу, пойдут прямо, как 1, а те, что попадут,

преломятся и будут собираться в некоторой точке (точнее собирались бы, если бы не было зеркала). Эта точка находится на расст. x , таком, что $\frac{1}{h} + \frac{1}{x} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{x} = \frac{3}{2h} - \frac{1}{h} \Rightarrow x = 2h$.

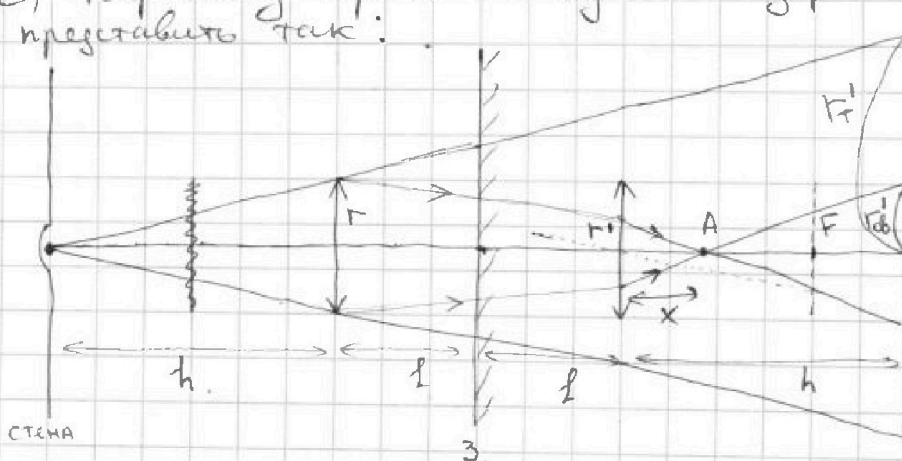
Чтобы найти радиус светового пятна от преломленных в линзе лучей, запишем подобие треугол.: $\frac{r}{2h} = \frac{r_{св}}{2h-l} \Rightarrow r_{св} = r \cdot \frac{2h-l}{2h} = \frac{3}{4}r$. Лучи, не преломленные линзой, будут приходить в

зеркало на расст., измеряемая с r_r : $\frac{r_r}{h+l} = \frac{r}{h} \Rightarrow$

$\Rightarrow r_r = r \cdot \frac{h+l}{h} = r \cdot \frac{h+\frac{1}{2}h}{h} = \frac{3}{2}r$. Радиус неосвещ. части зеркала

тогда будет $r_{нр} = r_r - r_{св} = \frac{3}{2}r - \frac{3}{4}r = \frac{3}{4}r \Rightarrow S = \pi r_{нр}^2 = \pi \cdot 9 \text{ см}^2$

2) Картинку отражения лучей от зеркала можно представить так:



Лучи, не задевающие линзу, так и будут прямолинейно распространяться, а лучи, проходящие через линзу, после отражения пройдут через нее снова. Тогда $r_r' = r_r \cdot 2 = 3r$

$$\frac{r'}{h} = \frac{r}{h+2l} \Rightarrow r' = \frac{r \cdot h}{h+2 \cdot \frac{1}{2}h} = \frac{r}{2}; \quad \frac{r'}{x} = \frac{r_{св}}{h-x} \Rightarrow r_{св}' = \frac{r}{2} \cdot \frac{h-x}{x}$$

Найдём x с помощью формулы линзы: лучи, выходящие



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

из т. А, после преломления в линзе должны двигаться в той точке, куда они "шли" указательно (мы нашли её в п.1). Но совпадение, эта точка совпадает с стеной. $(h+2l=2h) \Rightarrow \frac{1}{x} - \frac{1}{h} = \frac{1}{F} \Rightarrow \frac{1}{x} = \frac{3}{2h} + \frac{2}{2h} = \frac{5}{2h}$

$$x = \frac{2}{5}h = 0,4h. \text{ Тогда } r_{об}' = \frac{r}{2} \cdot \frac{h - 0,4h}{0,4h} = \frac{3}{4}r$$

Радиус внутренней части стенки $R_{ит} = r_T' - r_{об}' = 3r - \frac{3r}{4} = \frac{9r}{4}$

$$\text{Тогда } S = \pi R_{ит}^2 = \pi \cdot 81 \text{ см}^2$$

Ответ: 1) $9\pi \text{ см}^2$; 2) $81\pi \text{ см}^2$

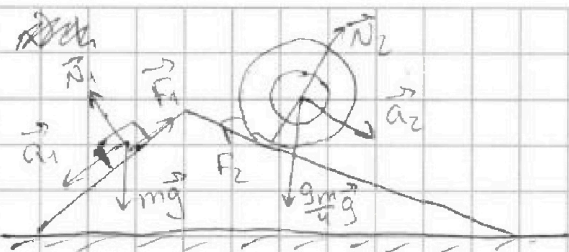


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{3}{5} - \frac{5}{17} = \frac{51 - 25}{85} = \frac{26}{85}$$

$$\frac{18}{17} - \frac{2}{3} = \frac{54 - 34}{51} = \frac{20}{51}$$

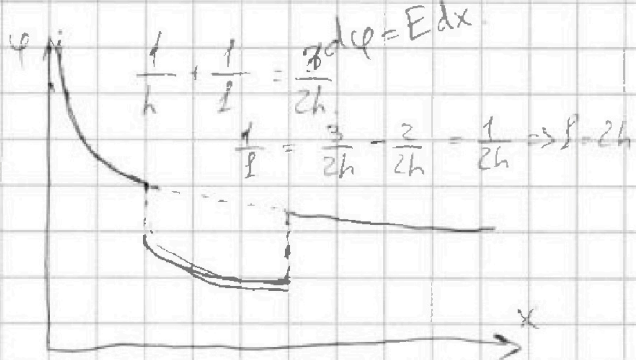
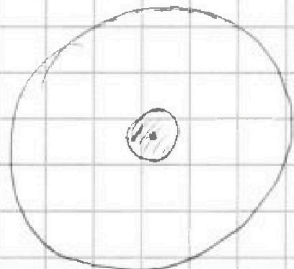
$$\frac{30 \cdot 9}{17 \cdot 17} + \frac{104}{85 \cdot 5} - \frac{20 \cdot 15}{17 \cdot 17 \cdot 3} - \frac{12}{25}$$

$$\frac{310 - 300}{17 \cdot 17 \cdot 3} = \frac{510}{17 \cdot 17 \cdot 3} = \frac{10}{17}$$

$$48 - 60 = -12 \cdot \frac{3}{2} = -18$$

$$2p_0 \cdot 6V_0$$

$$\varphi = E \cdot d$$



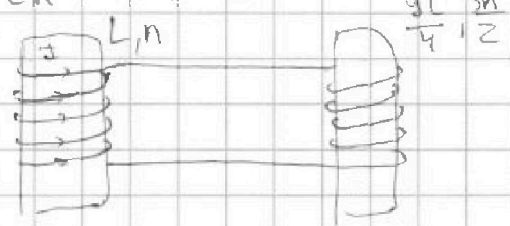
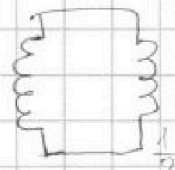
$$E = \frac{kQ}{\epsilon R^2} \Rightarrow \varphi = \frac{kQ}{\epsilon}$$

$$x^{-2} \cdot \frac{x^{n+1}}{n+1} = \frac{x^{-1}}{-1}$$

$$\frac{15R}{6} - 5R = -2,5R$$

$$\frac{3 - 12R}{2} = -4,5$$

$$\frac{1}{h} + \frac{1}{l}$$



$$\frac{d\varphi}{dt} = \frac{dB \cdot S_n}{dt} = +\alpha S_n = \mathcal{E}_i$$

$$L_1 \frac{dI}{dt} + L_2 \frac{dI}{dt} = \mathcal{E} \cdot S_n$$

$$\frac{1}{R} \frac{1}{S_n} = \frac{3}{2h} = \frac{3}{2h} + \frac{2}{2h} = \frac{5}{2h}$$

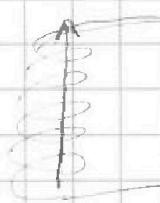
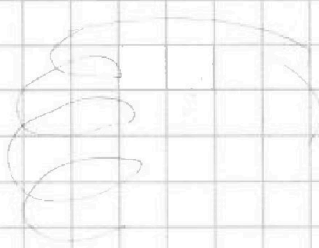


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

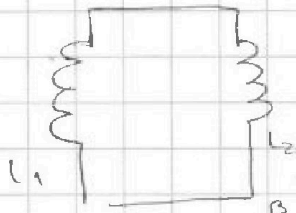


$$\mathcal{E}_i = -\frac{d\Phi}{dt} = -nS\alpha = -L\frac{dI}{dt}$$

$$L_1 \frac{dI_1}{dt} = L_2 \frac{dI_2}{dt} \quad X^*$$

$$\mathcal{E}_i = L \frac{dI}{dt}$$

$$\frac{L}{\gamma} \cdot \frac{dI}{dt} = \alpha n S$$



$$d\Phi = \int n S dB \Rightarrow \Phi_0 = n S \Delta B$$

$$(L_1 + L_2) \frac{dI}{dt} = \mathcal{E}_i \quad I$$

$$(L_1 + L_2) \int dI = \int \mathcal{E}_i dt \quad \checkmark d\Phi$$