



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 7



1. [3 балла] Четвёртый член арифметической прогрессии равен  $6 - 9x$ , шестой член равен  $(x^2 - 2x)^2$ , а десятый равен  $9x^2$ . Найдите  $x$ .
2. [4 балла] Найдите наибольшее значение выражения  $3y + 6x$  при условии

$$\begin{cases} |x - 2y| \leq 2 \\ |2x - y| \leq 1. \end{cases}$$

3. [5 баллов] Найдите все пары  $(m, n)$  натуральных чисел, для которых одно из чисел  $A = m^2 + 4mn + 4n^2 - 7m - 14n$  и  $B = m^2n + 2mn^2 + 9mn$  равно  $11p^2$ , а другое равно  $75q^2$ , где  $p$  и  $q$  — простые числа.
4. [5 баллов] Прямая, параллельная биссектрисе  $AH$  треугольника  $ABC$ , проходящая через середину  $M$  его стороны  $BC$ , пересекает сторону  $AB$  и продолжение стороны  $AC$  в точках  $Z$  и  $Y$  соответственно. Найдите  $BC$ , если  $AC = 6$ ,  $AZ = 3$ ,  $YZ = 4$ .
5. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2}, \\ x^3 + 3x - \sqrt{2y} = y^3 - \sqrt{2x} + 3y. \end{cases}$$

6. [4 балла] На тетрадном листе нарисован квадрат  $10 \times 10$  клеток (стороны квадрата идут вдоль границ клеток), а все узлы сетки внутри квадрата или на его границе покрашены в чёрный цвет. Найдите количество способов перекрасить два узла в белый цвет, если раскраски, получающиеся друг из друга поворотом, считаются одинаковыми.
7. [6 баллов] В треугольнике  $ABC$  на медиане  $AM$  и биссектрисе  $CL$  как на диаметрах построены окружности  $\Omega$  и  $\omega$  соответственно, пересекающиеся в точках  $P$  и  $Q$ . Отрезок  $PQ$  параллелен высоте треугольника  $ABC$ , проведённой из вершины  $B$ . Окружность  $\Omega$  пересекает сторону  $AC$  повторно в точке  $N$ . Найдите длины сторон  $AC$  и  $BC$ , если  $AB = 4$ ,  $AN = 5$ .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№1

Пусть мал диаметр прогр-ии равен  $a$

$$\Rightarrow \begin{cases} 6 - 9x + 2a = x^4 - 4x^3 + 4x^2 \\ 6 - 9x + 6a = 9x^2 \end{cases}$$

$$\Rightarrow 2a = x^4 - 4x^3 + 4x^2 + 9x - 6 = 3x^2 + 3x - 2$$

$$\Rightarrow x^4 - 4x^3 + x^2 + 6x - 4 = 0 \Rightarrow (x-1)^2(x^2 - 2x - 4) = 0$$

$$x^2 - 2x - 4 = 0; D = 2^2 + 4 \cdot 4 = 20 \Rightarrow x_{1,2} = \frac{2 \pm \sqrt{20}}{2} = 1 \pm \sqrt{5}$$

$$(x-1)^2 = 0 \Rightarrow x = 1$$

$$\text{Ответ: } x = 1; 1 + \sqrt{5}; 1 - \sqrt{5}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№2

$$\begin{cases} |x-2y| \leq 2 \\ |2x-y| \leq 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} -2 \leq x-2y \leq 2 \\ -1 \leq 2x-y \leq 1 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x \geq 2y-2 \\ x \leq 2y+2 \\ y \geq 2x-1 \\ y \leq 2x+1 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow x \geq 2y-2 \geq 4x-4 \Rightarrow 3x \leq 4 \Rightarrow x \leq \frac{4}{3} \Rightarrow y \leq \frac{x}{2} + 1 \Rightarrow y \leq -\frac{1}{3}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} x \geq 2y-2 \\ x \leq 2y+2 \\ 4x \geq 2y-2 \\ 4x \leq 2y+2 \end{cases} \quad \begin{aligned} -x &\leq -2y+2 \Rightarrow 4x+0 \leq 2y+2+4(-2y+2) \Rightarrow \text{cancel} \\ \Rightarrow 0 &\leq 10y-6 \Rightarrow y \geq \frac{3}{5} \quad 0 \leq -6y+10 \Rightarrow y \leq \frac{5}{3} \\ \Rightarrow 4x &\leq 2 \cdot \frac{5}{3} + 2 \Rightarrow 4x \leq \frac{16}{3} \Rightarrow x \leq \frac{4}{3} \end{aligned}$$

$$\Rightarrow 3y + 6x \leq 3 \cdot \frac{5}{3} + 6 \cdot \frac{4}{3} \Rightarrow 3y + 6x \leq \frac{23}{1} = 23$$

Ответ:  $3y + 6x \leq 23$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$\sqrt{3}$

$$A = m^2 + 4mn + 2n^2 - 4m - 14n = (m+2n)(m+2n) - 4(m+n) = (m+2n)(m+2n-4)$$

$$B = m^2n + 2mn^2 + 9mn = mn(m+2n+9)$$

Пусть  $B = 11p^2$ ;  ~~$m+2n+9 = 11$ ,  $m+2n+9 = 11$  не подходит  $m=2$~~

$m+2n+9 \neq 11$ , т.к.  $m, n \geq 1 \Rightarrow m+2n+9 \geq 11$

если  $m+2n+9 = 11p$ , то  $m+n \leq p$ , но тогда  $m \neq p$

$\Rightarrow m+2n+9 = 11p$ , если  $m=p$ ,  $n=1 \Rightarrow m+2n+9 =$

$= p+2+9 = p+11 = 11p \Rightarrow 10p=11 \Rightarrow$  противоречие

если  $n=p \Rightarrow m=1 \Rightarrow m+2n+9 = 1+2p+9 = 11p \Rightarrow 8p=10 \Rightarrow$  противоречие

Пусть  $A = 11p^2$ ; если  $m+2n = 11p^2$ , то  $m+2n-4 = 1 \Rightarrow m+2n = 5 \Rightarrow$  противоречие

если  $m+2n = 11p$ , а  $m+2n-4 = p$ , то  $p+4 = 11p \Rightarrow p = \frac{4}{10} \Rightarrow$  противоречие

если  $m+2n = 11$ , то  $m+2n-4 = p^2 = 4 \Rightarrow p = 2$

если  $m+2n-4 = 11$ , то  $m+2n = p^2 = 18 \Rightarrow p = \sqrt{18} \Rightarrow$  противоречие

$\Rightarrow$  Единственное реш.-е при  $p=2 \Rightarrow \begin{cases} m+2n=11 \\ mn(m+2n+9) = 75 \cdot 2^2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} m+2n=11 \\ 20mn = 75 \cdot 2^2 \end{cases}$

$\Rightarrow 4mn = 15 \cdot 2^2 = 60$  ~~иногда бывает, что и возрастают пары~~

$(m;n) = (1;5), (3;4), (5;3), (7;1), (9;1)$ , из которых подходит только  $(5;3)$

ответ: все при  $q=2$

Ответ:  $n=5; k=3$



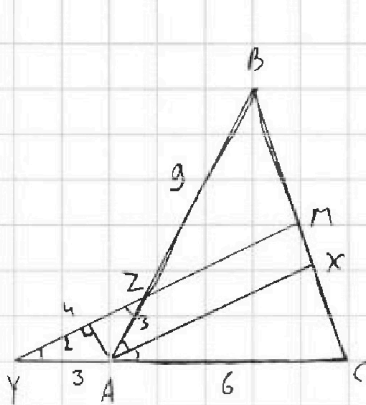


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$\sphericalangle$   
 $YM \parallel AX \Rightarrow \sphericalangle MYA =$   
 $\sphericalangle YMA = \sphericalangle DAC = 2\alpha$   
 $\sphericalangle YAZ = \alpha$   
 $YM \parallel AX \Rightarrow \sphericalangle MYA = \sphericalangle BZM = \alpha$

$\sphericalangle BZM = \sphericalangle YZA = \alpha \Rightarrow \triangle YZA - \text{равноб.} \Rightarrow AY = AZ = 3$

$\Rightarrow$  по теореме Фалеса  $\frac{MX}{AY} = \frac{AC}{AY} = \frac{2}{1} \Rightarrow MX = \frac{CM}{3} = \frac{BM}{3}$

$\Rightarrow$  по т. Фалеса  $\frac{BZ}{AZ} = \frac{BM}{MX} = 3 \Rightarrow BZ = 3AZ = 9 \Rightarrow AB = 9 \cdot 12$

$\triangle YAZ - \text{равноб.} \Rightarrow \cos \alpha = \frac{2}{3} \Rightarrow \cos 2\alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1 = -\frac{1}{9}$

$BC = \sqrt{AC^2 + AB^2 - 2AC \cdot AB \cdot \cos 2\alpha} = \sqrt{6^2 + 12^2 + 2 \cdot 6 \cdot 12 \cdot \frac{1}{9}} = 6 \sqrt{1 + 4 + 2 \cdot 2 \cdot \frac{1}{9}} =$   
 $= 6 \sqrt{5 + \frac{1}{9}} = 6 \sqrt{\frac{49}{9}} = 6 \cdot \frac{7}{3} = 14$

Ответ:  $BC = 14$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
^ ИЗ ^

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$\sqrt{5}$

$$\begin{cases} \sqrt{x+1} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2} \\ x^2+3x-\sqrt{2}y = y^2-\sqrt{2}x+3y \end{cases}$$

$$\begin{cases} x^2+3x-\sqrt{2}y = y^2-\sqrt{2}x+3y \end{cases}$$

$$(x^2 - y^2) + (3x - 3y) + (\sqrt{2}x - \sqrt{2}y) = (x-y)(x^2 + xy + y^2 + 3) + \sqrt{2}(\sqrt{x} - \sqrt{y}) =$$

$$= (\sqrt{x} - \sqrt{y}) \left( \sqrt{2} + (\sqrt{x} + \sqrt{y}) \left( x^2 + xy + y^2 + 3 \right) \right) = 0$$

$$x^2 + xy + y^2 - \text{целый квадрат всегда } > 0 \Rightarrow \sqrt{2} + (\sqrt{x} + \sqrt{y}) \left( x^2 + xy + y^2 + 3 \right) > 0 = 1$$

$$\Rightarrow \sqrt{x} - \sqrt{y} = 0 \Rightarrow x = y$$

$$\Rightarrow \sqrt{x+1} - \sqrt{7-x} + 7 = 2\sqrt{14+5x-x^2} = 2\sqrt{x+2}\sqrt{7-x} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow x+2 - 2\sqrt{x+2}\sqrt{7-x} = 4(14+5x-x^2) - 14\sqrt{x+2}\sqrt{7-x} + 49$$

$$9 + 12\sqrt{x+2}\sqrt{7-x} = 56 + 20x - 4x^2 + 49 \Rightarrow 12\sqrt{x+2}\sqrt{7-x} = 96 + 20x - 4x^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 3\sqrt{x+2}\sqrt{7-x} = 24 + 5x - x^2 = (x+3)(8-x)$$

п.к.  $0 \leq x \leq 7$  мы можем видеть, что на этом интервале

левая часть всегда меньше правой  $\Rightarrow x, y \in \emptyset$

Ответ:  $x \in \emptyset; y \in \emptyset$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№6

В квадрате  $10 \times 10$  121 узел,  $\Rightarrow$  выбрать из них 2 узла для перекрашивания  $C_{121}^2$ , но так как при проверке совпадающие варианты не считаются, то каждый вариант считается по 4 раза  $\Rightarrow$  итоговое кол-во узлов  $\frac{C_{121}^2}{4}$   
Ответ:  $\frac{C_{121}^2}{4}$





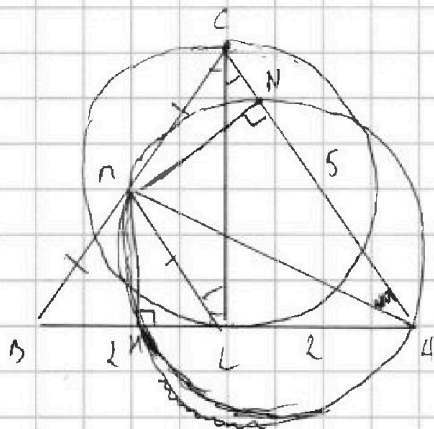
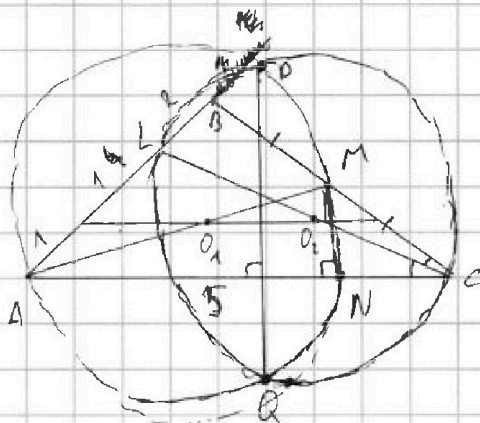
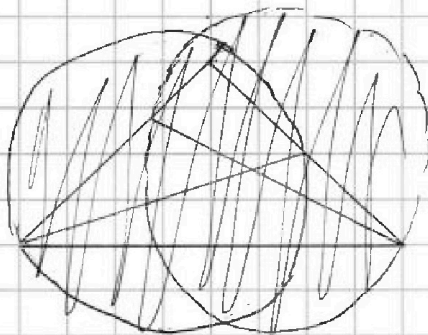
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№1



$PQ \perp AC \parallel$  высоте из  $B \Rightarrow$

$\Rightarrow PQ \perp AC \Rightarrow$  диаметр окружности

AC — диаметр через центры окружностей

центров  $O_1$  и  $O_2 \parallel AC$ ;

Отрезок  $QO$  — диаметр  $O_1O_2$  — сред. линия

$\triangle ABC \Rightarrow$  она делит  $MC$  в отношении 1:1  $\Rightarrow$  делит  $BC$  в отн-ии 3:1

$\Rightarrow$  делит  $AB$  в отн-ии 3:1, но так же  $O_1O_2$  — сред. линия  $\triangle ABC \Rightarrow$

$\Rightarrow L$  — сред.  $AB \Rightarrow$  в  $\triangle ABC$  медиана  $BL$  совпадает с высотой  $\Rightarrow$

$\rightarrow \triangle ABC$  — равноб ( $AC = BC$ ).  $\triangle BCL$  — прямо  $\Rightarrow BM = MC = ML$ ;

$N$  — вып-ая к диаметру  $PA \Rightarrow \angle MNA = 90^\circ$ ; пусть  $MB = x \in \mathbb{R}$ ,

$\angle BCL = \alpha \Rightarrow \sin \alpha = \frac{1}{x} \Rightarrow \sin 2\alpha = 2 \cdot \frac{1}{x} \cdot \sqrt{1 - \frac{1}{x^2}} = 2 \frac{\sqrt{x^2 - 1}}{x^2} \Rightarrow$

$\Rightarrow MN = MB \sin 2\alpha = \frac{2\sqrt{x^2 - 1}}{x}$ ;  $\text{гд } MN^2 + AN^2 = ML^2 + AL^2 = MA^2 \Rightarrow$





На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\Rightarrow \frac{4(x^2-1)}{x^2} + 5^2 = x^2 - 1 + 9 \Rightarrow 4 - \frac{4}{x^2} + 25 = x^2 + 8 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow x^2 + \frac{4}{x^2} - 24 = 0 \Rightarrow x^4 - 24x^2 + 4 = 0$$

$$= 0 \Rightarrow \text{можно найти } x \Rightarrow AC = BC = 2x$$

$$D = 21^2 - 16 \Rightarrow x = \frac{21 \pm \sqrt{21^2 - 16}}{2} \Rightarrow AC = BC = 21 + \sqrt{21^2 - 16}$$

$$\text{Ответ: } AC = BC = 21 + \sqrt{21^2 - 16}$$

Это ответ



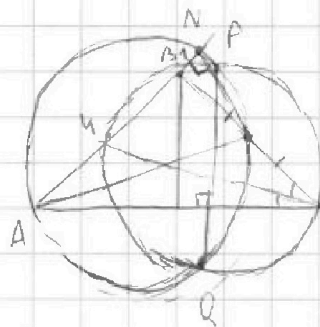
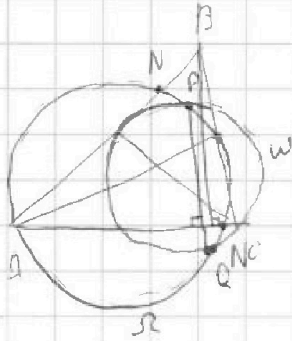
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x^2 - 5x - 14 = (x-7)(x+2) \leq 0 \Rightarrow x \in [-2; 7]$$



$$\sin \alpha = \frac{1}{x}$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cos \alpha = \frac{2}{x} \sqrt{1 - \frac{1}{x^2}} = \frac{2}{x} \sqrt{\frac{x^2 - 1}{x^2}} = \frac{2\sqrt{x^2 - 1}}{x^2}$$

$$\sin 2\alpha \cdot y = \frac{2\sqrt{x^2 - 1}}{x}$$

$$x^2 - 5x - 14 = (x-7)(x+3)$$

$$-x \geq -2y - 2$$

$$\sqrt{x+2} - \sqrt{2x+7} = 2\sqrt{4+5x+2x^2}$$

$$0 \geq 2y - 2 - 4(-2y - 2) = 10y - 6 \Rightarrow y \leq \frac{6}{10}$$

$$4x \leq \frac{6}{5} + 2 \Rightarrow 4x \leq \frac{16}{5} \Rightarrow x \leq \frac{4}{5}$$

$$\frac{4}{5} - 2 = \frac{4-10}{5} = -\frac{6}{5} \quad \frac{8}{5} - \frac{3}{5}$$

$$\frac{4}{5} + \frac{24}{5} = \frac{28}{5}$$

$$45 = 3 \cdot 5 \cdot 3$$

$$m^2 + 4mn + 4n^2 - 4m - 14n$$

$$P^2(P^2 + 2 \cdot 9)$$

$$P^2(P^2 + 1 \cdot 9)$$

$$P^2(3P + 9)$$

$$m(m+2n+9)$$

$$\sqrt{x^2 - 1}$$

$$25 + \frac{2(x^2 - 1)}{x^2} = \frac{1}{x^2}$$

$$11(11 + 2 + 9)$$

$$11(1 + 22 + 9)$$

$$32$$

$$y \leq \sqrt{21}$$

$$2\sqrt{21} - 2 = 2\sqrt{21} - 2$$

$$\sqrt{2} - \sqrt{2} + 2 = 2\sqrt{2} \sqrt{2}$$

$$3\sqrt{2} - 0 + 7 = 2 \cdot 3 \cdot 0$$

$$(m+2n)/(m+2n) - 2/(m+2n) = (m+2n)(m+2n-2)$$

$$3\sqrt{2} \sqrt{4} = 3 \cdot 2 = 6$$

$$3 \cdot 2 = 6$$

$$x^2 + 3x + 4\sqrt{2}x = y^2 + 3y + 5\sqrt{2}y$$

$$(x^2 + y^2) + 3(x-y) + 5\sqrt{2}(\sqrt{2}x - \sqrt{2}y) = (x-y)(x^2 + 3xy + y^2) + 5\sqrt{2}(\sqrt{2}x - \sqrt{2}y)$$

$$(\sqrt{2}x - \sqrt{2}y) \sqrt{2} + 5\sqrt{2}(\sqrt{2}x - \sqrt{2}y) = (\sqrt{2}x - \sqrt{2}y) \sqrt{2} + 5\sqrt{2}(\sqrt{2}x - \sqrt{2}y)$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$6 - 9x \quad x^4 - 4x^3 + 4x^2 \quad 9x^2$$

$$6 - 9x + 2a = x^4 - 4x^3 + 4x^2$$

$$6 - 9x + 6a = 9x^2 \Rightarrow 2a = 3x^2 + 3x - 2 = x^4 - 4x^3 + 4x^2 + 9x - 6$$

$$x^4 - 4x^3 + x^2 - 6x - 4 = 0$$

$$(x-1)(x^3 - 3x^2 - 2x + 4) = 0$$

$$(x-1)(x-1)(x^2 - 2x - 4) = 0$$

$$x \geq 2y - 2$$

$$-x \geq 2y - 2$$

$$x \leq 2y + 2$$

$$D - 4 + 44 = 20$$

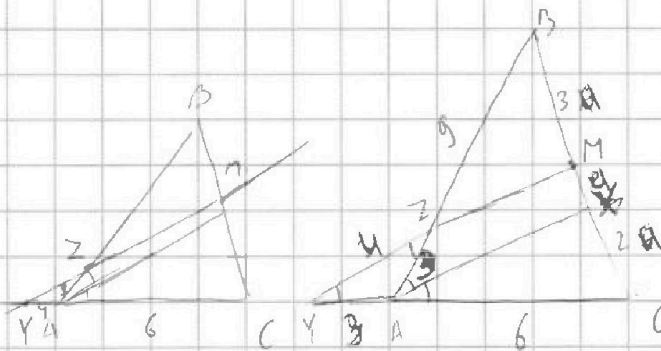
$$x \geq \frac{1}{2} - \frac{1}{2} \quad 4x \geq 2y - 2$$

$$x \leq \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \quad 4x \leq 2y + 2$$

$$x = \frac{2 \pm 2\sqrt{5}}{2} = 1 \pm \sqrt{5}$$

$$x = a$$

$$4x = a$$



$$\sqrt{3^2 - 2^2} = \sqrt{4 - 5} \quad 0 \geq 2y - 2 - 8y + 8$$

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{5}}{3} \quad \cos \alpha = \frac{2}{3} \quad 0 \geq -6y + 6$$

$$DC^2 = 6^2 + 12^2 - 2 \cdot 6 \cdot 12 \cdot \cos 2\alpha$$

$$\cos 2\alpha = 2\cos^2 \alpha - 1 = 2\left(\frac{2}{3}\right)^2 - 1 = \frac{8}{9} - 1 = -\frac{1}{9}$$

$$x - 2y \geq 2$$

$$x \geq 2y - 2$$

$$x - 2y \leq 2$$

$$2x - y \leq 1$$

$$3x - 3y \geq -3$$

$$2x - y \geq -1$$

$$x \geq 0$$

$$y \geq 2x - 1$$

$$x \geq 2y + 2 \text{ and } x$$

$$y \geq 1x - 1$$

$$6x \geq 12y - 12 \geq 24x - 24$$

$$18x \leq 24 \Rightarrow x \leq \frac{24}{18} \Rightarrow x \leq \frac{4}{3}$$

$$y = \frac{x}{2} - 1 \Rightarrow y \leq \frac{2}{3} - 1 \Rightarrow y \leq -\frac{1}{3}$$

$$2(x-1) \geq 4x - 4$$

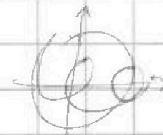
$$\Rightarrow 3y + 6x \leq -1 + 4 \Leftrightarrow 3$$

$$1 + 2x = \frac{11}{3}$$

$$\frac{4}{3} \geq \frac{11}{3} = \frac{4 - 22}{3} = \frac{-18}{3} = -6$$

$$\frac{C^2}{4}$$

$$\sqrt{2^2 + 1^2 + 2 \cdot 6 \cdot 12 \cdot \frac{1}{9}}$$



$$6\sqrt{1+4+2 \cdot \frac{1}{3}} = 6\sqrt{5+\frac{4}{9}} = 6\sqrt{\frac{49}{9}} = 6 \cdot \frac{7}{3} = 14$$

$$= 14$$