



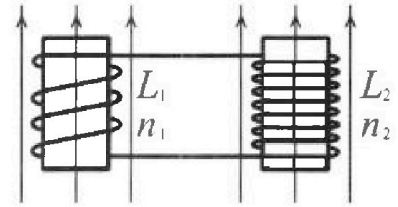
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-04

В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби
и радикалы.

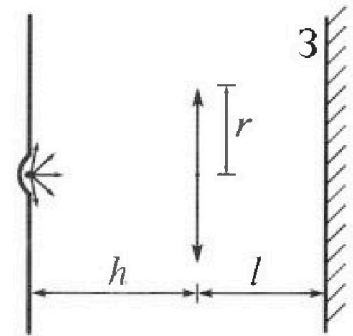


4. Две катушки с индуктивностями $L_1 = L$ и $L_2 = 9L/4$ и числами витков $n_1 = n$ и $n_2 = 3n/2$ помещены во внешние однородные магнитные поля с постоянными во времени индукциями (см. рис.). Площадь витка каждой катушки S . Индукции внешних полей направлены перпендикулярно плоскостям витков катушек. Катушки находятся достаточно далеко друг от друга. Омическое сопротивление катушек и соединительных проводов пренебрежимо мало. Вначале тока в катушках нет.



- 1) С какой скоростью (по модулю) начнет изменяться ток в катушках, если в катушке с индуктивностью L_1 индукция внешнего поля начнет уменьшаться со скоростью $\Delta B / \Delta t = -\alpha (\alpha > 0)$, а во второй катушке внешнее поле останется неизменным?
- 2) За некоторое время индукция внешнего поля в катушке с индуктивностью L_1 уменьшилась от B_0 до $3B_0/4$, не изменив направления, а в катушке с индуктивностью L_2 индукция внешнего поля уменьшилась от $4B_0$ до $8B_0/3$, не изменив направления. Внешние поля в катушках изменялись неравномерно. Найти ток (по модулю) в катушках к концу изменения внешних полей. Ответ дать с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

5. В стене сделана небольшая выемка, внутри которой находится маленькая лампочка так, что прямой свет от лампочки на стену не попадает (см. рис.). Справа от лампочки на некотором расстоянии h расположена тонкая собирающая линза с фокусным расстоянием $F = 2h/3$. Главная оптическая ось линзы горизонтальна и проходит через лампочку. Радиус линзы $r = 4$ см. Справа от линзы на расстоянии $l = h/2$ расположено параллельно стене плоское зеркало 3. Считать, что свет, идущий мимо линзы, проходит плоскость линзы беспрепятственно. Размеры стены и зеркала намного больше размеров линзы.



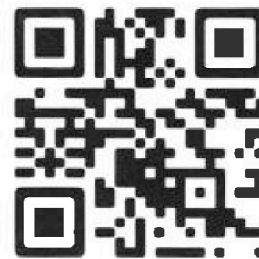
- 1) Найдите площадь неосвещённой части зеркала.
- 2) Найдите площадь неосвещённой части стены.

Ответы дайте в $[см^2]$ в виде yl , где y - целое число или простая обыкновенная дробь.



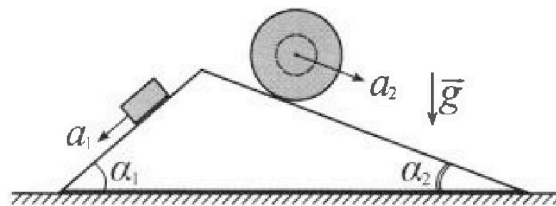
Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2024

Вариант 11-04



В ответах всех задач допустимы обыкновенные дроби и радикалы.

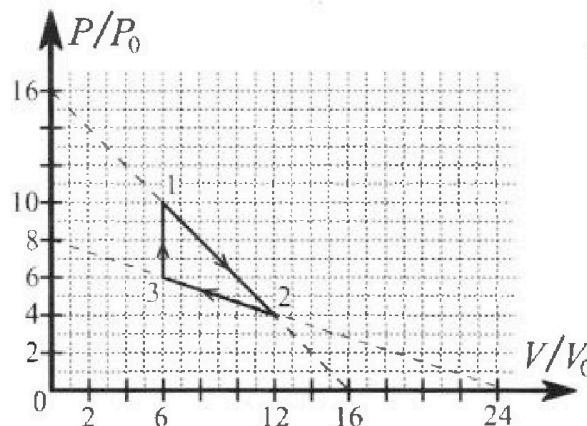
1. С клина, находящегося на шероховатом горизонтальном столе, соскальзывает брусок массой m с ускорением $a_1 = 5g/17$ и скатывается без проскальзывания полый шар массой $9m/4$ с ускорением $a_2 = 8g/27$ (см. рис.). Клин остается в покое. Углы наклона поверхностей клина к горизонту α_1 ($\sin \alpha_1 = 3/5$, $\cos \alpha_1 = 4/5$) и α_2 ($\sin \alpha_2 = 8/17$, $\cos \alpha_2 = 15/17$). Направления всех движений лежат в одной вертикальной плоскости.



- 1) Найти силу трения F_1 между бруском и клином.
- 2) Найти силу трения F_2 между шаром и клином.
- 3) Найти силу трения F_3 между столом и клином.

Каждый ответ выразить через m и g с числовым коэффициентом в виде обыкновенной дроби.

2. С идеальным одноатомным газом совершают циклический процесс 1-2-3-1. На рисунке представлена зависимость P/P_0 от V/V_0 . Здесь V и P - объем и давление газа, V_0 и P_0 - некоторые неизвестные объем и давление.

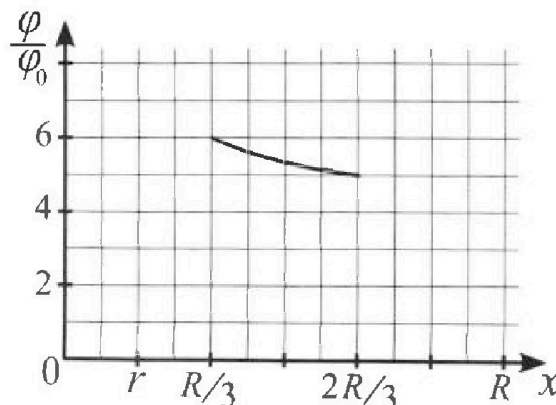
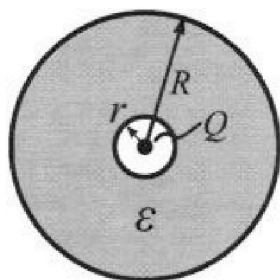


- 1) Найдите отношение модуля приращения внутренней энергии газа в процессе 1-2 к работе газа за цикл.
- 2) Найдите отношение максимальной температуры газа в процессе 1-2 к температуре газа в состоянии 3.
- 3) Найдите КПД цикла.

Ответы выразите числом в виде обыкновенной дроби или целого числа.

3. В центре полого шара с диэлектрической проницаемостью ϵ и радиусами поверхностей r и R находится шарик с зарядом Q (см. рис.). Известна графическая зависимость потенциала φ электрического поля внутри диэлектрика от расстояния x от центра полого шара в интервале изменений x от $R/3$ до $2R/3$ (см. рис.). Здесь φ_0 — потенциал в некоторой точке вне шара. Потенциал в бесконечно удаленной точке принят равным нулю.

- 1) Считая известными r , R , Q , ϵ , найти аналитическое выражение (в виде формулы) для потенциала внутри диэлектрика при $x = 11R/12$.
- 2) Используя график, найти численное значение ϵ .



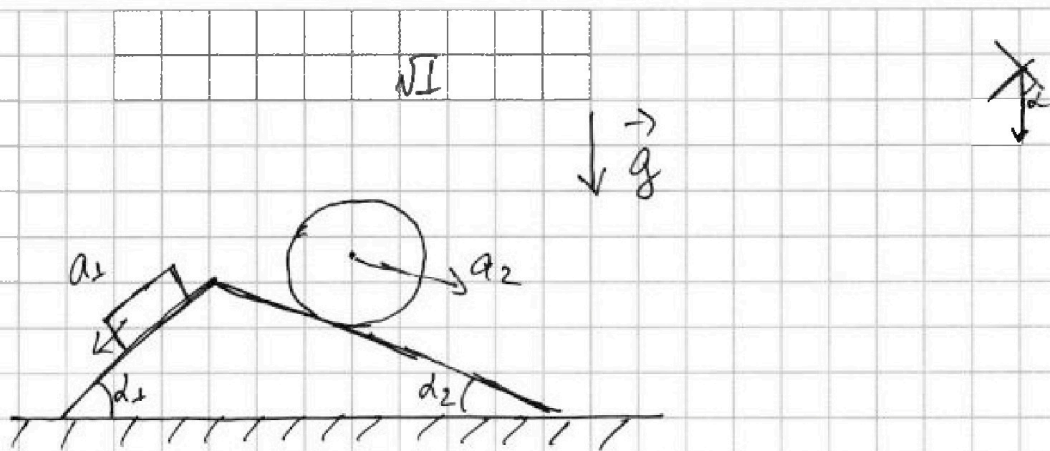


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

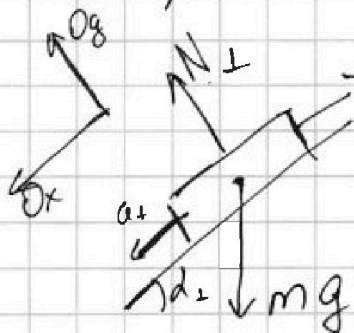
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



1) Рассмотрим силы действующие на блок



Пусть O_y перпендикулярна левой на грани наклонной, а O_x сонаправлена. Запишем 2 закона Ньютона по оси

$$O_x: -F_1 + mg \sin \alpha_1 = ma_1 \Rightarrow F_1 = m(g \sin \alpha_1 - a_1) =$$

$$= m(g \cdot \frac{3}{5} - \frac{5}{17} g) =$$

$$O_y: N - mg \cos \alpha_1 = 0$$

$$= mg \left(\frac{51 - 25}{5 \cdot 17} \right) = mg \cdot \frac{26}{5 \cdot 17} =$$

$$= \frac{26}{85} mg$$

$$O_y: N_1 = mg \cos \alpha_1 = mg \cdot \frac{4}{5} = \frac{4}{5} mg$$



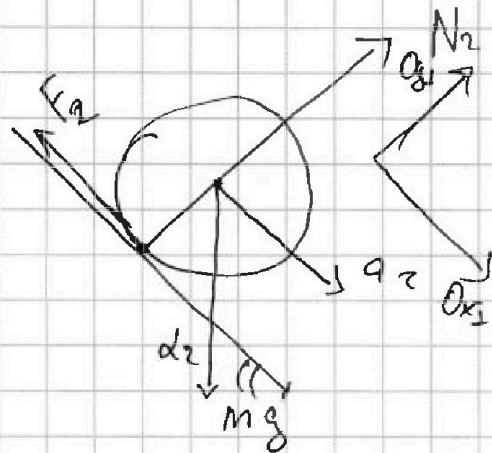
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2) Составим Аналитическое для шара



II закон Ньютона по Ox_2 : $\frac{9m}{4} g \sin \alpha_2 - F_2 = \frac{9m}{4} a_2$

$$F_2 = \frac{9m}{4} (g \sin \alpha_2 - a_2) = \frac{9m}{4} \left(g \cdot \frac{8}{17} - \frac{8}{27} g \right) =$$

$$= \frac{9m}{4} g \left(\frac{8}{17} - \frac{8}{27} \right) = \frac{18mg}{4} \left(\frac{1}{17} - \frac{1}{27} \right) = 18mg \cdot \frac{27-17}{27 \cdot 17} =$$

$$= 2mg \cdot \frac{10}{51} = \frac{20}{51} mg$$

$$\text{III } O_y_2: N_2 = \frac{9m}{4} g \cos \alpha_2 = \frac{9m}{4} g \cdot \frac{15}{17} = \frac{9 \cdot 15}{4 \cdot 17} mg$$



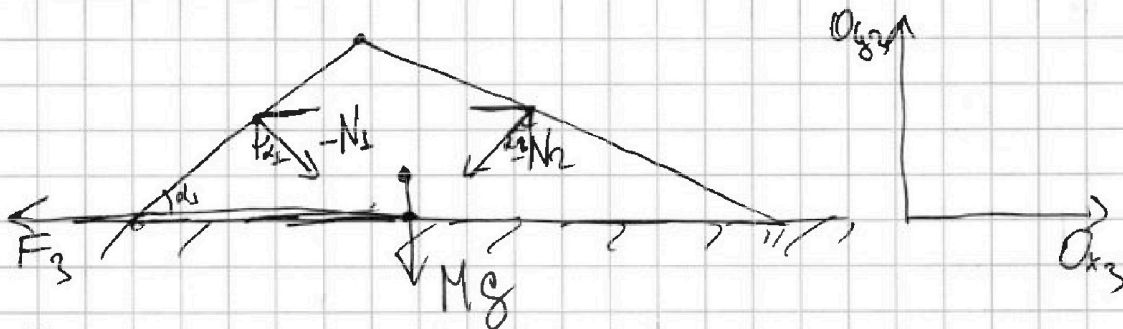
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3) Рассмотрим силы действующие на пилу



Здесь M - масса пилы.

Запишем второй закон Ньютона для Ox_3 :

$$N_1 \sin \alpha_1 - N_2 \sin \alpha_2 - F_3 = M \cdot 0, \text{ т.к. пила покоится}$$

$$\frac{4}{5} mg \cdot \frac{3}{5} - \frac{9 \cdot 15}{4 \cdot 17} \cdot \frac{8^2}{17} mg = F_3$$

$$mg \left(\frac{12}{25} - \frac{270}{17^2} \right) = F_3$$

Ответ: $F_1 = \frac{26}{85} mg$

$$F_2 = \frac{20}{51} mg$$

$$F_3 = \frac{2783}{7225} mg$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 5

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№2

$$i = 3 \quad pV = \nu RT$$

1) Работа газа за цикл это площадь внутри цикла, в нашем случае треугольника $\cdot p_0 V_0$.

$$S_{123} = 4 \cdot \frac{1}{2} \cdot 6 = 12$$

$$A_{123} = 12 p_0 V_0$$

$$\Delta U_{12} = \frac{i}{2} \nu R (T_2 - T_1) = \frac{i}{2} (p_2 V_2 - p_1 V_1) = \frac{3}{2} \cdot (48 p_0 V_0 - 60 p_0 V_0) =$$

$$= - \frac{3}{2} \cdot 12 p_0 V_0 = -18 p_0 V_0$$

Пусть η_1 - КПД, тогда $\eta_1 = \frac{18 p_0 V_0}{12 p_0 V_0} = 1,5$

2) П.н. $T = \frac{pV}{\nu R}$, то максимальная температура T_{\max} в процессе 1-2, будет, когда $pV = \max$

Процесс 1-2, описывается

$$\frac{p}{p_0} = - \frac{10-4}{12-6} \frac{V}{V_0} + 16 \Leftrightarrow \frac{p}{p_0} = - \frac{V}{V_0} + 16, \text{ т.е.}$$

$$p = -V \cdot \frac{p_0}{V_0} + 16 p_0, \text{ т.е.}$$

$$pV = -V^2 \cdot \frac{p_0}{V_0} + 16 p_0 V$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 5

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

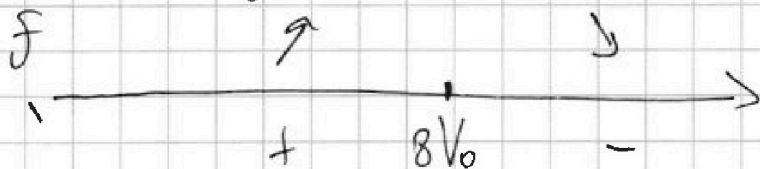
Чтобы найти эту величину этой функции, мы возьмем производную и приравняем к нулю.

$$(-V^2 \frac{p_0}{V_0} + 16 p_0 V) = 0$$

$$-2V \cdot \frac{p_0}{V_0} + 16 p_0 = 0$$

$$2V \frac{p_0}{V_0} = 16 p_0$$

$$V = 8V_0$$



т.е. $8V_0$ - это точка когда pV - max

$$\text{при } V = 8V_0 \Rightarrow pV = (-64V_0^2 \cdot \frac{p_0}{V_0} + 16 p_0 \cdot 8V_0) =$$

$$= -64 p_0 V_0 + 128 p_0 V_0 = 64 p_0 V_0 \Rightarrow T_{\max} = \frac{64 p_0 V_0}{OR}$$

$$T_3 = \frac{p_3 V_3}{OR} = \frac{36 p_0 V_0}{OR}$$

$$\frac{T_{\max}}{T_3} = \frac{\frac{64 p_0 V_0}{OR}}{\frac{36 p_0 V_0}{OR}} = \frac{64}{36} = \frac{32}{18} = \frac{16}{9} = 1 \frac{7}{9}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 5

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$3) \eta = \frac{Q_H}{A} = \frac{A - |Q_C|}{A} = 1 - \frac{|Q_C|}{Q_H}$$

В процессе $3 \rightarrow 1$ pV — непрерывно растет $\Rightarrow \delta Q = dU + \delta A > 0 \Rightarrow$

\Rightarrow на протяжении всего процесса $3 \rightarrow 1$ газ получает тепло $\Rightarrow Q_{31} = \Delta U_{31} + A_{31} = \frac{3}{2}(p_3 V_3 - p_1 V_1) = \frac{3}{2}(6p_0 V_0 - 3p_0 V_0) = 3p_0 V_0$

В процессе $1 \rightarrow 2$ и $2 \rightarrow 3$ возможно касание адиабаты.

Для процесса $1 \rightarrow 2$ найдем точку касания адиабаты.

$$p = -V \frac{p_0}{V_0} + 6p_0 \quad \delta Q = p dV + \frac{3}{2} \mathcal{R} dT$$

$$dp = -\frac{p_0}{V_0} dV \quad pV = \mathcal{R} T$$

$$p dV + V dp = \mathcal{R} dT$$

$$\delta Q = p dV + \frac{3}{2} p dV + \frac{3}{2} V dp = \frac{5}{2} p dV + \frac{3}{2} V dp$$

$$\delta Q = \frac{5}{2} \left(-V \frac{p_0}{V_0} + 6p_0 \right) dV + \frac{3}{2} V \cdot \left(-\frac{p_0}{V_0} \cdot dV \right)$$

в т. касания адиабаты $\delta Q = 0$

$$0 = \frac{5}{2} \left(-V \frac{p_0}{V_0} + 6p_0 \right) dV + \frac{3}{2} V \cdot \left(-\frac{p_0}{V_0} \cdot dV \right)$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
4 из 5

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$0 = 5\left(-\frac{V}{V_0} + 16\right) + 3\left(-\frac{V}{V_0}\right)$$

$$0 = 80 - \frac{5V}{V_0} - 3\frac{V}{V_0}$$

$$8\frac{V}{V_0} = 80 \Rightarrow \text{расширяем адiabаты процесс от } V = 10V_0$$

Каждый разок тепло подуми газу в процессе, когда он расширяется от $6V_0$ до $10V_0$

$$Q = \frac{3}{2}(60p_0V_0 - 60p_0V_0) + \left(4 \cdot 6 + 4 \cdot \frac{4}{2} \cdot 4\right) p_0V_0 =$$

$$= (24 + 8)p_0V_0 = 32p_0V_0$$

$Q_{1 \rightarrow 2}$ за процесс $1 \rightarrow 2$ равен $32p_0V_0$

Сделаем то же самое для процесса $2 \rightarrow 3$

$$p = \frac{24}{8} \cdot \frac{p_0}{V_0} \cdot \frac{8p_0V}{24V_0} + 8p_0 = \frac{1}{3} \frac{p_0V}{V_0} + 8p_0$$

$$\delta Q = \frac{5}{2} \left(-V \frac{p_0}{V_0} + 16p_0\right) dp = \frac{1}{3} \frac{p_0}{V_0} dV$$

$$\delta Q = \frac{5}{2} p dV + \frac{3}{2} V dp$$

$$0 = \frac{5}{2} \left(\frac{1}{3} \frac{p_0}{V_0} V + 8p_0\right) dV + \frac{3}{2} V \left(\frac{1}{3} \frac{p_0}{V_0} dV\right)$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
5 из 5

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$0 = 5\left(\frac{1}{3}\frac{V}{V_0} + 8\right) + 5V \cdot \frac{1}{3}V_0$$

$$0 = \frac{5}{3}\frac{V}{V_0} + 40 + \frac{V}{V_0} \Leftrightarrow -40 = \frac{8}{3}\frac{V}{V_0}$$

$$V = -15V_0$$

Плотно на процессе 2 → 3 значится V и может быть ⇒

⇒ в процессе 2 → 3 не касаются адиабаты

$$Q_{23} = \frac{3}{2}(36\rho_0V_0 - 48\rho_0V_0) + (24\rho_0V_0 + \frac{1}{2} \cdot 2 \cdot 8) =$$

$$= -18\rho_0V_0 + 30\rho_0V_0 = 12\rho_0V_0$$

$$\Delta = 12\rho_0V_0$$

$$Q_H = 36\rho_0V_0 + 12\rho_0V_0 + 32\rho_0V_0 = 136 + 44\rho_0V_0 = 80\rho_0V_0$$

$$\eta = \frac{12\rho_0V_0}{80\rho_0V_0} = \frac{3}{20} = 15\%$$

Ответ: $\eta_1 = 1,5$

$$\frac{T_{\max}}{T_3} = \frac{16}{9} = 1\frac{7}{9}$$

$$\eta = 15\%$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$E_x = \begin{cases} k \frac{Q}{x^2}, & \text{при } x \leq R \\ k \frac{Q}{\epsilon x^2}, & \text{при } R \leq x \leq R \\ k \frac{Q}{x^2}, & \text{при } x > R \end{cases}$$

Плотность в Пучке уменьшается на бесконечности равен 0, тогда потенциал при $x=R$, равен $\varphi_R = k \frac{Q}{R}$

$$\varphi_{\frac{11}{12}R} - \varphi_R = \int_R^{\frac{11}{12}R} -k \frac{Q}{\epsilon x^2} dx = -k \frac{Q}{\epsilon} \cdot \frac{(-1)}{x} \Big|_R^{\frac{11}{12}R} =$$

$$\int x^n dx = \frac{x^{n+1}}{n+1}$$

$$= k \frac{Q}{\epsilon} \left(\frac{1}{\frac{11}{12}R} - \frac{1}{R} \right) = k \frac{Q}{\epsilon} \left(\frac{12}{11R} - \frac{1}{R} \right) = k \frac{Q}{\epsilon} \left(\frac{1}{11R} \right) =$$

$$= k \frac{Q}{\epsilon R} \cdot \frac{1}{11}$$

$$\varphi_{\frac{11}{12}R} = R \frac{Q}{R} + k \frac{Q}{11\epsilon R} = k \frac{Q}{R} \left(1 + \frac{1}{11\epsilon} \right) = k \frac{Q}{R} \cdot \frac{11\epsilon + 1}{11\epsilon}$$

2) Плотно так же выразим $\varphi_{\frac{2}{3}R}$ и $\varphi_{\frac{1}{3}R}$

$$\varphi_{\frac{2}{3}R} = k \frac{Q}{R} + k \frac{Q}{\epsilon R} \left(\frac{1}{\frac{2}{3}} - 1 \right) = k \frac{Q}{R} \left(1 + \frac{2}{\epsilon} \right)$$

$$\varphi_{\frac{1}{3}R} = k \frac{Q}{R} + k \frac{Q}{\epsilon R} \left(\frac{1}{\frac{1}{3}} - 1 \right) = k \frac{Q}{R} \left(1 + \frac{1}{\epsilon} \right)$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$U_3^R = k \frac{Q}{R} \left(1 + \frac{2}{\varepsilon} \right) = 6U_0$$

$$U_{2R}^R = k \frac{Q}{R} \left(1 + \frac{1}{2\varepsilon} \right) = 5U_0$$

$$\frac{U_3^R}{U_{2R}^R} = \frac{1 + \frac{2}{\varepsilon}}{1 + \frac{1}{2\varepsilon}} = \frac{6}{5}$$

$$\frac{\frac{\varepsilon + 2}{\varepsilon}}{\frac{2\varepsilon + 1}{2\varepsilon}} = \frac{6}{5}$$

$$\frac{\cancel{\varepsilon}(\varepsilon + 2)}{2\varepsilon + 1} = \frac{6}{5} \varepsilon^3$$

$$5\varepsilon + 10 = 6\varepsilon + 3 \Rightarrow \varepsilon = 7$$

Ответ: $U_{\frac{R}{2}}^R = k \frac{Q}{R} \left(1 + \frac{1}{11\varepsilon} \right)$

$$\varepsilon = 7$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

вч

$$\Phi = LI$$

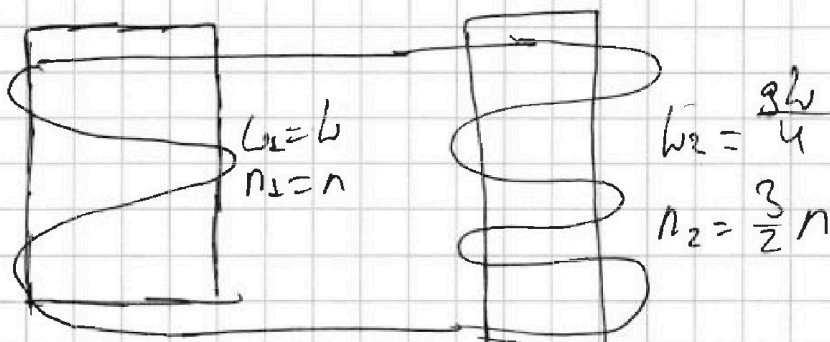
$$\Phi = B \cdot S \cdot n$$

$$1) \mu = \frac{d\Phi}{dI} = \frac{dB}{dI} \cdot S \cdot n \text{ или } \frac{d(LI)}{dI} = L \frac{dI}{dI}$$

$$\text{т.е. } \frac{dB}{dI} \cdot S \cdot n = L \frac{dI}{dI}$$

$$\frac{dI}{dI} = \frac{dB \cdot S \cdot n}{L \cdot dI} = \frac{d \cdot S \cdot n}{L} \Rightarrow \left| \frac{dI}{dI} \right| = \frac{d \cdot S \cdot n}{L}$$

2)



$$\frac{dB}{dI} \cdot S \cdot n_1 = L_1 \frac{dI_1}{dI} \Rightarrow dI_1 = \frac{dB \cdot S \cdot n_1}{L_1}$$

$$\Delta I_1 = \frac{\Delta B \cdot S \cdot n}{L} = \frac{(\frac{3}{4} - 1) B_0 S \cdot n}{L} =$$

$$= -\frac{1}{4} \frac{B_0 S n}{L}$$

$$\text{Аналогично } \Delta I_2 = \frac{\Delta B_2 \cdot S \cdot 1,5n}{\frac{3L}{4}} =$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\Delta I_2 = \frac{\Delta B_0 \cdot S \cdot 1,5n}{\frac{8L}{4}} = \frac{(\frac{8}{3} - 4) B_0 S \cdot 1,5n}{\frac{8L}{4}} =$$

$$= - \frac{\frac{4}{3} B_0 \cdot S \cdot \frac{8}{2} \cdot n \cdot 4}{8L} = - \frac{16}{9} \frac{B_0 S n}{L}$$

$$\Delta I = \Delta I_1 - \Delta I_2 = - \frac{1}{4} \frac{B_0 S n}{L} + \frac{8}{9} \frac{B_0 S n}{L} = \frac{B_0 S n}{L} \left(\frac{8}{9} - \frac{1}{4} \right) =$$

$$= \frac{B_0 S n}{L} \left(\frac{32 - 9}{36} \right) = \frac{B_0 S n}{L} \left(\frac{23}{36} \right) = \frac{23}{36} \frac{B_0 S n}{L}$$

$$\text{т.е. } I = \frac{23}{36} \frac{B_0 S n}{L}$$

$$\text{Ответ: } \left| \frac{dI}{dt} \right| = \frac{d \cdot S \cdot n}{L}$$

$$I = \frac{23}{36} \frac{B_0 S n}{L}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

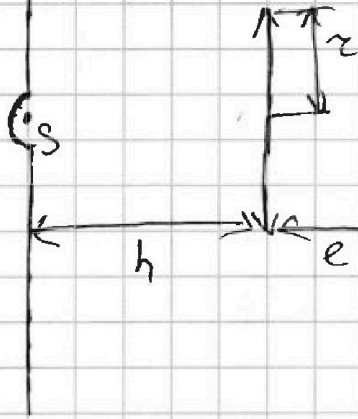
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
1 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

№5

3 | 1) Каковы изображения моч-
| шля, которое дает моча



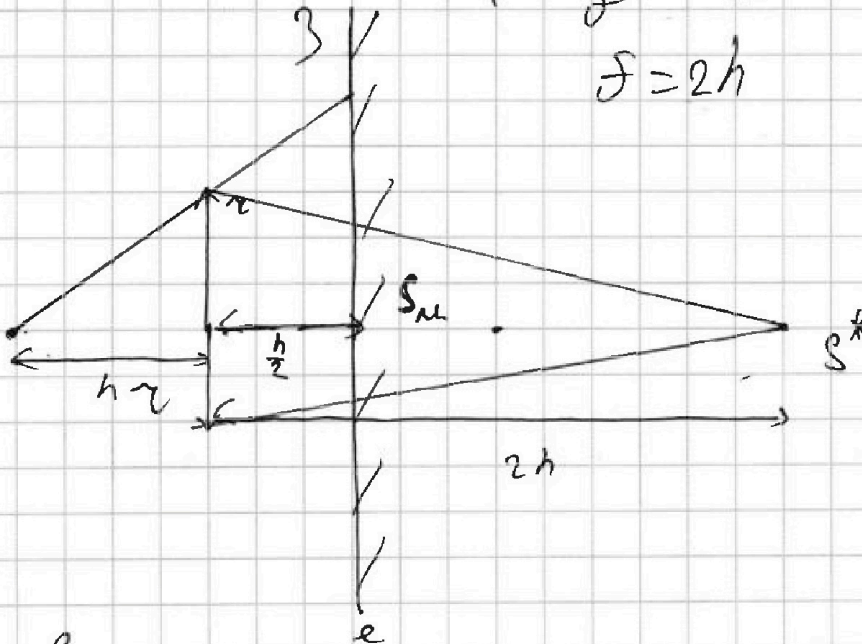
$$\frac{1}{f} + \frac{1}{h} = \frac{1}{\frac{2h}{3}}$$

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{h} = \frac{3}{2h}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{3-2}{2h}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{1}{2h}$$

$$f = 2h$$



S_m - это освещенная часть круга

$$S_m = \left(\frac{2h - \frac{h}{2}}{2h} \cdot r \right)^2 \pi = \left(\frac{\frac{3}{2}h}{2h} \cdot r \right)^2 \pi = \left(\frac{3}{4} r \right)^2 \pi$$

Тогда освещенная ^{мощность} часть круга равна



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

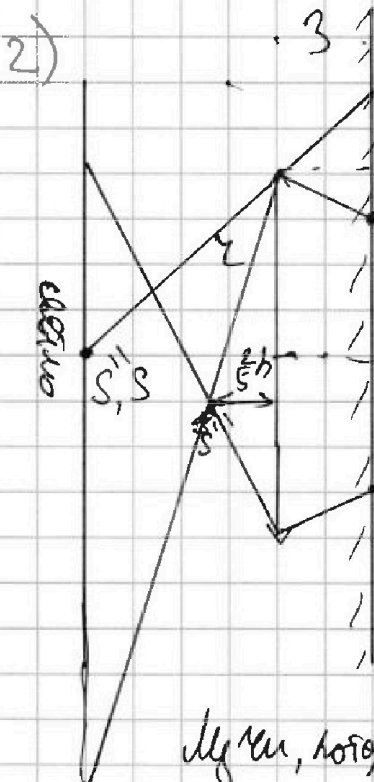
СТРАНИЦА
2 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$S_{\text{отб}} = \pi R^2 \pi \left(\frac{h + \frac{h}{2}}{\frac{h}{2}} \right)^2 - \frac{9}{16} \pi z^2 =$$

$$= \left(\frac{3}{2} z \right)^2 \pi - \frac{9}{16} \pi z^2 = \frac{9}{4} \pi z^2 - \frac{9}{16} \pi z^2 =$$

$$= \pi z^2 \left(\frac{9 \cdot 4 - 9}{16} \right) = \pi z^2 \cdot \frac{27}{16}$$



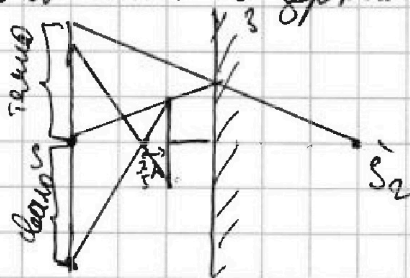
Лучи которые прошли через систему
линзы + зеркала ~~линзы~~ не будут
освещать светилу.

$$S' \quad \frac{1}{-h} + \frac{1}{f} = \frac{1}{2h}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{3}{2h} + \frac{1}{h}$$

$$\frac{1}{f} = \frac{5}{2h} \Rightarrow f = \frac{2}{5}h$$

Лучи, которые вначале не попадают на линзу, после
отражения в зеркале снова не попадают в линзу, т.е.



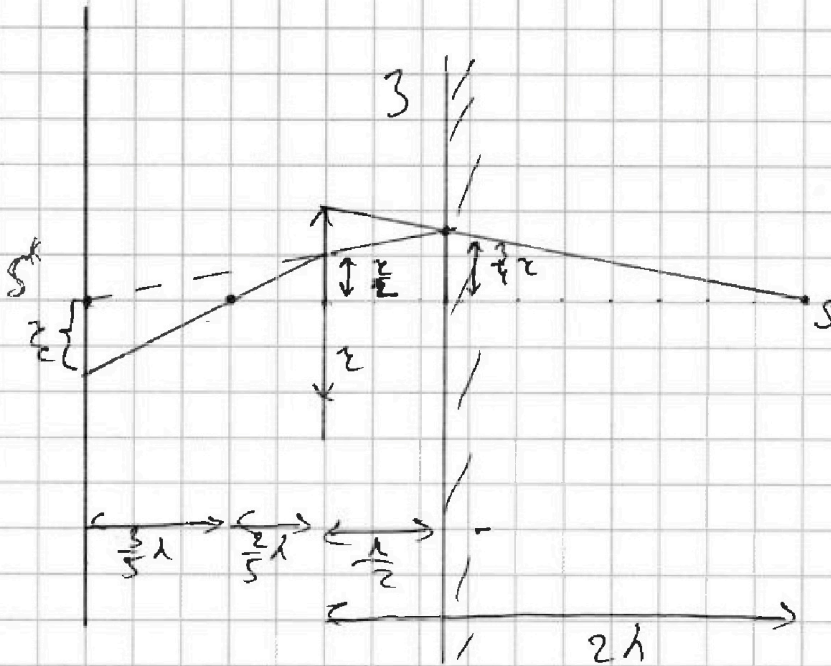


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 3

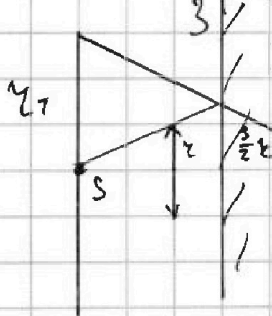
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Пусть r_c — радиус освещенной части сечения лучами, прошедшие через сфер. Минус — зона — минус

Погда $\frac{r_c}{\frac{z}{2}} = \frac{\frac{3}{5}h}{\frac{2}{5}h} \Rightarrow r_c = \frac{3}{2} \cdot \frac{z}{2} = \frac{3}{4}z$

$$r_1 = \frac{3}{2}z \cdot \frac{1,5h}{1,5h} = 3z$$



$$S_{\text{свет}} = (3z)^2 \pi - \left(\frac{3}{4}z\right)^2 \pi =$$

$$= 9\pi z^2 - \frac{9}{16}\pi z^2 = \frac{27}{16}\pi z^2 =$$

$$= \frac{15 \cdot 9}{16} \pi z^2 = \frac{135}{16} \pi z^2$$

Ответ: 1) $\frac{27}{16} \pi z^2 = 27 \pi \text{ см}^2$

2) $\frac{27}{16} \pi z^2 = 27 \pi \text{ см}^2$ $\frac{135}{16} \pi z^2 = 135 \pi \text{ см}^2$

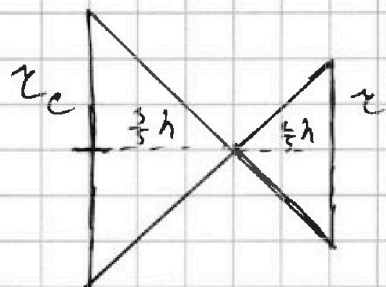


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

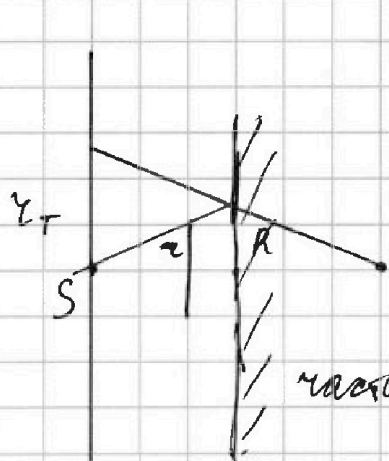
1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
3 из 3

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$r_c = \frac{3}{2} r$, здесь r_c — радиус внешней части тела, r — радиус внутренней части тела, h — высота конуса.



$$R = \frac{3}{2} r$$

$r_T = 2R = 3r$, здесь r_T — радиус конуса.

S_2 — площадь поверхности конуса. S_1 — площадь поверхности конуса. $S_2 - S_1$ — площадь поверхности конуса.

$$= 9\pi r^2 - \frac{9}{4}\pi r^2 = \frac{27}{4}\pi r^2$$

Ответ: 1) $\frac{27}{16}\pi r^2 = 27\pi$ см

2) $\frac{27}{4}\pi r^2 = 108\pi$ см

$$\frac{2}{5} + \frac{1}{2} = \frac{4+5}{10} = \frac{9}{10}$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1 2 3 4 5 6 7

СТРАНИЦА
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{array}{r} 4 \\ \times 17 \\ \hline 119 \\ 17 \\ \hline 283 \end{array}$$

$$\frac{12}{25} \cdot \frac{270}{289} = \frac{12 \cdot 270}{25 \cdot 289} =$$

~~$$\frac{12 \cdot 17}{5 \cdot 17} = \frac{12}{5}$$~~

$$\begin{array}{r} 289 \\ \times 12 \\ \hline 578 \\ 289 \\ \hline 3468 \end{array}$$

~~$$\begin{array}{r} 270 \\ \times 25 \\ \hline 31 \\ 27 \\ \hline 135 \\ 54 \\ \hline 675 \end{array}$$~~

$$\begin{array}{r} 3468 \\ - 675 \\ \hline 2793 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 25 \times 289 \\ 44 \\ \times 289 \\ \hline 1945 \\ 578 \\ \hline 7225 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 2 \\ \times 27 \\ \hline 108 \end{array}$$

~~$$\begin{array}{r} 875 \\ \times 2 \\ \hline 1750 \end{array}$$~~

$$\begin{array}{r} 43 \\ \times 875 \\ \hline 16 \\ 5250 \\ 875 \\ \hline 140,00 \end{array}$$