



Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 09-01

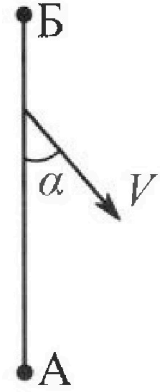


В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

1. Беспилотные летательные аппараты применяют для доставки полезных грузов. Продолжительность полета аппарата по маршруту $A \rightarrow B$ в безветренную погоду составляет $T_0=400$ с. Расстояние AB равно $S=9,6$ км.

1. Найдите скорость U аппарата в спокойном воздухе.

Допустим, что в течение всего времени полета ветер дует с постоянной скоростью $V = 16$ м/с под углом α к прямой AB (см. рис.) таким, что $\sin \alpha = 0,6$.

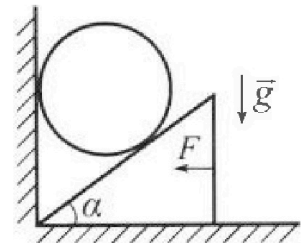


2. Найдите продолжительность T_1 полета по маршруту $A \rightarrow B$ в этом случае. Скорость аппарата относительно воздуха постоянна и равна U .
3. При каком значении угла α продолжительность полета по маршруту $A \rightarrow B \rightarrow A$ максимальная? Движение аппарата прямолинейное.
4. Найдите максимальную продолжительность T_{MAX} полета по маршруту $A \rightarrow B \rightarrow A$. Движение аппарата прямолинейное.

2. Школьник наносит удар по мячу, лежащему на горизонтальной площадке. Модуль скорости мяча через $t_1 = 1$ с и $t_2 = 2$ с после старта одинаков. За этот промежуток времени вектор скорости повернулся на угол $2\beta = 60^\circ$. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².

1. Найдите продолжительность T полета от старта до падения на площадку.
2. Найдите максимальную высоту H полета.
3. Найдите радиус R кривизны траектории в момент времени $t_1 = 1$ с.

3. Клин с углом при вершине $\alpha = 30^\circ$ находится на горизонтальной поверхности. На наклонной плоскости клина покоится однородный шар (см. рис.), касающийся вертикальной стенки. Массы шара и клина одинаковы и равны $m=1$ кг. Трения нет. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с².



1. Найдите горизонтальную силу F , которой систему удерживают в покое.

Силу F снимают, шар и клин приходят в поступательное прямолинейное движение с нулевой начальной скоростью. После перемещения по вертикали на $H=0,8$ м шар абсолютно упруго сталкивается с горизонтальной поверхностью.

2. Найдите перемещение h шара после соударения до первой остановки.
3. Найдите ускорение a клина в процессе разгона.
4. При каком значении угла α ускорение клина максимальное?
5. Найдите максимальное ускорение a_{MAX} клина.



Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

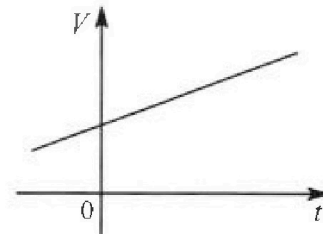
Вариант 09-01

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.



4. На шкале ртутного термометра расстояние между отметками $t_1 = 35^\circ\text{C}$ и $t_2 = 42^\circ\text{C}$ равно $L=5$ см. В термометре находится $m=2$ г ртути.

Экспериментально установлено, что с ростом температуры объем ртути увеличивается по линейному закону. График зависимости объема V ртути от температуры t , измеренной в градусах Цельсия, представлен на рисунке к задаче. При температуре $t_{100} = 100^\circ\text{C}$ объем ртути в $\beta = 1,018$ раза больше объема ртути при $t_0 = 0^\circ\text{C}$. Плотность ртути при температуре $t_0 = 0^\circ\text{C}$ считайте равной $\rho = 13,6$ г/см³. Тепловое расширение стекла пренебрежимо мало.

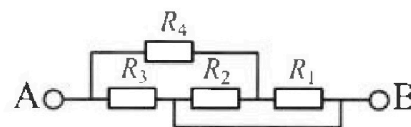


1. Следуя представленным опытным данным, запишите формулу зависимости объема $V(t)$ ртути от температуры t , измеренной в градусах Цельсия. Формула должна содержать величины: m , ρ , β , t_0 , t_{100} , t .
2. Найдите приращение ΔV объема ртути при увеличении температуры от $t_1 = 35^\circ\text{C}$ до $t_2 = 42^\circ\text{C}$. В ответе приведите формулу и число в мм³.
3. Найдите площадь S поперечного сечения капилляра термометра. Ответ представьте в мм².

5. В цепи, схема которой представлена на рисунке к задаче, сопротивления резисторов $R_1 = 5$ Ом, $R_2 = 20$ Ом, $R_3 = 10$ Ом, $R_4 = 6$ Ом.

1. Найдите эквивалентное сопротивление $R_{\text{ЭКВ}}$ цепи.

Контакты А и В подключают к источнику постоянного напряжения $U=10$ В.



2. Найдите мощность P , которая рассеивается на всей цепи.
3. На каком резисторе рассеивается наименьшая мощность? Найдите эту наименьшую мощность P_{MIN} .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

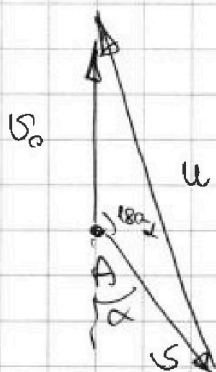
Задача 1

B

$$1) u = \frac{l}{T_0} = 24 \frac{м}{с}$$

2) Изобразим Δ скоростей

(очевидно, что u_0 должен быть направлен в т. B, иначе мы по кругу не дойдем):



th Cos:

$$v^2 + u_0^2 + 2vu_0 \cos \alpha = u^2$$

$$u_0^2 + u_0 \cdot 2v \cos \alpha + v^2 - u^2 = 0$$

$$D = 4v^2 \cos^2 \alpha - 4u^2 + 4u^2 =$$

$$= 4(v^2 \cos^2 \alpha - u^2)$$

$$\cos^2 \alpha = 0,8 \text{ (из осн. триг. } u_0 - u_0)$$

$$-0,36$$

$$-92,16$$

$$D = 4(16^2 \cdot 0,8 + 24^2) = 4(-12,8 + 576) =$$

$$= 4 \cdot 563,2 = 4 \cdot 483,84$$

$$2\sqrt{483,84}$$

$$u_0 = \frac{-2u \cos \alpha \pm \sqrt{D}}{2}$$

$$= \frac{-2 \cdot 16 \cdot 0,8 \pm \sqrt{483,84}}{2} = \frac{-25,6 \pm 21,9}{2} = 46,4 - 25,6 = 20,8 \frac{м}{с}$$

$$= \frac{-25,6 \pm 21,9}{2} = 9,2 \frac{м}{с}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$= -12,8 + 22 = 9,2 \text{ \%}$$

$$T_1 = \frac{9600}{9,2} \approx 1043 \text{ с}$$

$$V_{AB} = \frac{-2U \cos \alpha + 2\sqrt{U^2(\cos^2 \alpha - 1) + u^2}}{2}$$

$$= -U \cos \alpha + \sqrt{-U^2 \sin^2 \alpha + u^2}$$

$$V_{BA} = \frac{2U \cos \alpha + 2\sqrt{-U^2 \sin^2 \alpha + u^2}}{2}$$

$$= U \cos \alpha + \sqrt{-U^2 \sin^2 \alpha + u^2}$$

$$T_{ABA} = T_{AB} + T_{BA} = 2\sqrt{-U^2 \sin^2 \alpha + u^2}$$

$$T_{ABA} \sim \sqrt{-U^2 \sin^2 \alpha + u^2}$$

$$24 + 16 = 40$$

$$24 - 16 = 8$$

$$T_{ABA} \rightarrow \max$$

$$\sin^2 \alpha \rightarrow \min$$

$$\Rightarrow \sin \alpha = 0 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \alpha = 0^\circ$$

$$T_{ABA} = 2\sqrt{u^2} =$$

$$T_{ABA} \rightarrow \max \Rightarrow \frac{1}{U_{AB}} + \frac{1}{U_{BA}} \rightarrow \min$$

$$= \frac{2\sqrt{-U^2 \sin^2 \alpha + u^2}}{+U^2 \sin^2 \alpha + u^2 - U^2 \cos^2 \alpha} = \frac{2\sqrt{-U^2 \sin^2 \alpha + u^2}}{u^2 - U^2}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3/4 из 4/3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$T_{BA} = \frac{-2U \cos \alpha + \sqrt{4U^2 \cos^2 \alpha - 4U^2 + c^2}}{2}$$

$$= -U \cos \alpha + \sqrt{U^2 (\cos^2 \alpha - 1) + c^2}$$

$$= -U \cos \alpha + \sqrt{-\sin^2 \alpha U^2 + c^2}$$

$\frac{3600}{360} = 10$
 $\frac{48}{360} = \frac{1}{7.5}$
 $3600 \cdot \frac{1}{7.5} = 480$
 $480 \cdot 30 = 14400$

$$T_{ABA} \sim -\sin^2 \alpha$$

Если $T_{ABA} \rightarrow \max$, то $\sin^2 \alpha \rightarrow \min \rightarrow \alpha = 0^\circ$

$$\rightarrow T_{ABA \min} = \left(\frac{2U}{c^2 - U^2} \right) \cdot l =$$

$$= \frac{3}{3600} \cdot \frac{48}{360} = 3600 \cdot \frac{1}{7.5} = 48 \cdot 30 = 14400$$

Ответ $U = \frac{l}{T_0} = 24 \frac{m}{c}$

$$T_1 = 1054c \quad T_1 = 1043c$$

$$T_2 = 1920c \quad T_2 = 1440c$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

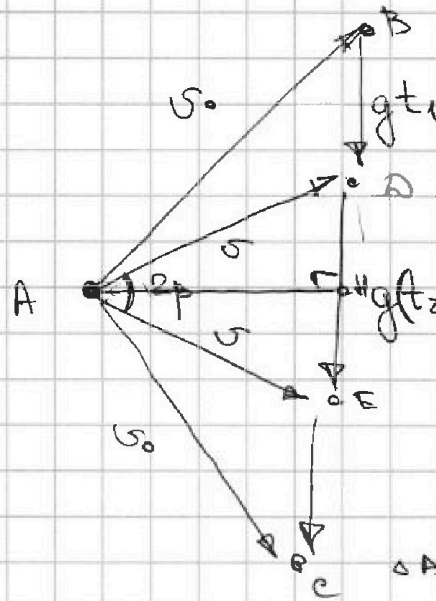
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 2.

1. Изобразим Δ скоростей:



$$\begin{aligned} 2\varphi &= 90^\circ \\ t_1 &= t_1 \\ t_2 &= 2t_2 \end{aligned}$$

Из ЗСЭ следует, что v при ударе оземь равна v начальному

ΔABE - p/s , проведем в нем высоту

Т.к. ΔADE тоже p/s (по укл.),

$$\begin{aligned} BH &= gt_1 + \frac{gt_2}{2} \Rightarrow BC = 2\left(gt_1 + \frac{gt_2}{2}\right) = \\ &= g \cdot (2t_1 + t_2) \end{aligned}$$

Таким образом время полета $T = 2t_1 + t_2$

$$\begin{aligned} BH &= \frac{g(t_2 - t_1)}{2} + gt_1 = g \cdot \frac{t_2 + t_1}{2} \Rightarrow \\ \Rightarrow BC &= 2BH = g(t_1 + t_2) \end{aligned}$$

Таким образом $T = t_1 + t_2 = 3c$

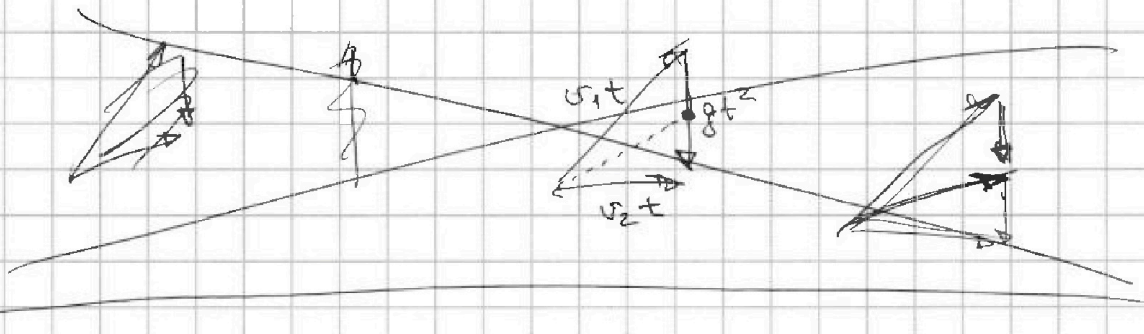


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

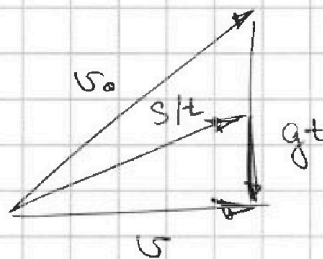
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ~~5~~ ИЗ ~~4~~ 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



2. Рассмотрим Δ скоростей, сост. из v_0 , gt и скорости в верхней точке траектории.



Вспомогат. что модуль Δ скоростей Δ перемещений - это перемещение $\frac{s}{t}$ на время

Рассмотрим верт. проекцию этого перемещения,

это $\frac{gt}{2}$ Из рис. на предыдущей стр. видно,
 $\left(\frac{H}{t} = \frac{gt}{2} \Rightarrow H = \frac{g t^2}{2}\right)$
 $t = t_1 + \frac{t_2 - t_1}{2} = \frac{t_2 + t_1}{2}$

$$H = \frac{g \left(\frac{t_2 + t_1}{2}\right)^2}{2} = \frac{g (t_2 + t_1)^2}{8} = \frac{5}{4} \cdot g =$$

$$= \frac{45}{4} \text{ м} = 11,25 \text{ м}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

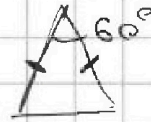
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3. Сначала найдем скорость v тела в мин. времени t_1 .

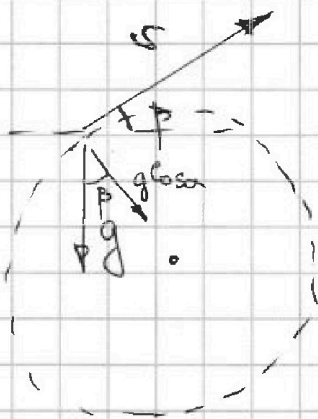
Из $\triangle ADE$ (см. ер. 1 решение) следует, что $AD \parallel EC$, т.к. $AD \parallel EC$ по уел. и $\angle C$ углов в 60° при AD и при основании.



$$v = g \frac{t_2 + t_1}{2}$$

$$v = g(t_2 - t_1)$$

Также заметим, что угол α горизонту в этот момент $\alpha = 30^\circ$



Разложим \vec{g} на \vec{g}_N нормальную и тангенциальную компоненты

$$g_N = g \cos \alpha$$

$$a_n = \frac{v^2}{R} \Rightarrow R = \frac{v^2}{a_n} = \frac{v^2}{g \cos \alpha} = \frac{g^2 (t_2 - t_1)^2}{g \cos \alpha} = g \frac{(t_2 - t_1)^2}{\cos \alpha} = 10 \cdot \frac{1}{\cos 30}$$

$$= \frac{10}{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{20}{\sqrt{3}} \text{ м}$$

Ответ: 1) $T = t_1 + t_2 = 3 \text{ с}$

2) $H = 11,25 \text{ м}$

3) $R = \frac{20}{\sqrt{3}} \text{ м}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 143

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 3.

$H = 0,8 \text{ м}$
 $\alpha = 30^\circ$
 $m = 8 \text{ кг}$

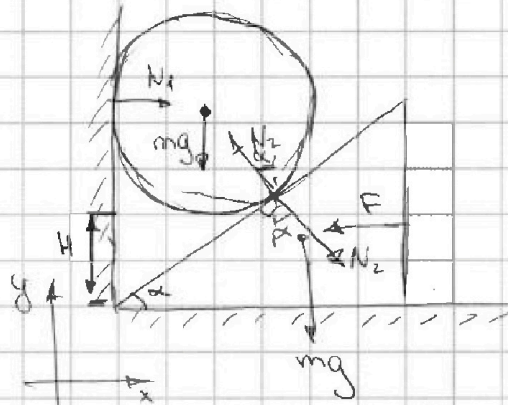
1.

Запишем 2-й Ньютона
~~для~~ для:

шара на O_y : $N_2 \cos \alpha = mg$

клина на O_x : $N_2 \sin \alpha = F$

$$\left. \begin{array}{l} N_2 \cos \alpha = mg \\ N_2 \sin \alpha = F \end{array} \right\} \Rightarrow \boxed{F = mg \operatorname{tg} \alpha}$$



2.

Запишем условие
глубж. без отрыва:

$$a_{1z} = a_{2z} \Rightarrow$$

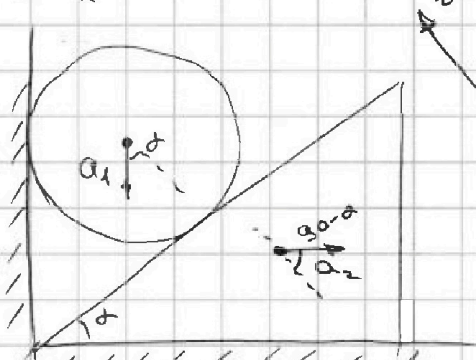
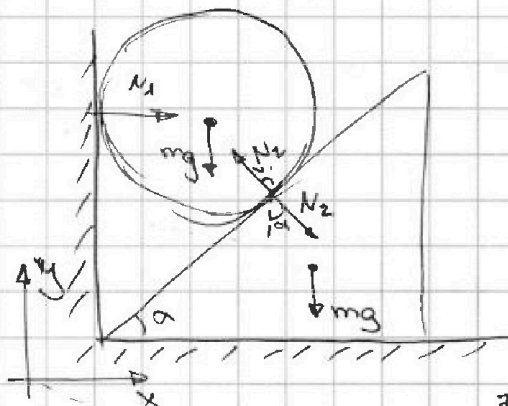
$$\Rightarrow a_1 \cos \alpha = a_2 \sin \alpha \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \boxed{a_1 = a_2 \operatorname{tg} \alpha}$$

Запишем 2-й Ньютона
для:

шара на O_y : $-mg + N_2 \cos \alpha = -ma_1$

клина на O_x : $N_2 \sin \alpha = ma_2$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 ИЗ 43

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Получим систему:

$$\begin{cases} mg - N_2 \cos \alpha = ma_1 \\ N_2 \sin \alpha = ma_2 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} N_2 = \frac{ma_2}{\sin \alpha} \\ \cancel{mg} - \cancel{m/a_2} \operatorname{ctg} \alpha = \cancel{m/a_1} \end{cases} \Rightarrow g - a_2 \operatorname{ctg} \alpha = a_1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow g - a_2 \operatorname{ctg} \alpha = a_2 \operatorname{tg} \alpha \Rightarrow g \cdot \frac{1}{\operatorname{tg} \alpha + \operatorname{ctg} \alpha} = a_2$$

$$\operatorname{tg} 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}} \quad \operatorname{ctg} 30^\circ = \sqrt{3}$$

$$a_2 = g \cdot \frac{1}{\frac{4}{\sqrt{3}}} = \frac{\sqrt{3}}{4} g \quad (\text{ускорение клина})$$

$$a_1 = a_2 \operatorname{tg} \alpha = \frac{\sqrt{3}}{4} g \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{g}{4} \quad (\text{ускорение шара})$$

Найдем скорость ш. шара ~~в момент~~ перед ударом:

$$\frac{v^2 - 0^2}{2a_1} = H \Rightarrow v = \sqrt{2Ha_1} = \sqrt{\frac{gH}{2}} = 2 \frac{\text{м}}{\text{с}}$$

Тогда подлетит он на: $h = \frac{v^2 - 0^2}{2g} = \frac{4}{20} = 0,2 \text{ м}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Проанализируем φ -ую ~~д~~ для ускорения
клина:

$$a_2 = g \cdot \frac{l}{\text{tg}\alpha + \text{ctg}\alpha} = g \cdot \frac{l}{\frac{\sin^2\alpha + \cos^2\alpha}{\sin\alpha \cos\alpha}}$$
$$= g \cdot \sin\alpha \cos\alpha = g \cdot \frac{\sin 2\alpha}{2}$$
$$a_2 - \max \Rightarrow \sin 2\alpha - \max \Rightarrow$$
$$\Rightarrow 2\alpha - \max \Rightarrow 2\alpha = 90^\circ \Rightarrow \alpha = 45^\circ$$

$$\Rightarrow \boxed{a_{2\max} = \frac{g}{2}}$$

Ответ: 1) $F = mgtg\alpha = 1 \cdot 10 \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{10}{3}\sqrt{3} \text{ H}$

~~0,8~~
~~80~~ = 0,01

2) $h = \frac{\left(\frac{gH}{2}\right)^2}{2g} = \frac{H}{4} = 0,2 \text{ м}$

3) $a_2 = \frac{\sqrt{3}}{4} g = g \cdot \sin\alpha \cos\alpha$

4) $\alpha = 45^\circ$

5) $a_{2\max} = \frac{g}{2}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

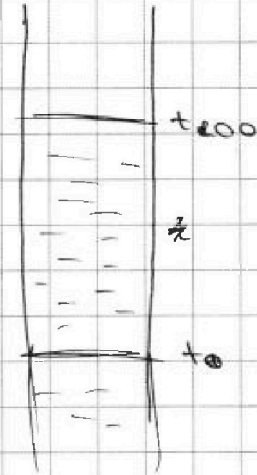
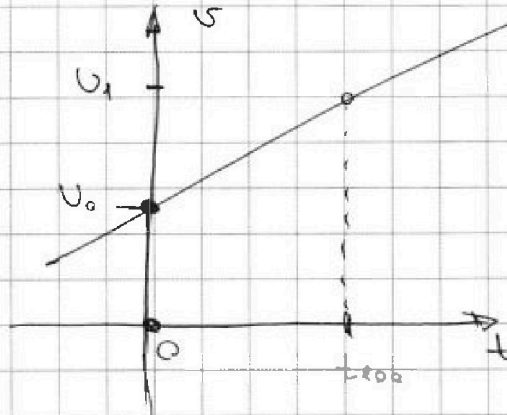
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 4

$t_1 = 35^\circ$
 $t_2 = 12^\circ$
 $L = 5 \text{ см}$
 $m = 2 \text{ г}$
 $t_{100} = 100^\circ$
 $\rho = 1,018$
 $t_0 = 0^\circ$
 $g = (3,6 \frac{\text{г}}{\text{см}^3})$



$$\frac{v_1}{v_0} = A = A(v_0 + (1-\rho)g t_{100})$$

1.

Введем угловой коэффициент k :

$$y = kx + b$$

$$k: \frac{v_1 - v_0}{t_{100} - t_0} = k \Rightarrow \frac{v_0 \left(\frac{1}{\rho} - 1 \right)}{t_{100} - t_0} = k$$

Введем свободный член b :

$$b = v_0 = \frac{m}{g}$$

Итого:

$$v(t) =$$

$$v(t) = \frac{m}{g} \left(\frac{1}{\rho} - 1 \right) \frac{t}{t_{100} - t_0} + \frac{m}{g}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
28 из 42

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$2. \quad \frac{\Delta V}{\Delta t} = k \Rightarrow \Delta V = k \Delta t = \frac{\frac{m}{\rho} (\beta - 1)}{t_{100} - t_0} \cdot (t_2 - t_1) =$$

$$= \frac{2}{13,6} \cdot 0,018 \cdot 100 \cdot 7 = 0,07 \cdot \frac{0,036}{13,6} =$$

$$= 10^{-4} \cdot \frac{36 \cdot 7}{136} \text{ см}^3 = \frac{252}{136} \cdot 10^{-4} \text{ см}^3 = \frac{1,36}{252}$$

$$\approx 1,8 \cdot 10^{-4} \text{ см}^3 = \cancel{0,18} \cdot 10^{-3} \text{ см}^3 = 0,1848 \text{ см}^3$$

$$\begin{array}{r} 252 \overline{) 136} \\ \underline{136} \\ 100 \\ \underline{108} \\ 72 \end{array}$$

$$3. \quad S = \frac{V}{l} = \frac{0,18 \text{ см}^3}{50 \text{ см}} = 0,36 \text{ см}^2 \cdot 10^{-2} =$$

$$= 3,6 \cdot 10^{-3} \text{ см}^2$$

$$3. \quad S = \frac{V}{l} = \frac{0,1848 \text{ см}^3}{50 \text{ см}} = 0,37 \cdot 10^{-2} \text{ см}^2 =$$

$$= 3,7 \cdot 10^{-3} \text{ см}^2$$

Ответ: 1) $V(t) = \frac{m}{\rho} (\beta - 1) \cdot \frac{t}{t_{100} - t_0} + \frac{m}{\rho}$

2) $\Delta V = 0,1848 \text{ см}^3$

3) $S = 3,7 \cdot 10^{-3} \text{ см}^2$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



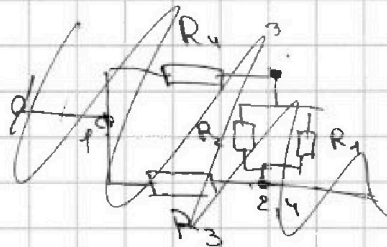
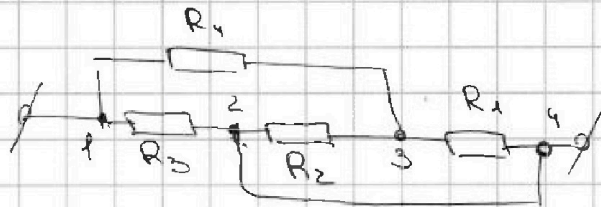
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
187 ИЗ 143

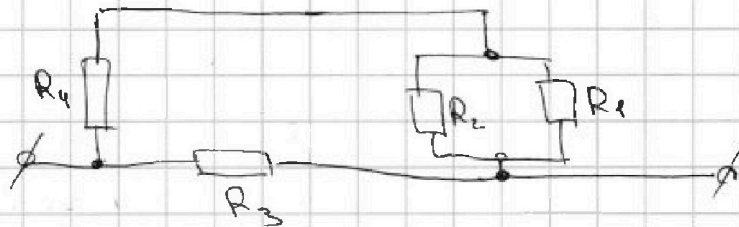
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 5

$$\begin{aligned} R_1 &= 5 \Omega \\ R_2 &= 20 \Omega \\ R_3 &= 10 \Omega \\ R_4 &= 6 \Omega \end{aligned}$$



1. Перерисуем эту схему:



$$R_{\text{экв}} = \frac{R_3 \left(R_4 + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} \right)}{R_3 + R_4 + \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} = \frac{10 \left(6 + \frac{100}{25} \right)}{16 + \frac{100}{25}} =$$

$$= \frac{10(6+4)}{20} = \frac{100}{20} = 5 \Omega$$

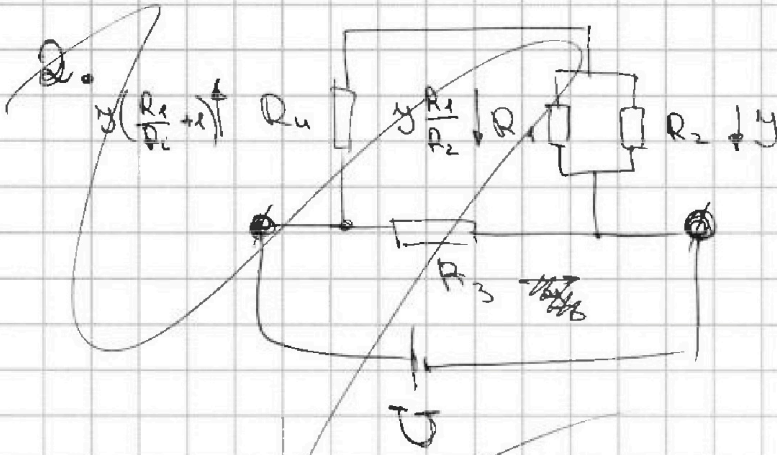


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
28 из 43

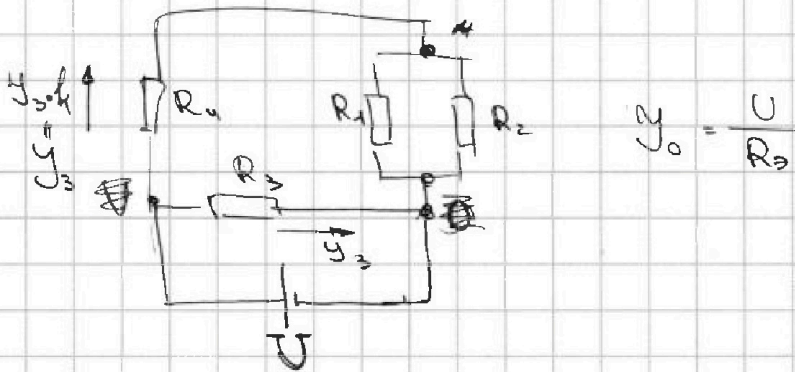
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$P_1 = \left(I \frac{R_1}{R_2} \right)^2 R_1 *$$

$$P_3 = \frac{U^2}{R_3}$$

2.



$$I_3 = \frac{U}{R_3}$$

$$k = \frac{R_4 + \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}}{R_3} = \frac{6 + 4}{10} = 1$$

I_3 — из 2-го уравнения Кирхгофа:

$$I_3 = 2I_1 \Rightarrow I_1 = \frac{I_3}{2}$$

$$P_3 = \frac{U^2}{R_3}$$

$$P_1 = \frac{\left(U - \frac{I_3 R_4}{2} \right)^2}{R_1} = \frac{U^2}{R_1} \left(1 - \frac{R_4}{2R_3} \right)^2$$

$$P_4 = \left(\frac{I_3}{2} \right)^2 R_4 = \frac{U^2}{4R_3^2} R_4$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
39 из 43

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

~~$$P_2 = \frac{U^2}{R_2} \left(1 - \frac{R_4}{2R_3}\right)^2$$~~

~~$$P_3 = \frac{U^2}{R_3}$$~~

$$P_3 = \frac{U^2}{R_3} = \frac{100}{10} = 10 \text{ Вт}$$

$$P_4 = \left(\frac{U_0}{2}\right)^2 R_4 = \frac{U^2}{4R_3^2} \cdot R_4 = \frac{100}{4 \cdot 25} \cdot 6 = 6 \text{ Вт}$$

$$P_1 = \frac{\left(U - \frac{U_0 R_4}{2}\right)^2}{R_1} = \frac{U^2}{R_1} \left(1 - \frac{R_4}{2R_3}\right)^2 = \frac{100}{5} \left(1 - \frac{6}{10}\right)^2 =$$

$$= 20 \cdot 0,16 = 3,2 \text{ Вт}$$

$$P_2 = \frac{U^2}{R_2} \left(1 - \frac{R_4}{2R_3}\right)^2 = \frac{100}{20} \left(1 - \frac{6}{10}\right)^2 = 5 \cdot 0,16 =$$

$$= 0,8 \text{ Вт}$$

$$P_{\Sigma} = P_1 + P_2 + P_3 + P_4 = 16 + 4 = 20 \text{ Вт}$$

$$P_{\min} = P_2 = 0,8 \text{ Вт}$$

Ответ: 1) $R_{\text{эKB}} = 5 \Omega$

2) $P = 20 \text{ Вт}$

3) $P_{\min} = 0,8 \text{ Вт}$

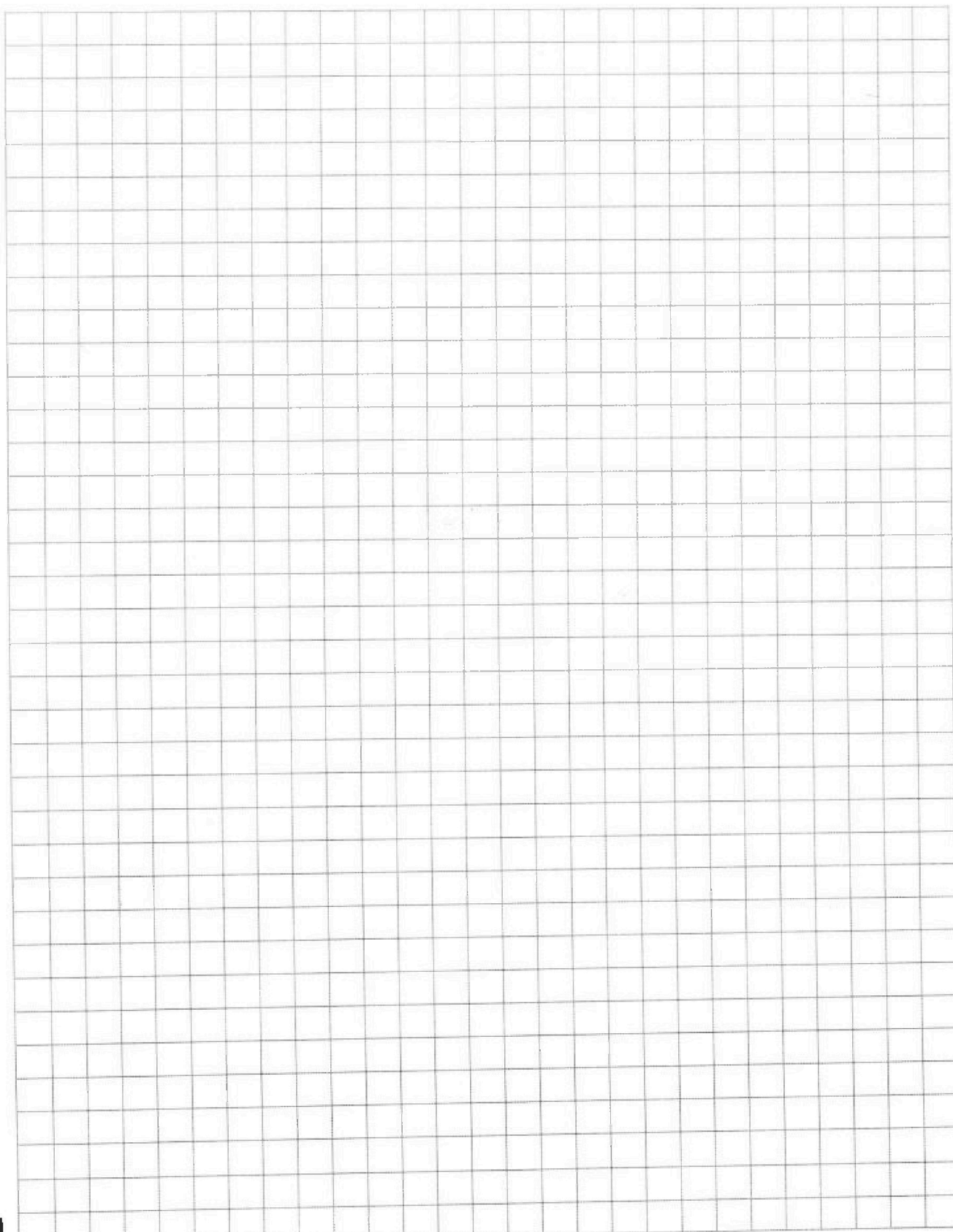


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



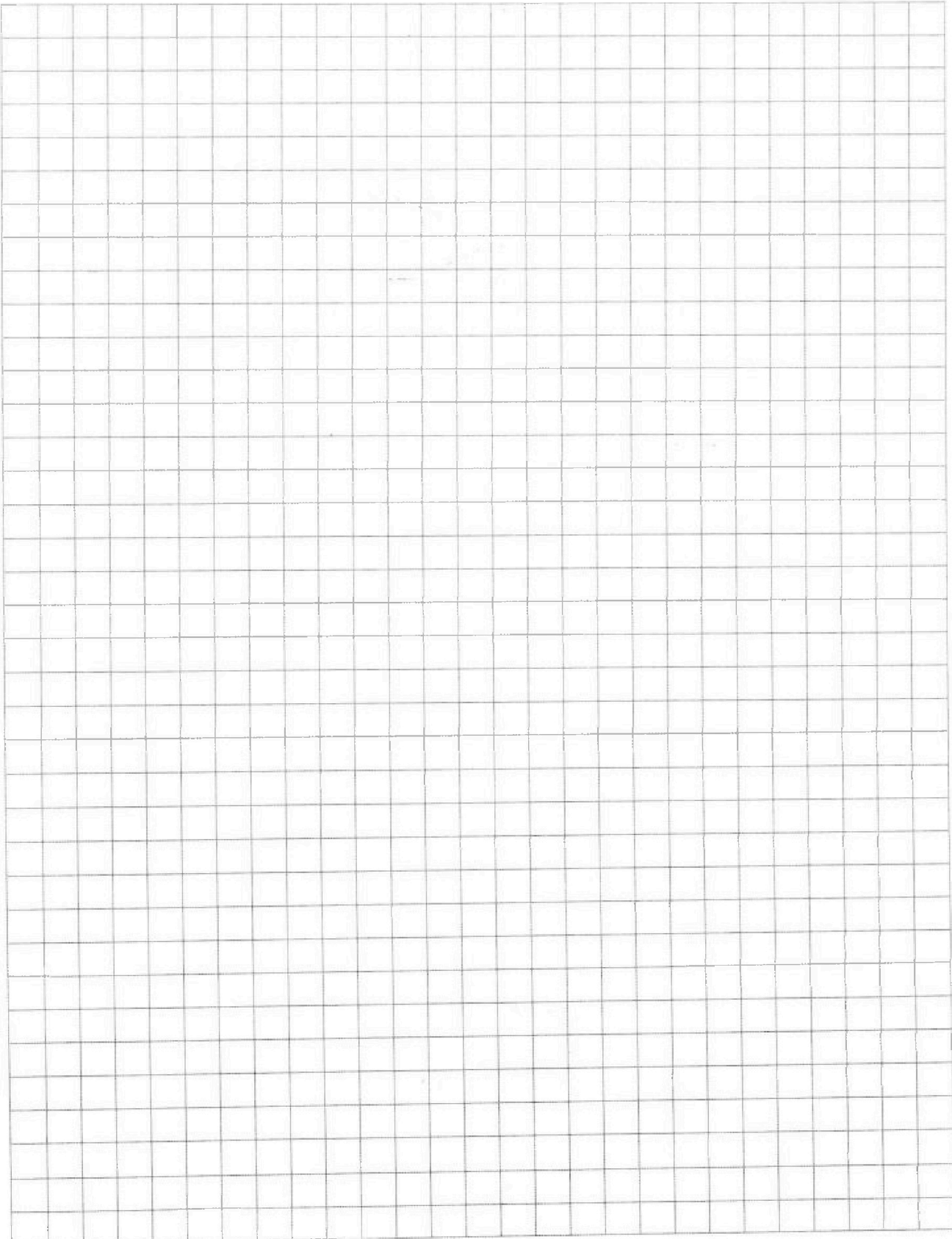


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{array}{r}
 484 \\
 - 92 \\
 \hline
 392
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 9128 \\
 + 92 \\
 \hline
 9220 \\
 \times 36 \\
 \hline
 27312 \\
 + 273120 \\
 \hline
 332432
 \end{array}$$

$$\begin{array}{r}
 44 \\
 - 320 \\
 \hline
 320 \\
 - 328 \\
 \hline
 8 \\
 - 87 \\
 \hline
 1045 \\
 \hline
 96000
 \end{array}$$

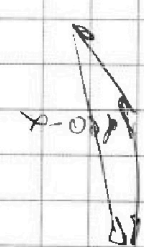
$$\frac{576}{484} = 1.1900826446280992 \approx 1.19$$

$$-v \cos \alpha + \sqrt{v^2 \sin^2 \alpha + a^2} = -12.8 + 2a =$$

$$v_0 = \frac{-2v \cos \alpha + \sqrt{4v^2 \sin^2 \alpha + a^2}}{2}$$

$$\Delta = 4v^2 \cos^2 \alpha - 4v^2 \sin^2 \alpha =$$

$$v_0^2 + 2v_0 \cos \alpha + v^2 - v^2 = 0$$



$$v = \frac{2v \cos \alpha}{2} = v \cos \alpha$$

Вариант 8

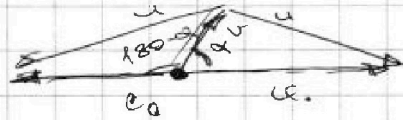


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$u^2 = u_0^2 + u^2 + 2u u_0 \cos \alpha$$

$$u_0^2 + 2u_0 = 2u \cos \alpha + u^2 - u^2 = 0$$

$$D = 4u^2 \cos^2 \alpha - 4u^2 + 4u^2 =$$

$$= 4(-u^2 \sin^2 \alpha + u^2)$$

$$43,8$$

$$92,16$$

$$1600,8 = 25,6$$

$$u_0 = -u \cos \alpha \pm 43,8$$

$$\begin{array}{r} 331 \\ \times 256 \\ \hline 136 \\ 1536 \\ 768 \\ \hline 82,16 \end{array}$$

$$82,16$$

$$\begin{array}{r} 21,9 \\ - 12,8 \\ \hline 9,1 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} 2u + 18 = u_0 \\ 2u - 18 = u_0 \end{array}$$

$$u_0 \sin$$

$$3 \cdot 9200 \phi \cdot 2 \cdot u \cdot 11$$

$$\frac{2u}{u^2 - u^2} = 0$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \times 48 \\ \hline 1440 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 331 \\ \times 256 \\ \hline 136 \\ 1536 \\ 768 \\ \hline 82,16 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 23 \\ \times 23 \\ \hline 69 \\ 46 \\ \hline 529 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 438 \\ \times 21,9 \\ \hline 21,9 \\ 42 \\ \hline 21,9 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 21,9 \\ - 25,6 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 18 \\ \times 21,9 \\ \hline 197,1 \\ 219 \\ \hline 4796,1 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 576 \\ - 82,16 \\ \hline 483,84 \end{array}$$

$$21,95$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 1

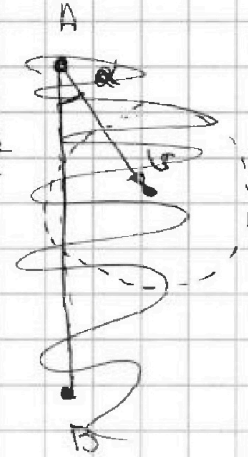
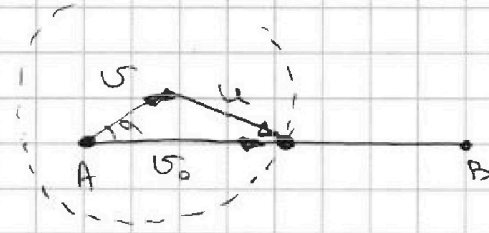
$$v = 16 \frac{m}{c}$$

$$AB = 9,6 \text{ км}$$

$$\sin \alpha = 0,6$$

$$T_0 = 400 \text{ с}$$

$$u = \frac{AB}{T_0} = \frac{9,6}{400} = 24 \frac{m}{c}$$



~~96/400~~

Построим Δ скоростей. На рисунке

$$3 \cdot \frac{9600}{400} = \frac{96}{4} = 24 \frac{m}{c}$$

окружностью обозначены \forall места

конца вектора u (кат. откладывается от конца v)

Запишем th Cos для этого Δ :

$$u_0^2 - 2u_0 \cdot 2u \cos \alpha = u^2$$

\Downarrow

$$u_0^2 - u_0 \cdot 2u \cos \alpha - u^2 = 0$$



$$D = 4u^2 \cos^2 \alpha + 4u^2 = 4 \cdot 256 \cdot 0,64 + 4 \cdot 36 \cdot 16 =$$

$$(\sin \alpha = 0,6 \Rightarrow \cos \alpha = 0,8 = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha})$$

$$= 2^{10} \cdot 2^6 \cdot 0,01 + 2^6 \cdot 2^2 \cdot 3^2 = 2^8 (2^8 \cdot 0,01 + 3^2) =$$

$$= 2^8 (2,56 + 9) = 11,56 \cdot 2^8$$

$$u_0 = \frac{2u \cos \alpha \pm \sqrt{11,56}}{2} = 12,8 + 16 \sqrt{11,56}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{11,56} = 3,4$$

$$I_0 = 12,8 + 16 \cdot 3,4 = 67,2 \frac{A}{C}$$

$$T_1 = \frac{9600}{67,2} \approx 142 C$$

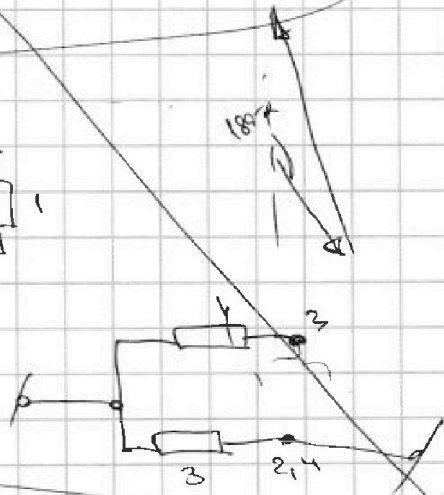
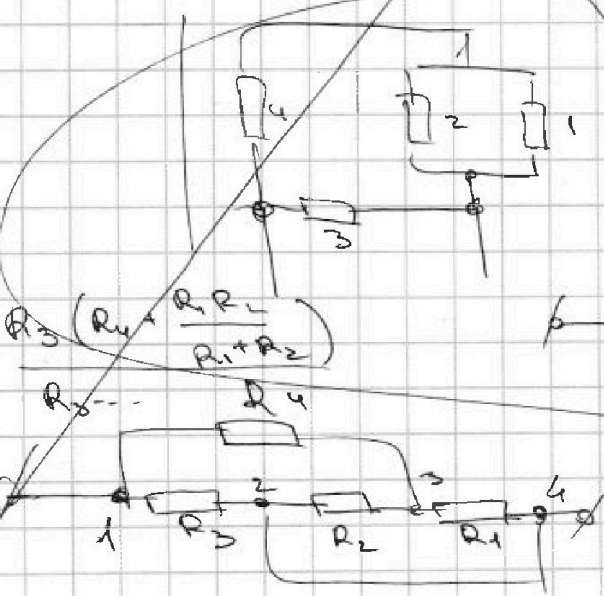
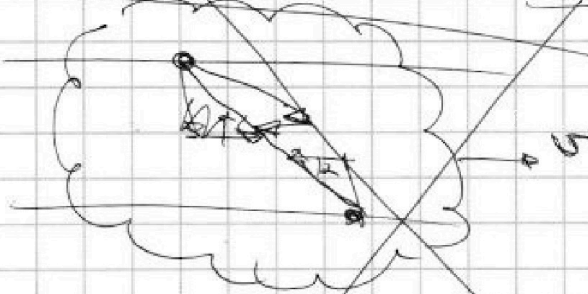
$$\begin{array}{r} 21 \\ \times 34 \\ \hline 84 \\ + 630 \\ \hline 714 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 114 \\ \times 34 \\ \hline 456 \\ + 1140 \\ \hline 3876 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9600 \overline{) 1043102} \\ \underline{400} \\ 268 \\ \underline{320} \\ 278 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 21,50 \\ 21 \\ + 16 \\ + 34 \\ \hline 64 \\ + 81 \\ \hline 544 \\ + 12,8 \\ \hline 67,2 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 9600 \overline{) 672} \\ \underline{672} \\ \hline 0 \end{array}$$



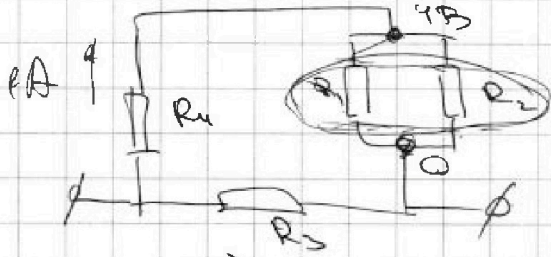


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{10 \text{ В}}{5 \Omega} = 2 \text{ А}$$

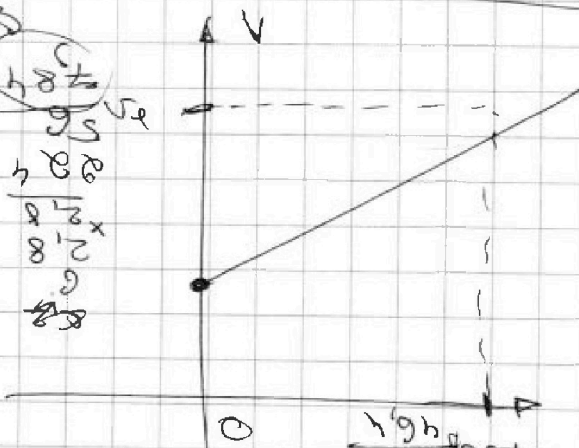
$$I_0 \left(6 + \frac{100}{25} \right) = \frac{100}{20} \Rightarrow 5 \Omega$$

$$I_0 = 6 + \frac{100}{25}$$

$$P = \frac{100}{5} = 20 \text{ Вт}$$

$$\frac{4 \text{ В}}{20 \Omega} = 0,2 \text{ А}$$

$$\frac{16}{20} = 0,8 \text{ Вт}$$



$$\frac{U_1 - U_0}{100 - 0} = \frac{4 - 0}{20 - 0}$$

$$\frac{4 - 0}{20 - 0} = \frac{U_1 - 0}{100 - 0}$$

$$\frac{4}{20} = \frac{U_1}{100}$$

$$U_1 = \frac{4 \cdot 100}{20} = 20 \text{ В}$$

$$\frac{4 \text{ В}}{20 \Omega} = 0,2 \text{ А}$$

$$\frac{16}{20} = 0,8 \text{ Вт}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
_ ИЗ _

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{array}{r} 0,3696 \\ \times 0,1848 \\ \hline \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 80 \\ - 1040 \\ \hline 1820 \\ - 208 \\ \hline 320 \\ - 1248 \\ \hline 1280 \\ - 832 \\ \hline 448 \\ - 464 \\ \hline 16 \end{array}$$

$$S = 0,1848 = \frac{50}{271} = 10^{-2} \cdot 0,37 \text{ умножить на } \frac{50}{96}$$

$$\begin{array}{r} 0,1848 \\ \times 0,264 \\ \hline \end{array} = 0,0264 \cdot 7 \text{ умножить на } 3$$

$$\begin{array}{r} 880 \\ - 272 \\ \hline 608 \\ - 0,1264 \\ \hline 481,6 \\ - 136 \\ \hline 345,6 \end{array}$$

$$= \frac{0,036}{10} = 10^{-4} \cdot \frac{36}{126} = 10^{-4} \cdot 0,2857 \cdot 10 \text{ умножить на } 2$$

$$= \frac{8 \cdot 100}{(1-1)^2} = \frac{800}{136 \cdot 0,018}$$

$$\frac{\Delta T}{\Delta t} = k \rightarrow \Delta T = k \Delta t$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

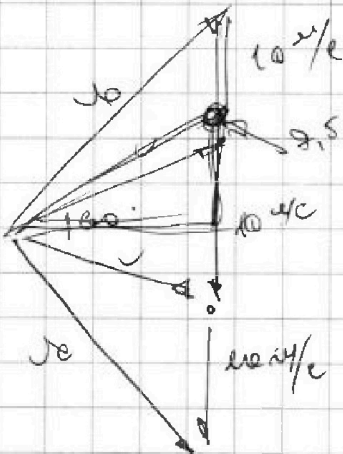
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
__ ИЗ __

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$H = \frac{v_0^2 - 0^2}{2a_x} \rightarrow v_0 = \sqrt{a_x \cdot h \cdot 2}$$

$$h = \frac{2H a_x}{2g} = H \cdot \frac{a_x}{g} = \frac{H}{4}$$

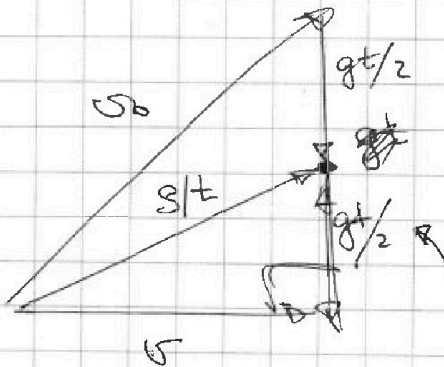


$$7,5 \cdot 3 = 22,5$$

$$\frac{H}{t} = 7,5 \frac{m}{c}$$

$$H = 7,5 \frac{m}{c} \cdot 1,5$$

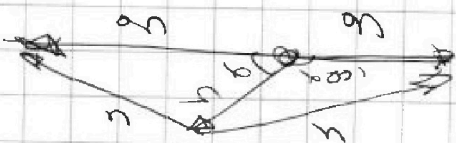
$$\begin{array}{r} 7,5 \\ \times 1,5 \\ \hline 37,5 \\ 75 \\ \hline 11,25 \end{array}$$



$$t = 1,5c$$

$$\frac{gt}{2} = \frac{H}{t} \rightarrow H = \frac{gt^2}{2}$$

$$R = \frac{v^2}{g \cos \alpha} = \frac{100}{10 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{20}{\sqrt{2}}$$





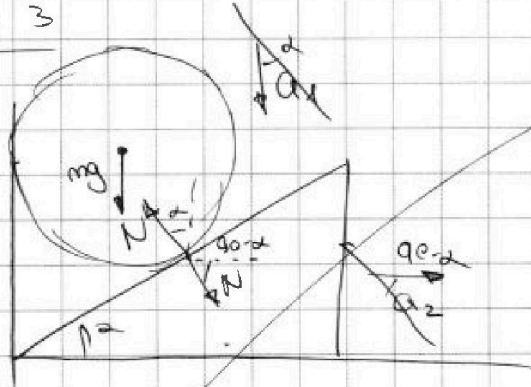
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Задача 3



$$mg = N \cos \alpha \rightarrow N = \frac{mg}{\cos \alpha}$$

$$N \sin \alpha = F$$

$$\frac{mg}{\cos \alpha} \cdot \sin \alpha = mg \tan \alpha$$

$$a_1 \cos \alpha = a_2 \sin \alpha \quad a_1 = a_2 \tan \alpha$$

$$mg - N \cos \alpha = m a_1$$

$$N \sin \alpha = m a_2 \rightarrow N = \frac{m a_2}{\sin \alpha}$$

$$m/g - m a_2 \tan \alpha = m a_1$$

$$g - a_2 \tan \alpha = a_1 = a_2 \tan \alpha$$

$$a_2 = \frac{g}{\tan \alpha + \tan \alpha} = \frac{g}{\frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} + \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}}$$

$$\frac{\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha}{\sin \alpha \cos \alpha}$$

$$g \cdot \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} \cdot \sin \alpha \cos \alpha$$