



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

9 КЛАСС. Вариант 10



- [3 балла] Найдите все значения параметра  $t$ , при каждом из которых уравнение  $x^2 + 4\sqrt{2}tx + 9t^2 - 9 = 0$  имеет два различных действительных корня, а их произведение положительно.
- [4 балла] Натуральные числа  $a$  и  $b$  таковы, что  $a - b = 12$ , а значение выражения  $a^2 + 2ab + b^2 + 3a + 3b$  равно  $19p^4$ , где  $p$  – некоторое простое число. Найдите числа  $a$  и  $b$ .
- [5 баллов] На стороне  $BC$  треугольника  $ABC$  отмечены точки  $M$  и  $N$  так, что  $BM = MN = NC$ . Прямая, параллельная  $AN$  и проходящая через точку  $M$ , пересекает продолжение стороны  $AC$  за точку  $A$  в такой точке  $D$ , что  $AB = CD$ . Найдите  $AB$ , если  $BC = 6$ ,  $\cos(2\angle CDM) = -\frac{3}{4}$ .
- [5 баллов] В классе для занятий иностранным языком стоят четыре ряда парт, в каждом из которых по три парты, расположенных друг за другом. Парта рассчитана на одного человека. Школьник хорошо видит доску в любом из следующих случаев (и только в них):
  - он сидит на первой парте в ряду,
  - ближайшая парта перед ним пуста,
  - за ближайшей партой перед ним сидит ученик меньшего роста.

Сколькими способами можно рассадить в классе 11 учеников группы так, чтобы всем было хорошо видно доску, если известно, что все школьники разного роста? Ответ дайте в виде числа или выражения, содержащего не более двух слагаемых (в слагаемые могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

- [5 баллов] Продолжение сторон  $BC$  (за точку  $C$ ) и  $AD$  (за точку  $D$ ) вписанного в окружность четырёхугольника  $ABCD$  пересекаются в точке  $E$ . Центр  $O$  окружности, вписанной в треугольник  $ABE$ , лежит на отрезке  $CD$ . Найдите наибольшее возможное значение суммы  $ED + DO$ , если известно, что  $BE = 12$ .
- [4 балла] На острове расположено несколько деревень. Между некоторыми деревнями проложены дороги. Известно, что из любой деревни в любую другую можно добраться, причём по единственному маршруту. Также известно, что есть четыре деревни, из которых выходят 5, 6, 7 и 9 дорог соответственно, а из остальных деревень выходит ровно по одной дороге. Сколько деревень может быть на острове?
- [5 баллов] Найдите все пары целых чисел  $(x; y)$ , удовлетворяющие уравнению

$$\sqrt{2x - 2y - x^2 - y^2} + \sqrt{1 - |x - y - 1|} = 2.$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2 размыкает корня  $\in \mathbb{R}$  при  $D \geq 0$ . №2.

По т. Виета  $\frac{9(t^2-1)}{7} \geq 0$  (условие  $x_1 \cdot x_2 \geq 0$ )  
Анализ

$$D = 32t^2 - 36(t^2 - 1)$$

$$\begin{cases} t^2 - 1 > 0 \\ -4t^2 + 36 > 0 \end{cases} \begin{cases} t \in (-\infty; -1) \cup (1; +\infty) \\ t^2 - 9 < 0 \Rightarrow t \in (-3; 3) \end{cases}$$

~~$t \in (-3; -1) \cup (1; 3)$~~

Ответ:  $(-3; -1) \cup (1; 3)$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a^2 + 2ab + b^2 + 3a + 3b = (a+b)^2 + 3(a+b) = (a+b)(a+b+3)$$

$$a - b = 12 \Rightarrow a = 12 + b$$

$$(2b + 12)(2b + 15) = 19p^4$$

$$2(b+6)(2b+15) = 19p^4 \Rightarrow p^4 : 2, \text{ так } p - \text{ простое} \Rightarrow$$

$$p = 2 \text{ (единственное четное простое число)}$$

$$(2b+12)(2b+15) = 19 \cdot 16, \text{ пусть } 2b+12 = x, x \in \mathbb{N}$$

$$x(x+3) = 19 \cdot 16$$

$$x^2 + 3x - 304 = 0$$

$$D = 9 + 1216 = 1225 = 35^2$$

$$x = \frac{-3 \pm 35}{2}, \text{ так } x > 0 \Rightarrow x = 16$$

$$\begin{aligned} b &= 2 \\ a &= 14 \end{aligned}$$

$$b = \frac{16-12}{2} = 2$$

$$a = 12 + b = 14$$

Ответ: 14, 2

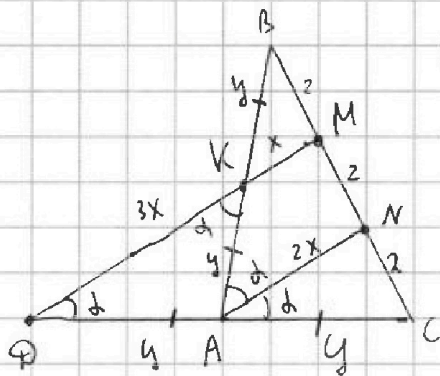


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\text{Из условия } BK = MN = NC = \frac{6}{3} = 2$$

$$\text{По Т. Фалеса } BK = KA; \quad \angle A = \angle C$$

$$AB = AC \Rightarrow BK = KA = AD = AC = y$$

$$\text{Ср. линия: } 2KM = AN = 2x,$$

$$2AN = DM = 4x \Rightarrow KD = 3x$$

$$\cos 2\angle CAN = -\frac{3}{4}, \quad \angle CAN = d$$

$$AN \parallel MD \Rightarrow \angle MDC = d \text{ (соответственные при пер. прямых)}$$

$$AD = AK \Rightarrow \angle DKA = d \text{ (равенство углов при основании)}$$

$$\angle DKA = \angle KAN = d \text{ (анг. к. } MD \parallel AN, \text{ т.к. углы при вершине)}$$

$$\cos 2d = -\frac{3}{4}$$

$$\text{В } \triangle ABC \text{ Т. Пифагора: } 6^2 = 4y^2 + y^2 + 4y^2 \cdot \frac{3}{4} = 8y^2$$

$$y = \frac{6}{\sqrt{8}} = \frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{3\sqrt{2}}{2}$$

$$AB = 2y = 3\sqrt{2}$$

$$\text{Ответ: } 3\sqrt{2}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА  
 1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

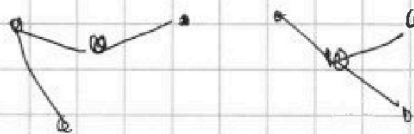
№6 Если 1 из деревень с 1 дорогой соединена с группой таких же, то из них никуда не пойдешь в остальные деревни  $\Rightarrow$

Все деревни с 1 дорогой соединены с деревней с несколькими дорогами. Чтобы из деревни с 1 дорогой поехать

в деревню группу с 1 дорогой надо пройти до узловой деревни по единственной дороге, единственным путем

попасть в группу узловой деревни, и из нее идти к цели. Поэтому узловые деревни соединены

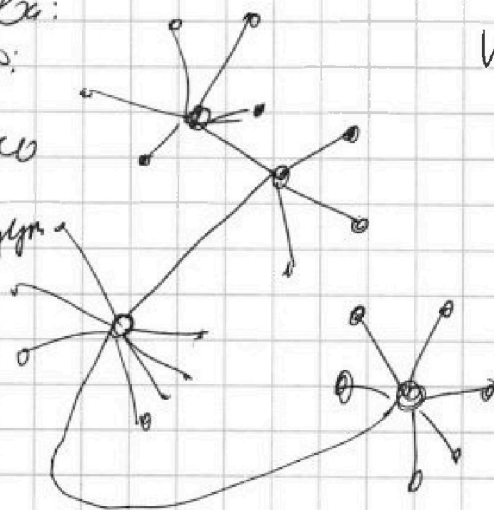
другими дорогами без циклов, поэтому в них 3 ребра



План острова:

сначала считаем из узлов:  
 $5 + 6 + 7 + 9 = 27$ , то

3 дороги не ведут к новым деревням, и они почитают 2 раза.  $\Rightarrow$



Крестиком отмечена

шелка отминусованная.

Дерево всего 25

$27 - 3 \cdot 2 = 21$  дорог к одиночным деревням, и еще

4 узловые деревни  $\Rightarrow 21 + 4 = 25$

Ответ: 25



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$C$  - число,  $D$  - делитель,  $Q$  - целое число,  $u$  - натуральное число.

$b \in [0, 4]$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} = c$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} \geq \sqrt{a+b}$$

$$\sqrt{a+b} \leq c$$

$$a+b \geq 2\sqrt{ab}$$

$$a^2 + b + 2\sqrt{ab} \geq 4\sqrt{ab}$$

$$2\sqrt{ab} \leq c$$

$$2\sqrt{ab} > 0$$

$$x^2 + y^2 + 2y - 2x \leq 0$$

$$x^2 - y^2 + 2y^2 + 2y - 2x$$

$$1 - |x-y-1| > 0$$

$$(x-1)(x+y) + 2y(y+1) - 2x + 2(y-x)$$

$$y^2 - x^2 - 2y + 2x + 1 - |x-y-1| \leq 4$$

$$(x-1)(x+y-2) + 2y^2$$

$$\sqrt{-y(y+2)} + \sqrt{1-|1+y|} = 2$$

$(0,0), (0,1), (1,0), (1,1)$

$$y < 0 \quad x-y = a, \in \mathbb{Z}$$

~~Анализ~~

и минимум.

$$x^2 + y^2 = b, \in \mathbb{N}$$

$$\sqrt{2a-b} + \sqrt{1-|a-1|} = \sqrt{x^2+y^2}$$

$$2\sqrt{b} + 1$$

$$x \geq y$$

$$\begin{cases} 2a-b \geq 0 \\ 1-|a-1| \geq 0 \\ 2a-b+1-|a-1| \leq 4 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2a \geq b \\ -1 \leq a-1 \leq 1 \end{cases}$$

$$0-1 \geq 2a-b-3$$

$$-a+1 \leq 2a-b-3$$

$$a \in [0, 2]$$

$$-a \geq -b-2$$

$$a \leq b+2$$

$$b+4 \leq 2a$$

$$b \in [0, 4]$$

$$b \leq 2b+2 \quad b+4 \leq b$$

$$0 \leq b+2$$

$$b \leq 2$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$\sqrt{a} = ki$  или  $\sqrt{a} = k_1 + k_2 i$   $\Rightarrow$   
 если  $\sqrt{a} + \sqrt{b} = p, p \in \mathbb{R}$ , то  
 либо  $p=0$ , либо  $\sqrt{a}, \sqrt{b} \in \mathbb{R}$ , и тогда  $p \in \mathbb{R} \cup \mathbb{C}$   
 поэтому неравенства  $\sqrt{a} \geq 0, \sqrt{b} \geq 0$

$$\sqrt{a} \sqrt{b} \geq 0, a, b \geq 0$$

$$a + b + 2\sqrt{ab} \geq a + b$$

$$(\sqrt{a} + \sqrt{b})^2 \geq (\sqrt{a+b})^2$$

$$\sqrt{a} + \sqrt{b} \geq \sqrt{a+b}, \text{ поэтому если } \sqrt{a} + \sqrt{b} = 2,$$

сделаем замену

$$\text{то } \sqrt{a+b} \leq 2 \Rightarrow a+b \leq 4.$$

$$x-y=a, a \in \mathbb{Z}, x^2+y^2=b, b \in \mathbb{Z}, b \geq 0$$

$$(*) \sqrt{2a-b} + \sqrt{1-|a-1|} = 2 \text{ составим систему с одной}$$

$$\begin{cases} 2a-b \geq 0 & (1) \\ 1-|a-1| \geq 0 & (2) \end{cases}$$

ка внешней.  $\sqrt{a+b}$

$$\sqrt{2a-b+1-|a-1|} \leq 4 \quad (3)$$

$$(2) \quad |a-1| \leq 1 \Rightarrow -1 \leq a-1 \leq 1 \Rightarrow 0 \leq a \leq 2$$

$$(1) \quad \begin{cases} b \leq 2a \\ b \geq 0 \end{cases} \Rightarrow 0 \leq b \leq 4$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$(3) |a-1| \geq 2a-b-3$$

$$\begin{cases} a-1 \geq 2a-b-3 \\ a-1 \leq b+3-2a \end{cases}$$

$$\begin{cases} a \leq b+2 \\ 3a \leq b+4 \end{cases}$$

$$a=0, b=0 \quad (4)$$

$$a=1, b=0, 1, 2 \quad (5)$$

$$a=2, b=0, 1, 2, 3, 4 \quad (6)$$

переберём все варианты  
решения.

$$(4) \sqrt{0} + \sqrt{0} = 2 \quad (\text{н})$$

$$(5) \sqrt{2-b} + 1 = 2$$

$$\sqrt{2-b} = 1$$

$$2-b = 1$$

$$b = 1$$

$$\begin{cases} x-y=1 \\ x^2+y^2=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ 2y^2+2y=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ y^2+2y+y^2+1=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ y^2+2y+y^2+1=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+1 \\ y=0 \\ y=1 \end{cases}$$

$$(6) \sqrt{4-b} + 0 = 2$$

$$\sqrt{4-b} = 2$$

$$4-b=4$$

$$b=0$$

$$\begin{cases} x-y=2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} x=y+2 \\ x^2+y^2=0 \end{cases}$$

Решения (\*) это  $(1, 1)$  и  $(2, 0)$

Ответ:  $(0, 1), (-2, 0), (1, 0), (0, -1)$



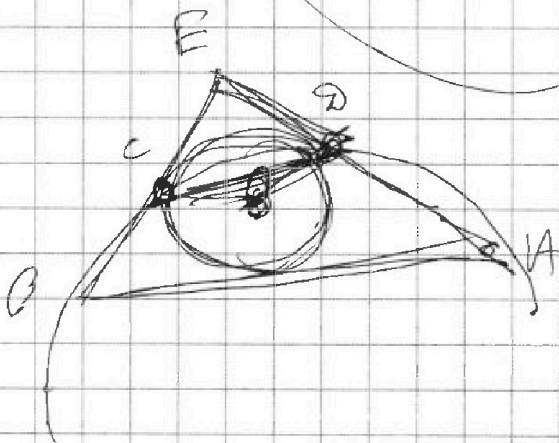
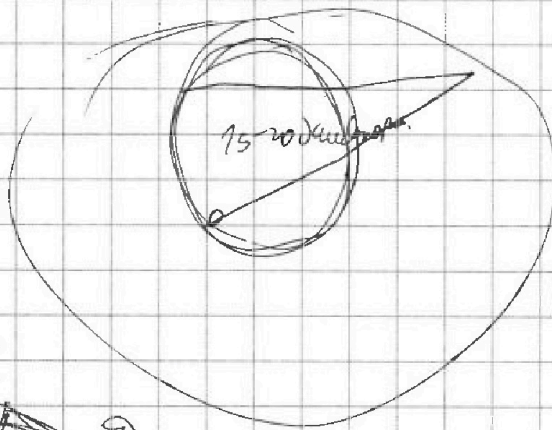
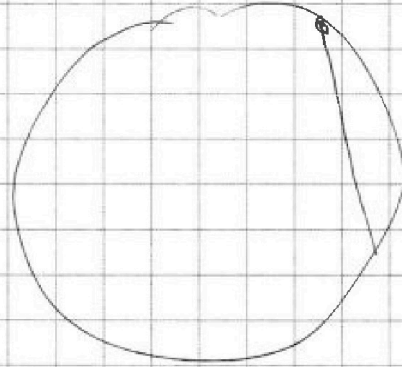
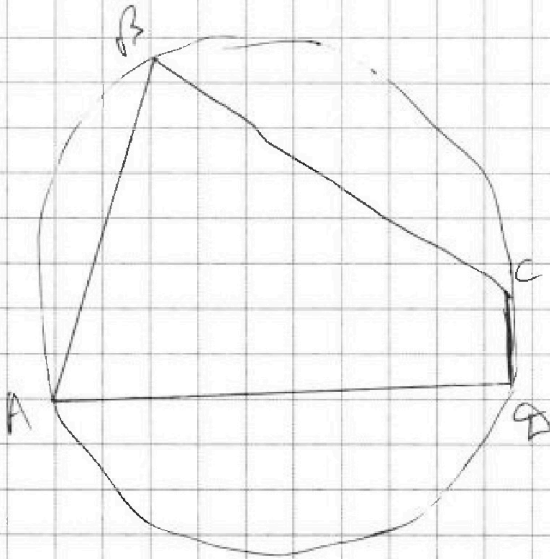


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

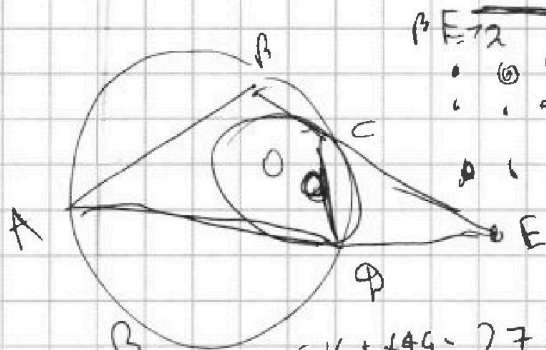
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

12. М5

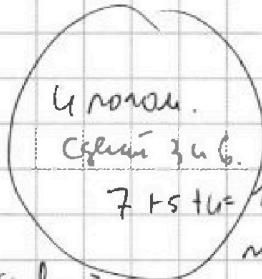
454545...

3 решения

4, 6?



$BE=2$



4 точки  
Среди 3 и 6.

$7+5+16 = 16$  дано / 37  
мандра ед.  
5.

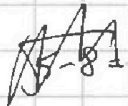
$5+6+149 = 27$  бошқанда?

$\sqrt{25} = 5$   $5+11 = 20$   $20+11 = 31$

A

B

C

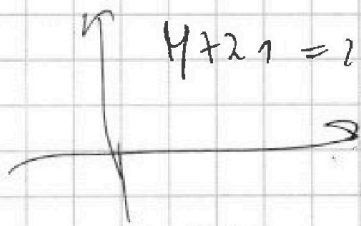


$5+3i$  нем.

27 - 11 нем.

узунд нем.

$$\begin{cases} -4 \leq x^2 + y^2 - 2x + 2y \leq 0 \\ |x - y - 1| \leq 1 \end{cases}$$

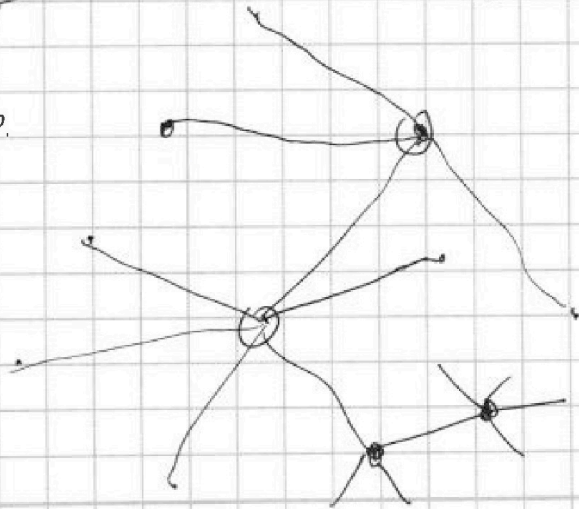


$y+2x = 25$

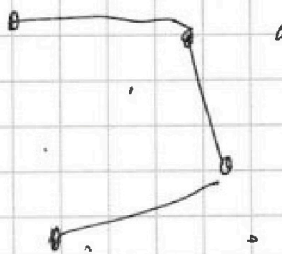
елми, мо бел мисл.  $x(x-2) + y(y+2) \Rightarrow$   $4$  нем  
 $6 = y+1$   $10$  нем

$c = x-1$   
 $-1 \leq (a^2-1) + (b^2-1) \leq 0$

$> 20$



$a^2 + b^2 + 2 = 2$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

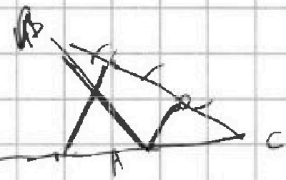
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$\Gamma \cos \alpha \text{ в } \Delta ABC: \quad 16 = 16x^2 + y^2 + 8xy \cdot \cos \alpha.$

$\cos 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha$  5,7-?



$\cos 2\alpha = \sqrt{1 - \sin^2 2\alpha} = \sqrt{1 - 4 \sin^2 \alpha \cos^2 \alpha}$

$1 - 4(1 - \cos^2 \alpha) \cos^2 \alpha = 1 - 4 \cos^2 \alpha + 4 \cos^4 \alpha$

$\sqrt{(1 - 2 \cos^2 \alpha)^2} = 1 - 2 \cos^2 \alpha = \sqrt{\sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha}$

30, 60

$\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2}$

$\frac{1}{2} = \frac{1}{4} - \frac{3}{4}$

~~ген. ге.~~

$\frac{1}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}$

$\frac{\sqrt{3}}{2} = 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$

$1 = 2 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 1.$

$0 = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = 0$

$\frac{1}{2} = \frac{3}{4} - \frac{1}{4}$

$-\frac{3}{4} = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha =$

60, 120

$\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}$

$\frac{\sqrt{3}}{2} = 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}$

$= 2 \cos^2 \alpha - 1$

$\frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{\sqrt{3}}{2}$

$-\frac{1}{2} = \frac{1}{4} -$

$1 = \cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha$

$\frac{1}{4} = 2 \cos^2 \alpha$

$\frac{1}{8} = \cos^2 \alpha$

$\cos \alpha = \pm \frac{1}{2\sqrt{2}}$

$-\sin^2 \alpha = -1 + \cos^2 \alpha$

~~ген.~~

8, 5.

4, 4, 4.



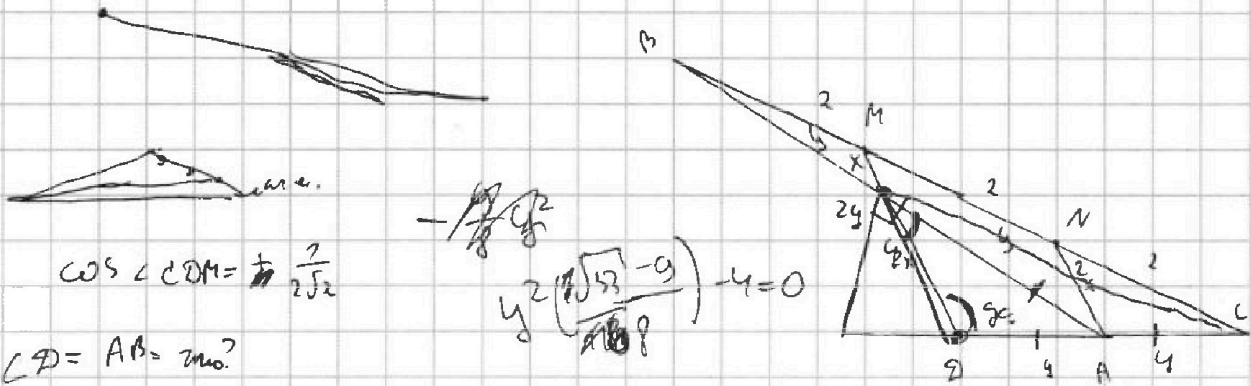


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ \_ ИЗ \_ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$\cos \angle COM = \frac{1}{2\sqrt{2}}$   
 $\angle D = AB = m_0?$

$y^2 \left( \frac{\sqrt{33}-9}{16} \right) - 4 = 0$

Т.к. для  $\triangle ANC$ :  $4 = x^2 + y^2 - 2xy \cdot \left( \frac{1}{2\sqrt{2}} \right)$

$x^2 + y^2 + \frac{xy}{\sqrt{2}} - 4 = 0 \quad | : y^2$

$\left( \frac{x}{y} \right)^2 + \left( \frac{x}{y} \right) \frac{1}{\sqrt{2}} - 4 = 0$

Т.к. для  $\triangle ABC$ :

$\frac{x}{y} = \frac{-\frac{1}{\sqrt{2}} \pm \sqrt{\frac{1}{2} + 16}}{2} = \frac{-\frac{1}{\sqrt{2}} \pm \sqrt{\frac{33}{2}}}{2}$ , но должно быть  $\Rightarrow$   
 $\frac{2x}{y} = \frac{-1 + \sqrt{33}}{2\sqrt{2}}$

$AB = 2y$

Т.к. для  $\triangle ABC$  и  $\triangle BMC$

$\frac{x}{y} = \frac{-1 + \sqrt{33}}{4\sqrt{2}}$

$y^2 = 4y^2 + 36 - 24y \cdot \cos \beta$

$x = \frac{(-1 + \sqrt{33})y}{4\sqrt{2}}$

$x^2 = y^2 + 4 - 4y \cdot \cos \beta$

$y^2 - 6x^2 = 4y^2 + 36 - 24y \cdot \cos \beta$

$y^2 - 2x^2 = 4$

$y^2 - 4 = \frac{2(-1 + \sqrt{33})^2 y^2}{16 \cdot 2}$

$y^2 - 4 = \frac{y^2}{16} + \frac{y^2 \sqrt{33}}{8} - \frac{33y^2}{16} = 0$   
 $3y^2 - 6x^2 = 12$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ \_ ИЗ \_ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x^2 + 4\sqrt{2}tx + 19t^2 - 9 = 0 \quad D > 0, \quad x_1 x_2 > 0 \quad \frac{9t^2 - 9}{1} > 0$$

$$\begin{cases} 16 \cdot 2 \cdot t^2 - 4 \cdot 9(t^2 - 1) > 0 & -4t^2 + 36 > 0 \\ t^2 - 1 > 0 \end{cases}$$

$$x^2 + 4\sqrt{2}tx + 9$$

$$D = 64 - 36 \geq 0 \quad 9 > 0$$

$$\begin{array}{c} + & - & + \\ \text{---} & \text{---} & \text{---} \\ -1 & 1 & 36 \end{array}$$

1 root.

$$a - b = 12$$

$$-\frac{4\sqrt{2}t}{1} > 0$$

$$0 = 12 + 6$$

$$320 - 76 = 304$$

$$a^2 + 2ab + b^2 + 3a + 3b = 19p^4$$

p - произв.

$$(a+b)^2 + 3(a+b) = 19p^4$$

2 root.

$$(a+b)(a+b+3) = 19p^4$$

$$(2b+2)(2b+15) = 19p^4$$

$$2(b+1)(2b+15) = 19p^4 \Rightarrow p: 2 \Rightarrow p = 2$$

$$2b+15 = 19$$

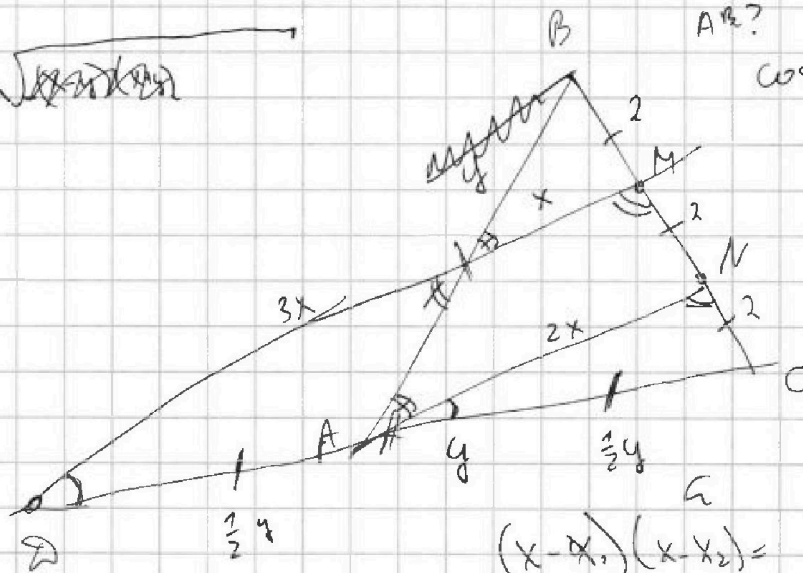
$$b = 2$$

$$c = 24$$

$$-1 < x - 4 < 1$$

$$\sqrt{x(2-x) + y(2-y)} \in (1, 2)$$

~~sqrt(x(2-x) + y(2-y))~~



$$AR? \quad \beta L = 6$$

$$\cos 2\angle CFM = -\frac{3}{4}$$

$$\angle = ? \quad \text{none}$$

$$= \emptyset$$

$$\text{None}$$

$$(x-x_1)(x-x_2) =$$

$$= x^2 - (x_1+x_2)x$$

$$x_1+x_2 =$$