



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 1



1. [3 балла] Найдите все действительные значения x , при каждом из которых существует геометрическая прогрессия, состоящая из действительных чисел и такая, что её седьмой член равен

$\sqrt{(25x - 9)(x - 6)}$, девятый член равен $x + 3$, а пятнадцатый член равен $\sqrt{\frac{25x - 9}{(x - 6)^3}}$.

2. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x + 5} - \sqrt{1 - x - 4z} + 4 = 2\sqrt{y - 4x - x^2 + z}, \\ |y + 4| + 4|y - 5| = \sqrt{81 - z^2}. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все значения параметра p , при которых уравнение

$$p \cos 3x + 3(p + 4) \cos x = 6 \cos 2x + 10$$

имеет хотя бы одно решение. Решите это уравнение при всех таких p .

4. [5 баллов] Две окружности ω_1 и ω_2 пересекаются в точках A и B , а их общая касательная имеет с ω_1 и ω_2 общие точки C и D соответственно, причём точка B расположена ближе к прямой CD , чем точка A . Луч CB пересекает ω_2 в точках B и E . Найдите отношение $ED : CD$, если диагональ AD четырёхугольника $ACDE$ делит отрезок CE в отношении $2 : 5$, считая от вершины C .

5. [4 балла] Дан клетчатый прямоугольник 100×400 . Сколькими способами можно закрасить 8 клеток этого прямоугольника так, чтобы закрашенное множество обладало хотя бы одной из следующих симметрий: относительно центра прямоугольника, относительно любой из двух "средних линий" прямоугольника ("средней линией" прямоугольника назовём отрезок, соединяющий середины двух его противоположных сторон). Ответ дайте в виде выражения, содержащего не более трёх членов (в них могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

6. [4 балла] Найдите все тройки целых чисел $(a; b; c)$ такие, что:

$a < b$, \checkmark

число $b - a$ не кратно 3, \checkmark

число $(a - c)(b - c)$ является квадратом некоторого простого числа, \checkmark

выполняется равенство $a^2 + b = 710$. \checkmark

7. [6 баллов] В основании призмы лежит равносторонний треугольник площади 1. Площади её боковых граней равны 3, 3 и 2. Найдите объём призмы.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

при $x < 6$

$$x+3 = \sqrt{-25x+9}$$

$$x^2+6x+9 = -25x+9$$

$$x^2+31x=0$$

$$x(x+31)=0$$

$$x=0$$

$x \neq -31$ - не проверяем проверку

Ответ: $x=0$

$$x=7$$

~~xxxxxx~~



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~ 7

$$b_7 = \sqrt{(25x-9)(x-6)}$$

$$b_9 = x+3$$

$$b_{75} = \sqrt{\frac{25x-9}{(x-6)^3}}$$

$$\frac{b_{75}}{b_7} = q^8$$

$$\frac{1}{(x-6)^2} = q^8$$

$$\frac{1}{\sqrt{|x-6|}} = q^2$$

$$b_9 = b_7 q^2$$

$$x+3 = \sqrt{\frac{25x-9}{|x-6|}} \cdot \sqrt{(25x-9)(x-6)}$$

$$x \geq 6:$$

$$x+3 = \sqrt{25x-9}$$

$$x^2 + 6x + 9 = 25x - 9$$

$$x^2 - 19x + 18 = 0$$

$$(x-18)(x-1) = 0$$

$$x = 18$$

$$\left[\begin{array}{l} x = 18 \\ x = 1 - \text{не подходит} \end{array} \right.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2$$

$$a = x+2$$

$$\sqrt{a+3} - \sqrt{-a+3} = 4 \quad 2\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3}$$

$$a+3 - a+3 - 2\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = 16 + 4(a+3)(-a+3) - 76\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3}$$

$$6 - 2\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = 16 + 4(a+3)(-a+3) - 76\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3}$$

$$4(a+3)(-a+3) = \sqrt{a+3}\sqrt{-a+3}$$

$$\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = t \geq 0$$

$$6 - 2t - 76 = 4t^2 + 76t = 0$$

$$2t^2 - 7t + 5 = 0$$

~~XXXXX~~

$$(t-2,5)(t-7) = 0$$

$$\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = 7$$

$$-a^2 + 9 = 49$$

$$a^2 = 8$$

$$a = \pm 2\sqrt{2}$$

$$\sqrt{a+3}\sqrt{-a+3} = 2,5$$

$$-a^2 + 9 = 6,25$$

$$a^2 = 2,75$$

$$a = \pm\sqrt{2,75}$$

~~XXXXXXXXXX~~

$$x = \pm\sqrt{2,75} - 2$$

Ответ: ~~XXXXXX~~ $x = \pm\sqrt{2,75} - 2$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
} из }

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Ответ: $x = \pm 2\sqrt{2} - 2$

$x = \pm \sqrt{2,75} - 2$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из ...

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~ 2

рассмотрим 2-е уравнение

$$|y+4| + 4|y-5| = \sqrt{87-z^2}$$

н.к. модуль - расстояние от точки 0

точки, $|y+4| + |y-5| \geq 9 \Rightarrow |y+4| + 9|y-5| \geq 9$

след $87-z^2 \leq 81 \Rightarrow \sqrt{87-z^2} \leq 9$

начнем

$$|y+4| + 4|y-5| \geq 9 \geq \sqrt{87-z^2}$$

тогда $\begin{cases} y=5 \\ z=0 \end{cases}$

вернемся к первому равенству

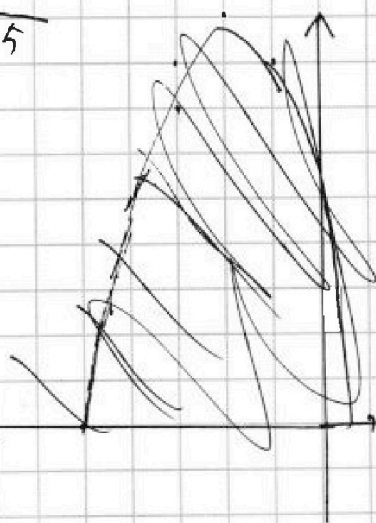
$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{-x^2 - 4x + 5}$$

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{(x+5)(7-x)}$$

~~$\sqrt{x+5}$ - монотонно возр.~~

~~$\sqrt{7-x}$ - монотонно убав.~~

~~$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x}$ - монот. возр.~~





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
7 из 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~ 3

$$p(4\cos^3(x) - 3\cos(x)) + 3(p+4)\cos(x) - 6(2\cos^2(x) - 1) + 70 = 0$$

$$4p\cos^3(x) - 72\cos^2(x) + 72\cos(x) - 4 = 0$$

$$p\cos^3(x) - 3\cos^2(x) + 3\cos(x) - 1 = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

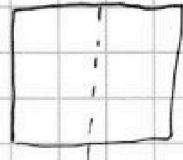
СТРАНИЦА
7 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~5

мы имеем 3 вида симметрии:

при первом, задав левую половину, 1



мы можем восстановить правую.

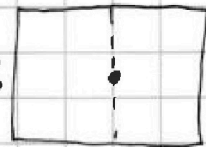
при втором, задав верхнюю половину, 2



восстановить нижнюю.

при третьем, задав точку из

центра восстановим ~~еще~~ другую. 3



для определенности будем считать левая.

существуют разбиения подмножества
пог бесконечно симметрией.

~~при восстановлении симметрии 1 и 2 ~~еще~~ сим-~~

~~метрия следует симметрией~~

симметрия 3 ~~еще~~ ~~существует~~ ~~на~~ ~~на~~

есть при применении сим 1 и 2 по 7 раз.

тогда при восстановлении сим 1, 2, восстанавливается

сим. 3



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

если вычитаются линии 1 и 3, то применим сначала 1, затем 3. т.к. линия 3 состоит из 1, 2, линия 7 будет применена дважды, а линия 2 останется. мы получили множество ~~симметричной~~ симметричной к некоторому относительно горизонтальной линии и являющиеся им же, \Rightarrow ~~симметричной~~ ^{множество} образам линия 2.

аналогично из линий 2, 3 \Rightarrow линия 7

тогда, ~~симметричной~~ множество образует либо одной симметричной, либо тремя.

множество, обладающее тремя симметри-

ями можно восстановить, зная одну

левую вертикальную четверть, т.к. в каждой четв.

кажд-во точек равно, в вернем. лев. их будет 2

мы получим $C_{100-200}^4 + C_{50-100}^4 + C_{100-200}^4 - 2 C_{50-200}^2 =$

$= 3 C_{20000}^4 - 2 C_{10000}^2$ Ответ: $3 C_{20000}^4 - 2 C_{10000}^2$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~ 6

обозначим $b - a = k$ где $k \in \mathbb{N}$

из условия 2 $k \times 3$

из условия 4:

$$a^2 + (a+k) = 770$$

$$a^2 + a = 770 - k$$

$a^2 + a$ - квадрат. Δ вершиной в $a = -0,5$

$$a^2 + a \geq -0,25$$

$$\Downarrow$$

$$770 - k \geq -0,25$$

~~$k \leq 770$~~ $k \leq 770$

целые

если произведение двух ^{целых} чисел - квадратное простое, то либо они оба это простое, либо одно из них 7 (или -7), т.к. $a \neq b$, одно из них $\neq 7$, а второе $= p^2$, где p - простое число

~~$k = p^2 - 7$~~ $k = p^2 - 7$

тогда $(b-c) - (a-c) = p^2 - 7 = b-a = k$

перепроверим все p , при которых $k \leq 770$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

p	2	3	5	7	77	73	77	79	23	29	29
p^2	4	9	25	49	721	769	289	361	529	841	
k	3	8	24	48	720	768	288	360	528	840	

из них мало 8:3

тогда $k = 8$

$$a^2 + a = 770 - 8$$

$$a^2 + a - 762 = 0$$

$$\begin{cases} a = 26 \\ a = -27 \end{cases}$$

тогда

$$\begin{cases} \begin{cases} a = 26 \\ b = 34 \end{cases} \\ \begin{cases} a = -27 \\ b = -79 \end{cases} \end{cases}$$

подставив в 3 уравне,

найдем по 2 реше

ния находим a, b . Ответ: $(a=26; b=34; c=25)$,

$(a=26; b=34; c=35)$, $(a=-27; b=-79; c=-78)$, $(a=-27; b=-79; c=-28)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x}$$

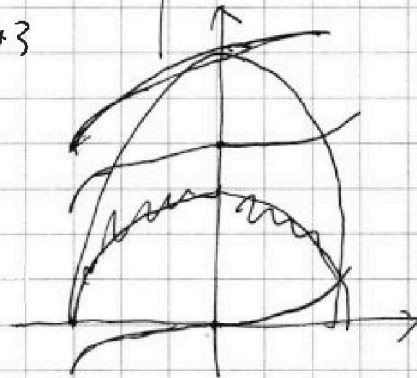
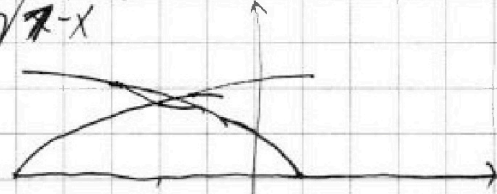
~~1/2/2~~

$$a = x+2$$

$$\sqrt{a+3} + \sqrt{-a+3} + 4 = 2\sqrt{a+3} - \sqrt{-a+3}$$

$$a+3 + a+3 + 2\sqrt{a+3}$$

2 5
2 5
7 2 5
5 0
6 2 2



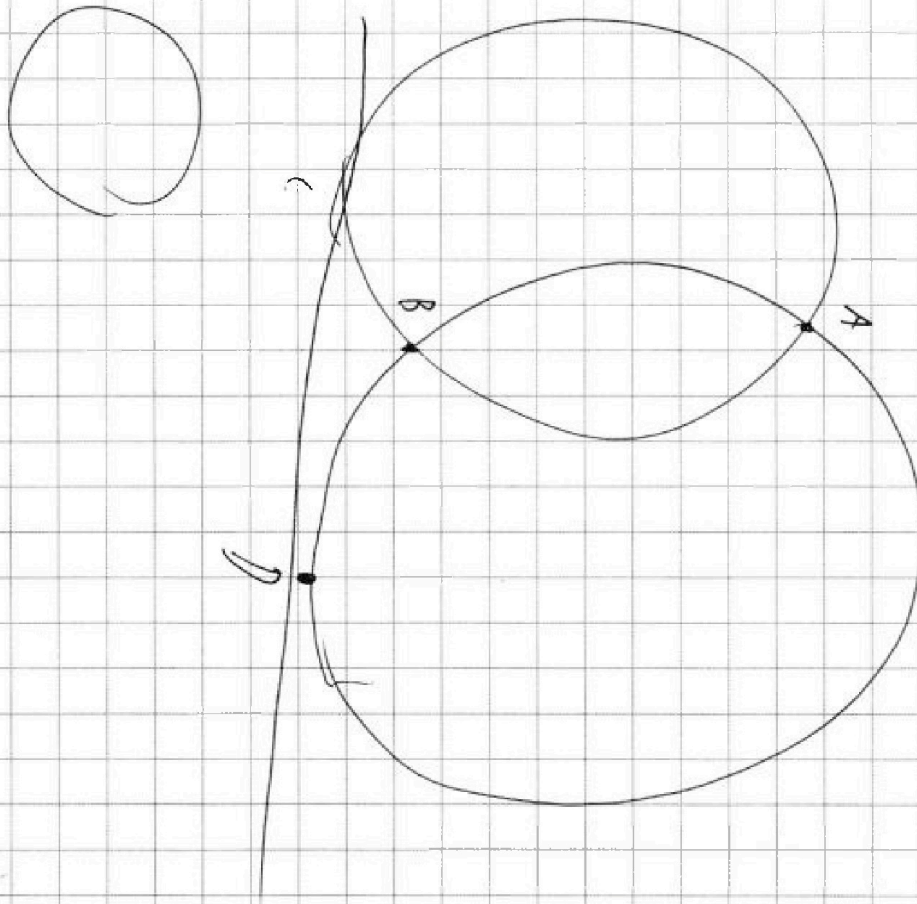


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять **только одну задачу**. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

СТРАНИЦА _____ ИЗ _____

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{-x+7} = 2\sqrt{x+5} - \sqrt{-x+7} - 4$$

$$2\sqrt{x+5} - \sqrt{-x+7} + \sqrt{-x+7} - \sqrt{x+5} = 4$$

$$p \cdot \cos^3(x) - 3 \cos^2(x) + 3 \cos(x) - 7 = 0$$

$$-7 \leq p \leq 7$$

$$p a^2 - 3 a^2 + 3 a - 7 = 0$$

$$p a^2 + 3 a - 3 a^2 = 7$$

$$a(p a^2 + 3) - 3 a^2 = 7$$

$$3 p a^2 - 3 a + 3 = 0$$

$$D = 9 - 9 \cdot 4 p = 9(1 - 4p)$$

$$b = a + k$$

$$k \div ?$$

$$a^2 + a = 770 - k$$

$$770 - k \geq 0,25$$

$$k \leq 709$$

1
 2 9
 2 9
 2 6 7
 5 8
 8 4 7

$$k = 8 \quad k = 440$$

$$a^2 + a = 702$$

$$a^2 + a - 702 = 0$$

$$D = 702 \cdot 4 + 7$$

900 - 59
 8

5 3
 5 3
 702 - 4 | 7 5 9
 2808 | 2 6 5
 2 8 0 9

2409

2 3
 2 3
 6 9
 4 6
 5 2 9

$b \geq 7$

7 7

7 7

7 7 9

7 7

7 7 2 9 9

7 7

4 9

7 7 2 6

3 9

7 8

4 9 7 2 7 7 8 9 2 8 9 3 6 1 5 2 9 7 4 1 6 6 7

5 2 8

7 1 0 6 6 0

x x x x x x x

2 3

2 3

6 9

4 6

5 2 9

2 5

2 7

7 8 2

5 2

7 0 2

7 0 2 5 5
 5 2 5 5



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$c = 4$$

$$77$$

$$2$$

$$25$$

$$77$$

$$25 \cdot 77$$

$$25$$

$$b = b^2$$

$$a - c = p^k$$

$$b - c = p^l$$

$$\begin{cases} a = p^k + c \\ b = p^l + c \end{cases}$$

$$p^l + c - p^k + c \div 3$$

$$p^l - p^k \div 3$$

$$p \div 3$$

$$a^2 + b = 77 \cdot 25 \quad 5 \cdot 2$$

$$b = a + k$$

$$a^2 + a + k = 770$$

$$a^2 + a = 770 + k$$

$$a(a+1) \leq -0,25$$

$$770 - k < 0,25 - \text{н.н.}$$

$$770 - 0,25$$

impl

$$\left(\frac{b_9}{b_7}\right)^4 = \left(\frac{b_{25}}{b_7}\right)$$

$$\frac{b_9}{b_7} = q^2$$

$$\frac{b_{75}}{b_7} = q^8$$

$$b_2 = \sqrt{(25x-9)(x-6)}$$

$$b_{75} = \sqrt{\frac{25x-9}{(x-6)^3}}$$

$$\frac{b_{75}}{b_7} = q^8 = \sqrt{\frac{25x-9}{(x-6)^3} \cdot (25x-9)(x-6)} = q^8$$

$$\frac{7}{(x-6)^4} = q^8$$

$$\sqrt{\frac{7}{x-6}} = q^2$$

$$\sqrt{25x-9} = x+3$$

$$25x-9 = x^2+6x+9$$

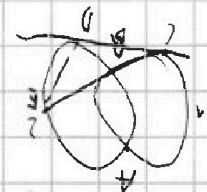
$$x^2$$

$$-37$$

$$x \neq \frac{9}{25}$$

$$x \neq 6$$

$$= q^8$$



$$x - \sqrt{x+5} + \sqrt{x+5} = 2\sqrt{x+5} = 6 + x - \sqrt{x+5} = \sqrt{x+5}$$

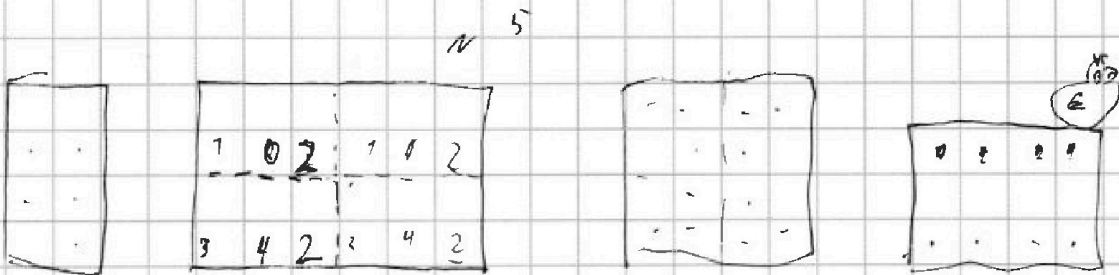


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

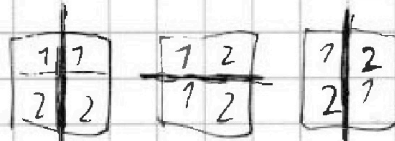
СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$C_{100}^4 + 7 \cdot 2 \cdot (11) \cdot C_{100}$$

$$C_{1000}^4 + C_{1000}^4$$



$$A + B + C$$

$$A \rightarrow C \quad 2+3$$

$$3 \cdot C_{20000}^4 - 2 \cdot C_{70000}^2 \quad ?$$

$$3 \cdot 7 \cdot 72 \cdot 77272537$$

$$\cos(2\alpha + \alpha) = \cos(\alpha)\cos(\alpha) - \sin(\alpha)\sin(\alpha) =$$

$$\cos(2\alpha + \alpha) = \cos(2\alpha)\cos(\alpha) - \sin(2\alpha)\sin(\alpha) =$$

$$= (2\cos^2 - 1)\cos(\alpha) - 2\sin(\alpha)\cos(\alpha) =$$

$$= 2\cos^3 - \cos - 2\cos(\sin^2) = 2\cos^3 - \cos - 2\cos(1 - \cos^2) =$$

$$= 2\cos^3 - \cos - 2\cos + 2\cos^3 = 4\cos^3 - 3\cos$$

$$p(4\cos^3 - 3\cos) + 3(p+4)\cos = 6(2\cos^2 - 1) + 70$$

$$4p\cos^3 - 3p\cos + 3p\cos + 72\cos - 72\cos^2 + 6 = 70 = 0$$

$$4p\cos^3 - 72\cos^2 + 72\cos - 4 = 0$$

$$p\cos^3 - 18\cos^2 + 18\cos - 1 = 0$$

$$p\cos^3 - 4\cos^2 + 4\cos - 1 = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

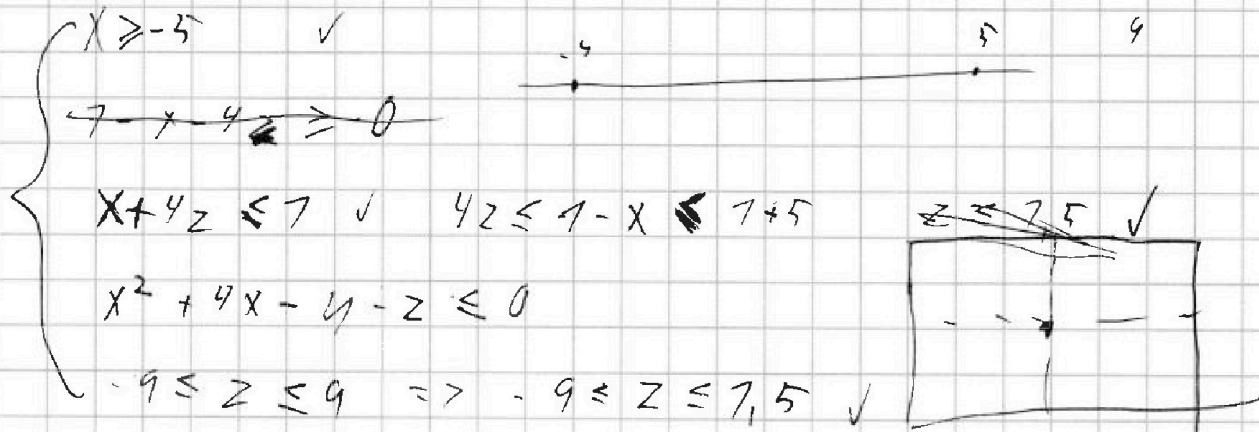
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\rho \cos^3 - 3 \cos^2 + 3 \cos - 7 \quad (\cos - 7)^3 + (\rho - 7) \cos^3$$

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x-4z} + 4 = \sqrt{-x^2 - 4x + 4z + 2}$$



~~вариант~~

$z = 0$!
 $a = 5$!

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{5-4x-x^2}$$

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{-(x+5)(x-7)}$$

$$\sqrt{x+5} - \sqrt{7-x} + 4 = 2\sqrt{(x+5)(7-x)}$$

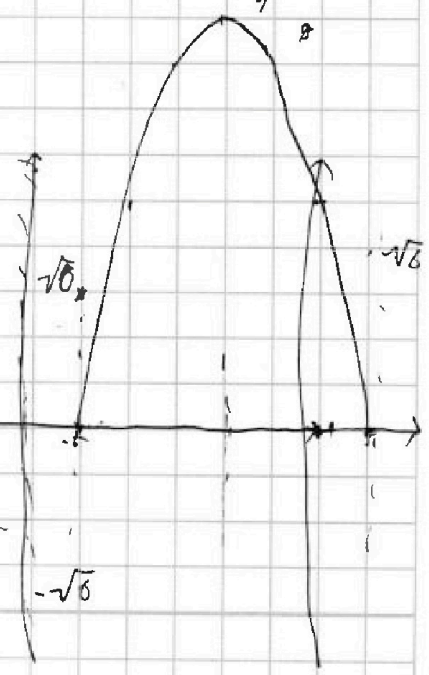


$$a - b \neq 4 = 2ab - 4$$

$$2ab - b + a - 4 = 0$$

$$a^2 - 2ab + b^2 = 4a^2b^2 - 32ab + 76$$

$$a^2 + b^2 + 30ab - 4a^2b^2 = 76$$



$$-5 \leq x \leq 7 \quad x \cdot \sqrt{a+2} - \sqrt{-a+4}$$

$$x = x+3 \quad \sqrt{x+2} - \sqrt{-x+2}$$