



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 3



1. ~~[3 балла]~~ Найдите все действительные значения  $x$ , при каждом из которых существует геометрическая прогрессия, состоящая из действительных чисел и такая, что её десятый член равен

$$\sqrt{(25x + 34)(3x + 2)}, \text{ двенадцатый член равен } 2 - x, \text{ а восемнадцатый член равен } \sqrt{\frac{25x + 34}{(3x + 2)^3}}.$$

2. [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+6} - \sqrt{3-x-2z} + 7 = 2\sqrt{y-3x-x^2+z}, \\ |y+2| + 2|y-18| = \sqrt{400-z^2}. \end{cases}$$

- ~~3. [5 баллов]~~ Найдите все значения параметра  $p$ , при которых уравнение

$$p \cos 3x + 6 \cos 2x + 3(p+4) \cos x + 10 = 0$$

имеет хотя бы одно решение. Решите это уравнение при всех таких  $p$ .

4. [5 баллов] Две окружности  $\omega_1$  и  $\omega_2$  пересекаются в точках  $A$  и  $B$ , а их общая касательная имеет с  $\omega_1$  и  $\omega_2$  общие точки  $C$  и  $D$  соответственно, причём точка  $B$  расположена ближе к прямой  $CD$ , чем точка  $A$ . Луч  $CB$  пересекает  $\omega_2$  в точках  $B$  и  $E$ . Найдите отношение  $ED : CD$ , если диагональ  $AD$  четырёхугольника  $ACDE$  делит отрезок  $CE$  в отношении  $7 : 20$ , считая от вершины  $C$ .

- ~~5. [4 балла]~~ Дан клетчатый прямоугольник  $500 \times 120$ . Сколькими способами можно закрасить 8 клеток этого прямоугольника так, чтобы закрашенное множество обладало хотя бы одной из следующих симметрий: относительно центра прямоугольника, относительно любой из двух "средних линий" прямоугольника ("средней линией" прямоугольника назовём отрезок, соединяющий середины двух его противоположных сторон). Ответ дайте в виде выражения, содержащего не более трёх членов (в них могут входить факториалы, биномиальные коэффициенты).

6. [4 балла] Найдите все тройки целых чисел  $(a; b; c)$  такие, что:

- $a < b$ ,
- число  $b - a$  не кратно 3,
- число  $(a - c)(b - c)$  является квадратом некоторого простого числа,
- выполняется равенство  $a^2 + b = 1000$ .

7. [6 баллов] В основании призмы лежит равносторонний треугольник площади 4. Площади её боковых граней равны 6, 6 и 5. Найдите объём призмы.



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

Ответ: \*  $-2; -1; -19; 30$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$b_{10} = \sqrt{(25x+34)(3x+2)}$$

$$b_{12} = b_{10} \cdot q^2 = 2-x$$

$$b_{18} = b_{10} \cdot q^8 = \frac{\sqrt{25x+34}}{\sqrt{(3x+2)^3}} = \sqrt{(25x+34)(3x+2)} \cdot q^8 \Rightarrow$$



$$1) x \leq -1,36 \Rightarrow \sqrt{(3x+2)^4} \cdot q^8 = 1 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow q^8 = \frac{1}{(3x+2)^2} \Rightarrow q^4 = \frac{1}{|3x+2|} \Rightarrow$$

$$= \frac{1}{-(3x+2)} \Rightarrow b_{12} = \frac{\sqrt{(25+34)(3x+2)}}{\sqrt{-(3x+2)}} = 2-x \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \sqrt{-(25+34)} = 2-x$$

$$-25x-34 = 4-4x+x^2$$

$$x^2 + 21x + 38 = 0$$

$$\begin{matrix} x = -2; \\ x = -19 \end{matrix}$$

$$2) x > -\frac{2}{3} \Rightarrow \sqrt{(3x+2)^4} = q^8 \Rightarrow q^4 = \frac{1}{3x+2} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow b_{12} = \frac{\sqrt{(25x+34)(3x+2)}}{\sqrt{3x+2}} = 2-x$$

$$\sqrt{25x+34} = 2-x$$

$$25x+34 = 4-4x+x^2 \Rightarrow x^2 - 29x - 30 = 0$$

$$x = 30; x = -1$$

(случай, когда  $\sqrt{25x+34} = 0$   
исключается т.к.  
 $b_{10} = 0; b_{12} = 0$   
 $b_{12} = 3,36$ )





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$p \cos 3x + 6 \cos 2x + 3(p+4) \cos x + 10 = 0$$

используем  $\cos 3x = 4t^3 - 3t$

$$p(4t^3 - 3t) + 6(2t^2 - 1) + 3(p+4)t + 10 = 0$$

$$4pt^3 - 3pt + 12t^2 - 6 + 3(p+4)t + 10 = 0$$

$$4pt^3 + 12t^2 + 3(p+4-p)t + 4 = 0$$

$$4pt^3 + 12t^2 + 3t + 4 = 0$$

Положим, что у уравнения

только в том случае, если у  $f(t)$  есть хотя бы 1 корень на промежутке  $[-1; 1]$

$$f(t) = (p-1)t^3 + t^3 + 1 + 3t(t+1) = (p-1)t^3 + (t+1)^3$$

используем  $\sqrt[3]{p-1} = a$ , тогда  $a^3 t^3 + (t+1)^3 = (at + t + 1)(a^2 t^2 - at^2 - at + t^2 + 2t + 1)$

$$1) at + t + 1 = 0 \Rightarrow t = -\frac{1}{a+1} \quad -1 \leq -\frac{1}{a+1} \leq 1$$

$$2) t^2(a^2 - a + 1) + t(2-a) + 1 = 0$$

$$D = 4 - 4a + a^2 - 4a^2 + 4a = -3a^2 \leq 0 \Rightarrow \text{только случай } a = 0$$

$$1) -1 \leq \frac{1}{a+1} \leq 1 \Rightarrow a \in (-\infty; -2] \cup [0; +\infty)$$

(0 в крестике в уравнении  $\Rightarrow$  2 сл. не рассматриваем)

$$a) \sqrt[3]{p-1} \leq -2 \quad b) \sqrt[3]{p-1} \geq 0$$

$$p-1 \leq -8 \quad p \geq 1$$

$$p \leq -7$$

Ответ:  $(-\infty; -7] \cup [1; +\infty)$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

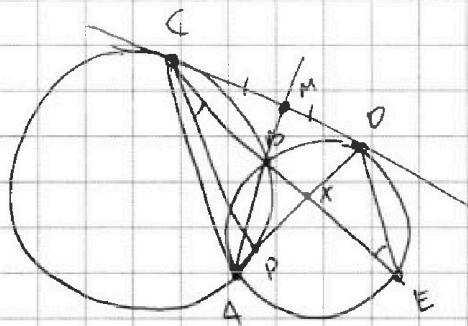
5

6

7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{CX}{XE} = \frac{7}{20}$$

$$XP \cdot XA = XB \cdot XC$$

$$XB \cdot XE = XA \cdot XD$$

$$\frac{XP}{XD} = \frac{XC}{XE} = \frac{7}{20}$$

$\Rightarrow \triangle CXP \sim \triangle DXE \Rightarrow PC \perp DE$

$$CB \cdot CE = CD^2 = DP \cdot DA$$

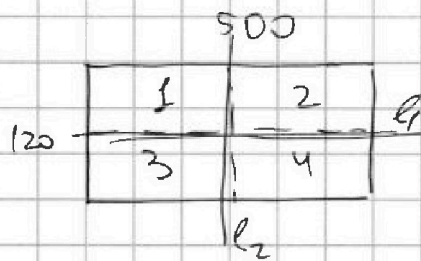


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

СТРАНИЦА

1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



Очевидно, что если множество симм. отн центра и одной из ср линий, то оно симм отн. и другой ср линии.

Также, если множество симм отн-но 2-х ср линий, то оно симм. и отн-но центра

1) посчитаем, симм. отн.-но центра: известно, что если выбрать в верхах 2-х и-уг-х 4 клетки, то они однозначно зададут ч. симм. (возможно, все 4 кл. в одной и-уг-ке). Т.е.  $C_{60000}^4$

2) Аналогично,  $C_{60000}^4$  способов задать симм. отн-но  $l_1$  (выберем 4 кл. в 1-и 2-и и-уг-х)

3)  $\emptyset$  4 кл. в 1-и 3-и и-уг-х  $\emptyset$  однозначно задают симм. отн-но  $l_2$ , т.е.  $C_{60000}^4$   
~~Которое~~ известно, что может быть либо только

1 вид симм.-и (из 3-х) либо все 3 сразу нулев

X-коп-во расстановок, симм отн-но центра, и 2-х ср линий одновременно. Тогда нулев A, B, C - симм. только отн-но центра и 2-х ср линий соотв.

Тогда в 1)  $C_{60000}^4 = A + X$ , и т.д. Как можно найти  $A + B + C + X$

т.е.  $3 C_{60000}^4 = 2X$ . А все 3 симм. заданные однозначно задают клетками в 1-и и-уг-ке





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$7.e \quad X_2 \quad C_{15000}^2$$

$$\text{Ответ:} \quad 3 C_{30000}^4 - 2 C_{15000}^2$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$a < b$

$$(a-c)(b-c) = p^2 \Rightarrow \begin{cases} a-c = \pm p \\ b-c = \pm p^2 \end{cases}$$

$$\begin{cases} a-c = +p \\ b-c = +p \end{cases} \text{ - тогда } a = b, \text{ но } a < b \Rightarrow$$

$\Rightarrow$

$$\begin{cases} a-c = \pm p^2 \\ b-c = \pm 1 \end{cases}$$

т.к.  $a < b \Rightarrow$

$$\begin{cases} a-c = 1 & (1) \\ b-c = p^2 & (1) \\ a-c = -p^2 & (2) \\ b-c = -1 & (2) \end{cases}$$

г)  $a-c=1 \Rightarrow a = c+1 \quad c = a-1 \quad b-a+1 = p^2$

$a^2 + b = 1000 \Rightarrow b = 1000 - a^2$

$-a^2 - a + 1000 = p^2$

$a^2 + a + p^2 - 1000 = 0$

$D = 1 - 4p^2 + 4000 =$

а)  $a^2 + b = 1000 \Rightarrow a \in [-32; 31] \quad = 4005 - 4p^2 = k^2$

$p \in [2; 31] \Rightarrow p \in \{2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31\}$  (ND - целое)

$b-a = (p-1)(p+1) \Rightarrow \begin{matrix} p-1 \neq 3 \\ p+1 \neq 3 \end{matrix} \Rightarrow \cancel{p=2} \quad (p:3) \Rightarrow p=3$

$\Rightarrow a = \frac{-1 \pm \sqrt{1005-36}}{2} = \frac{-1 \pm \sqrt{3969}}{2} = \frac{-1 \pm 63}{2} \in \begin{cases} -32 \\ 31 \end{cases}$

б)  $b-c = -1 \Rightarrow c = b+1 \Rightarrow a-b-1 = p^2$

$a-b = (1-p)(p+1) \Rightarrow p:3 \Rightarrow p=3$

$\Rightarrow a = b+1 \quad a-b = -1 \quad a + a^2 - 1000 = -1$   
 $a^2 + a - 1000 = 0$

$D = 1 + 4032 = 4033$  не лев. кв. целого  
 $\Rightarrow a$  - не целое  $\omega$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

СТРАНИЦА

2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\begin{aligned} \Rightarrow & \begin{cases} a - c = 1 \\ b - c = 3 \end{cases} \end{aligned}$$

$$a = \begin{cases} -32 \\ 31 \end{cases} \Rightarrow$$

$$1) a = -32 \Rightarrow c = -33 \Rightarrow b = -30$$

$$2) a = 31 \Rightarrow c = 30 \Rightarrow b = 33$$

Ответ:  $(-32; -33; -30)$   
 $(31; 30; 33)$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

т.к.  $\Delta A...C_1$  - призма  $\Rightarrow$  дв. грани -  $n/2$

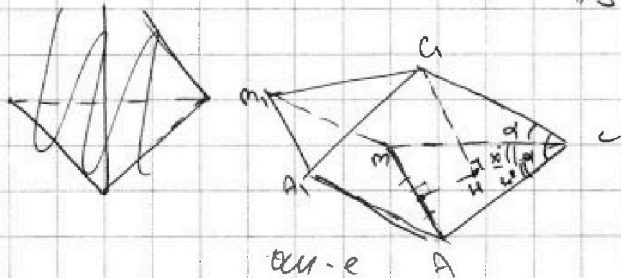
$$S = a \cdot l \cdot \sin \alpha \quad (\text{где } a_1 - \text{сторона } \text{осн. } \Delta$$

$l$  - дв. ребро)  
или  $l = \frac{a}{\sin \alpha}$

т.к. 2 пар-ля  
и осн.  $\Delta$   $\Rightarrow$

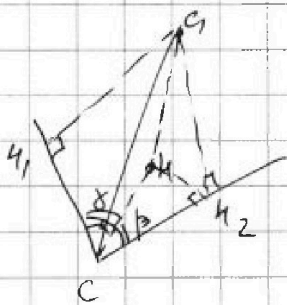
$\Rightarrow$  у каких-то граней  
два угла,  $n/2$  дв. ребро  
и стороной осн.  $\Delta$   
равны

Искать это грани  $AA_1C_1A_1$   
и  $AA_1C_1A_1$



В таком случае, высота провед. из  $C_1$  на  $(ABC)$

и перп. на дисс-се угла  $\angle BCA$ : Докажем это!



Искать  $\cos \alpha = \frac{CH}{CC_1}$   
 $\cos \alpha = \frac{CH}{CC_1}$

По т. о з перп.:  $CH_1 \perp CH_2$

$$\Rightarrow CH_2 = CH \cdot \cos \alpha$$

Аналогично  $CH_1 = CH \cdot \cos \alpha$

но  $CH_1 = CH_2$  (высоты в равных пар-х)

$$\Rightarrow \cos \alpha = \cos \alpha = \alpha = \alpha \Rightarrow CH - \text{дисс-се}$$

$\Rightarrow$  И перп. на высоте дисс-се,  $n/2$  из  $C_1$

Зав. это  $AA_1, A_1B_1, B_1$  -  $n/2$   $S = a \cdot l \cdot \sin \alpha$

тогда  $l = \frac{5}{a}$

$$S \sin \alpha \cdot a = 6 \Rightarrow \sin \alpha = \frac{6}{a^2}$$

$$V = 4 \cdot H C_1$$

Значит, это  $AA_1, A_1B_1, B_1$  -  $n/2$   $\Rightarrow l = \frac{5}{a}$

$$S = 4 = \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 \Rightarrow a^2 = \frac{16}{\sqrt{3}} \Rightarrow a = \frac{4}{\sqrt{3}}$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Лорча QR-кода недопустима!

$$p \cos 3x + 6 \cos 2x + 3(p+4) \cos x + 10 = 0$$

$$a - c = -1$$

$$b - c > 0$$

$$\begin{cases} a + c = 2p \\ b - c = p^2 \end{cases}$$

$$\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x$$

$$4p \cos^3 x - 3p \cos x + 12 \cos^2 x - 6 + 3(p+4) \cos x + 10 = 0$$

$$a - c = b - c$$

$$\cos 2x = 2 \cos^2 x - 1$$

$$r^2$$

$$4r^2 + 64$$

$$\frac{4r^2 + 64}{4096}$$

$$D = 1 + 400p - 4p^2$$

$$4p t^3 - 3p t + 12 t^2 - 6 + 3(p+4)t + 10 = 0$$

$$4p t^3 + 12 t^2 + 12 t + 4 = 0 \quad (-a)^2 - a + 1$$

$$p t^3 + 3 t^2 + 3 t + 1 = 0 \quad /: t^2$$

$$\begin{array}{r} 4p^3 \\ 4p^2 \\ \hline 108/9 \end{array}$$

$$p t + 3 + \frac{3}{t} + \frac{1}{t^2} = 0$$

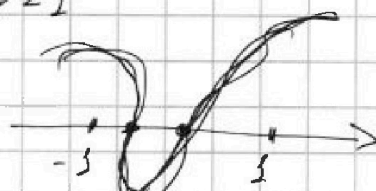
$$a - c = 2 + p^2$$

$$b - c = p$$

$$D = 1 + 400p - 4p^2$$

$$4(100 - 4p^2) t^2 + p t + 3 + \frac{1}{t} = 0$$

$$p = 1$$



$$\begin{array}{r} 400p^4/5 \\ 801/9 \\ 88/29 \end{array}$$

$$t^3 (3p)^3 + 1 = (t^3 p + 1)(t^3 + 1)$$

$$\cos 3x = 4 \cos^3 x - 3 \cos x$$

$$1) \begin{cases} a - c = 1 \\ b - c = p^2 \end{cases}$$

$$2) \begin{cases} a - c = -p^2 \\ b - c = -1 \end{cases}$$

$4 < b$   
 $b$  и  $a$  чёткие разное от mod 3

$$(a+c)(b+c) = p^2$$

$$a^2 + 16 = 1000$$

$$a^2 = 1024 - 32$$

$$a^2 = 1024 - 32 +$$

$$b = 1000 - a^2$$

$$a^2 + a - 1001 + p^2 = 0$$

$$2) \begin{cases} c = a - 1 \\ b - a + 1 = p^2 \end{cases}$$

$$b - a = (p-1)(p+1)$$

$$3) a \geq 32$$

$$c = a - 1$$

$$a = b - 1 + p^2$$

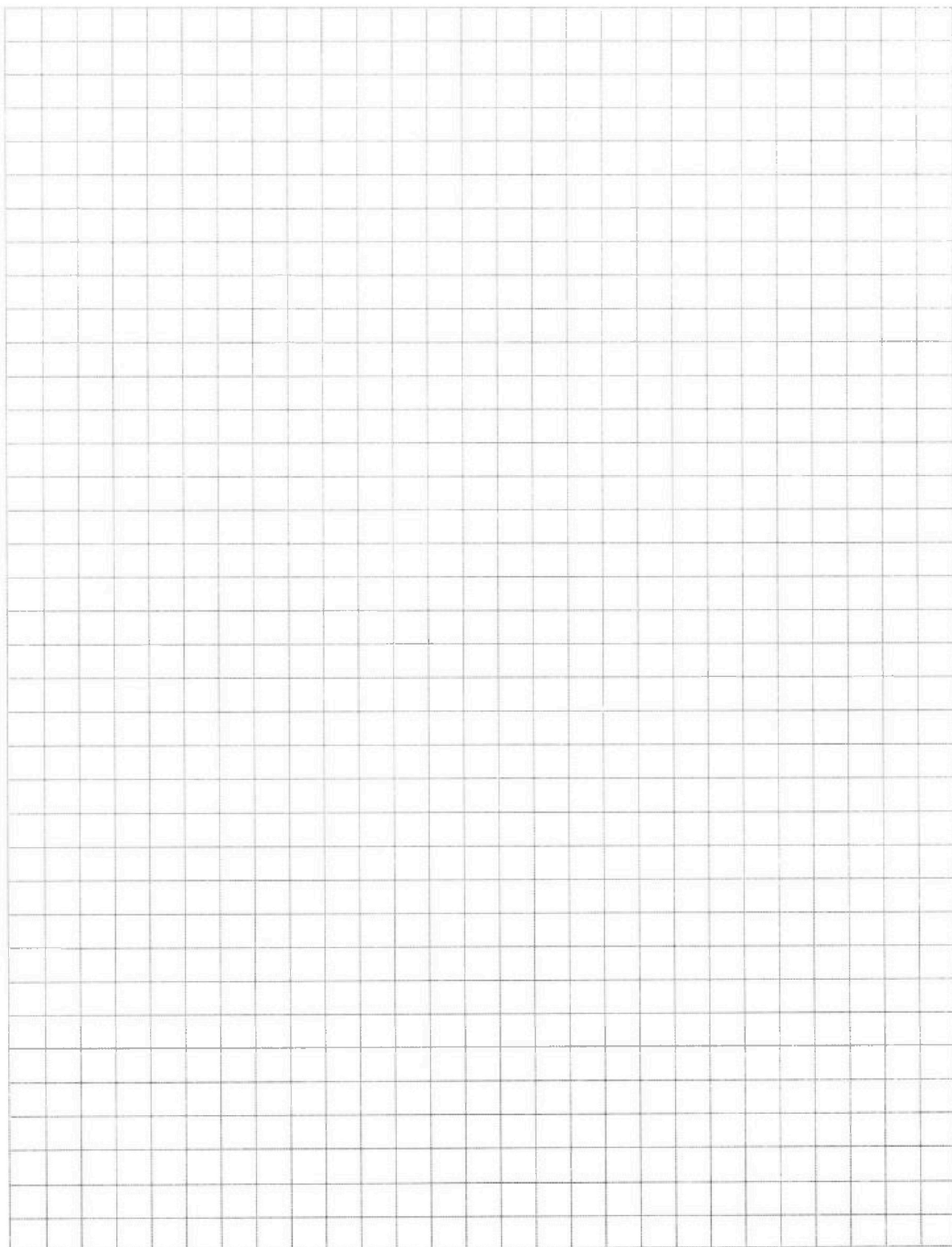


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!







На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
— ИЗ —

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$b_{10} = \sqrt{(25x+34)(3x+2)} \quad (y+2) + 2|y-18| = \sqrt{100-z^2}$$

$$b_{12} = 2-x = b_{10} \cdot q^2 \quad y^2 + 4y + 4 + 4y^2 - 42y + \quad \xrightarrow{-2 \quad 18}$$

$$b_{18} = \sqrt{\frac{25x+34}{3x+2}} = b_{12} \cdot q^6 = b_{10} \cdot q^8 \quad \xrightarrow{y \cdot 2}$$

$$1) \quad x < -1,36 \Rightarrow q^4 = -(3x+2) \quad \xrightarrow{y \cdot 2} \quad -3y + 34 = \sqrt{100-z^2}$$

$$\sqrt{(25+34)(3x+2)} \cdot \sqrt{-(3x+2)} = 2-x \quad \xrightarrow{y \cdot 2} \quad \sqrt{(20-z)(20+z)}$$

$$\sqrt{(25x+34)(3x+2)^2} = 2-x \quad \xrightarrow{y \cdot 2} \quad -36-z$$

$$\sqrt{(25x+34)} = \frac{2-x}{-(3x+2)} \quad \xrightarrow{y \cdot 2} \quad \sqrt{(20-z)(20+z)}$$

$$-(25x+34) = \frac{4-4x+x^2 - 25x - 34}{9x^2 + 12x + 4} \quad \xrightarrow{y \cdot 2} \quad \sqrt{(20-z)(20+z)}$$

$$-9 \cdot 25x^3 - 25 \cdot 12x^2 - 100x - 9 \cdot 34x^2 - 12 \cdot 34x - 34 \cdot 4 = 4 - 4x + x^2$$

$$+ 225x^3 + 607x^2 + 504x + 140 = 0 \quad \left\{ \begin{array}{l} \frac{px}{qx} = \frac{7}{20} \end{array} \right.$$

$$\text{или } -225 - 504 + 607 + 140$$

$$+ 29 + 747$$



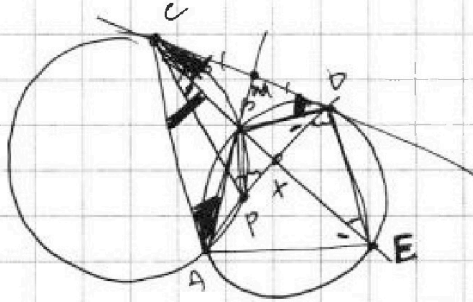


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$CB \cdot CE = CO^2 \Rightarrow CO = CB \cdot CE$$

$$\frac{CO}{CE} = \frac{CB}{CO}$$

$$\frac{CO}{OA} = \frac{CP}{CO} = \frac{CP}{CA}$$

$$\frac{ED}{CO}$$

$$CO = \frac{CP}{CO}$$

$$\frac{CP}{CO}$$

$$\frac{ED}{CP} = \frac{20}{7} \Rightarrow ED = \frac{20}{7} CP$$

a-c

-21

38 = 2 VB 19

-2, -19

29 - 34 = 217

2.15

6.5

MP

-1 + 30



На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

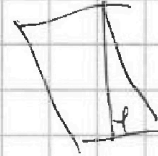
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$p t^3 + 3 t^2 + 3 t + 1 = 0$  и имеет корни  $t = -1$  и  $t = 1$

$$(p-1)t^3 + (t^3 + 1) + 3t(t+1)$$

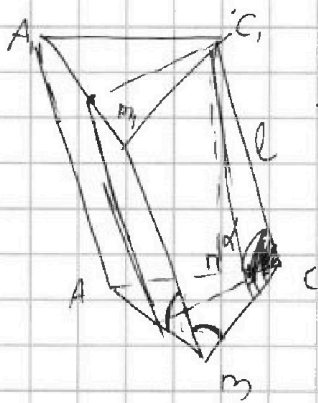
$$(t+1)(t^2 + 2t + 1) = 0$$

$$(t+1)^3 + (p-1)t^3 = 0$$



$$S = \frac{4}{\sqrt{3}} a^2, \quad \frac{\sqrt{3}}{4} a^2 = 4$$

$$a^2 = \frac{4^2}{\sqrt{3}} \Rightarrow a^2 = \frac{16}{\sqrt{3}}$$



$h = 2 \text{ см}$

$h = 5 \text{ см}$

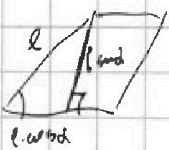
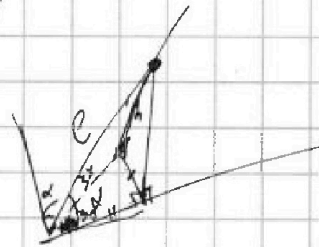
$$\frac{S}{a} \text{ см} = \frac{6}{a}$$

$$l \text{ см} \cdot a = 6$$

$$l \text{ см} = \frac{6}{a} = \frac{30 \cdot \sqrt{3}}{42}$$

$$= \frac{3\sqrt{3}}{2}$$

$$\frac{S}{a} \text{ см} = \frac{6}{a}$$



$$= \frac{(6l-a)(6la)}{6l}$$

$$l \text{ см} = \frac{6}{a}$$

$$h \text{ см} = \frac{6}{a}$$

$$\cos \alpha = \frac{h}{a} = \frac{56l^2 - a^2}{56l^2}$$



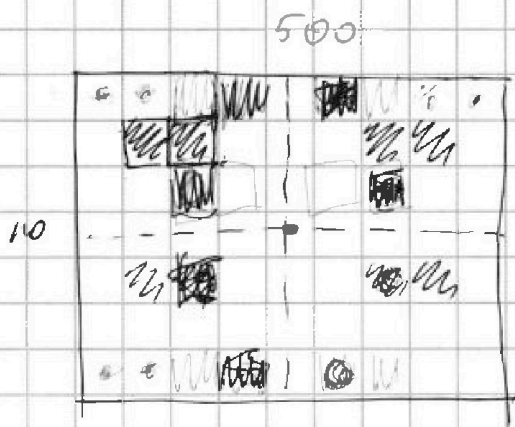


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

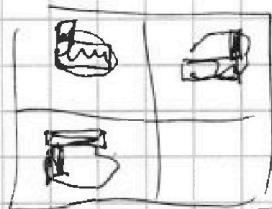
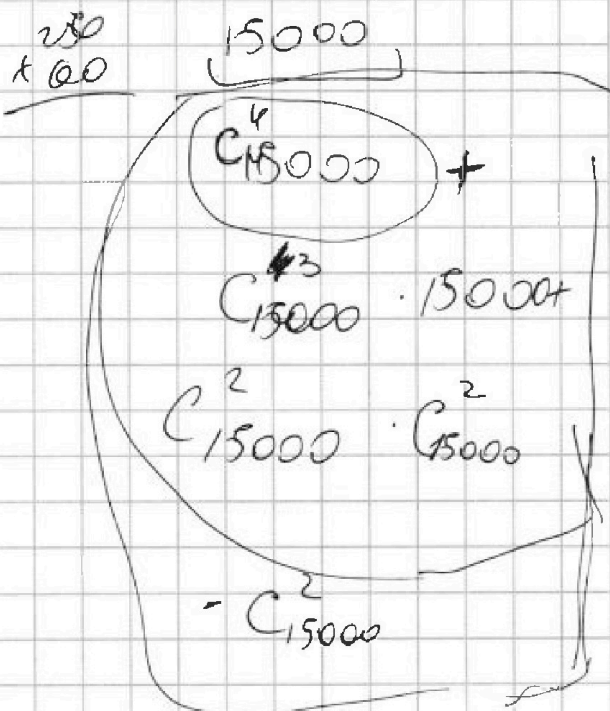
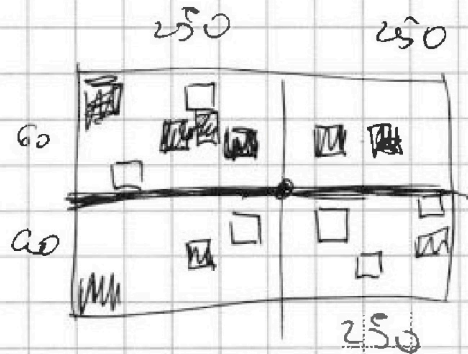
1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



либо центр + 2 смеж.



250  
x 1200

только центр.

- только центр.

$$C_{30000}^4 - C_{15000}^2$$

$$C_{30000}^4 = C_{15000}^2$$

когда будет все 3 шимм. либо

если

$$A + B + C + X$$

$$A + X ; B + X ; C + X$$

- 2X

$$2n - x_2 -$$

$$2n - x - 2n - x_2$$

$$\sqrt{2} = 2 + 2^2 + 2^3$$

$$y - x^2 + 5x - 6$$

$$y - x^2 + x^2 + x_2 - 6$$





1 2 3 4 5 6 7

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
--------------------------	--------------------------	--------------------------	--------------------------	--------------------------	--------------------------	--------------------------

СТРАНИЦА  
— ИЗ —

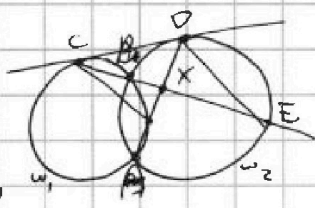
Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$40005 - 36 = 3969$

40005	-	36	
3969			

$3969 / 9 = 441$

3969	/	9	=	441
36				
81				



$$\frac{DX}{XE} = \frac{XP}{XC} \Rightarrow \triangle CPX \sim \triangle EDX$$

$$\frac{CX}{EX} = \frac{PX}{DX} = \frac{CP}{ED} = \frac{7}{20}$$

$$\frac{CX}{XE} = \frac{7}{20}$$

$$DX \cdot XA = BX \cdot XE$$

$$\frac{3969}{81} = \frac{441}{49} \Rightarrow \frac{CB + BX}{BE - BX} = \frac{7}{20}$$

$\frac{ED}{CD}$

$$CB \cdot CE = CD^2$$

$$20CB + 20BX = 7BE - 7BX$$

$$7 \cdot 81$$

$$20CB + 27BX = 7BE$$

$$CB \cdot (CB + BE) = CD^2$$

$$\frac{CX}{OX} = \frac{7}{20} = \frac{OX}{XE}$$

$$CB^2 + CB \cdot BE = 20CD^2$$

$$XA \cdot XE = OX \cdot AX$$

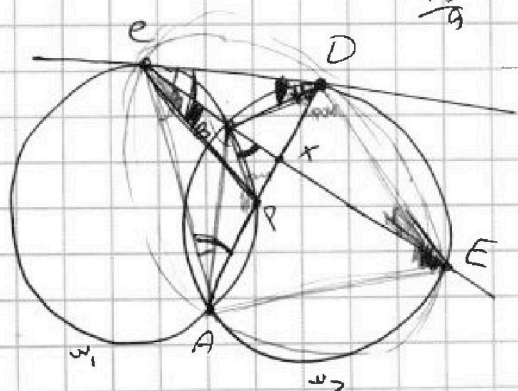
$$CX = \cancel{CB + BX} \quad \cancel{CX + XE} = CE - XE$$

$$CE = CX + XE$$

$$DP \cdot DA = CD^2 = CB \cdot CE$$

$$\frac{81}{49} = \frac{64}{64}$$

$$\frac{DP}{CB} = \frac{CE}{DA} \quad (-32)$$



$$27x \cdot y = 64x^2$$

$$XB \cdot XE = DX \cdot XA$$

$$\frac{CX}{XE} = \frac{7X}{20X}$$

$$xm \cdot BE$$

$$DX \cdot XC = XE \cdot XP$$

$$(7x - 64) \cdot (BE - 20x) = DX \cdot DA$$

$$XP \cdot XA = XB \cdot XC = \frac{DX \cdot XA \cdot XC}{XE}$$

$$xm \cdot XE = DX \cdot XA$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
из

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$b_1; q$

$$b_{10} = b_1 \cdot q^9 = \sqrt{(25x+34)/(3x+2)}$$

$$b_{12} = b_1 \cdot q^{11} = 2-x$$

$$b_{18} = b_1 \cdot q^{17} = \sqrt{\frac{25x+34}{(3x+2)^2}}$$

$$= b_{10} \cdot q^8$$

$$\frac{1}{q^2} \leq \frac{1}{q} \leq 1$$

$$4-4a+a^2 - 4a^2+4a \neq 4$$

$$\frac{a+1}{a+1} \leq \frac{a-a+1}{2a+1} \leq 1$$

$$\frac{\sqrt{25x+34}}{\sqrt{(3x+2)^3}} \cdot q^8 = \sqrt{\frac{25x+34}{(3x+2)^3}}$$

$$\sqrt[3]{p-1} = q$$

$5 \cdot 2 \cdot 2 \rightarrow$

$$-\frac{34}{25} = -1 \frac{9}{25} = -1,36$$

$$\frac{a+1}{1}$$

$$\frac{a+1}{a}$$

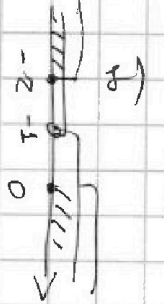
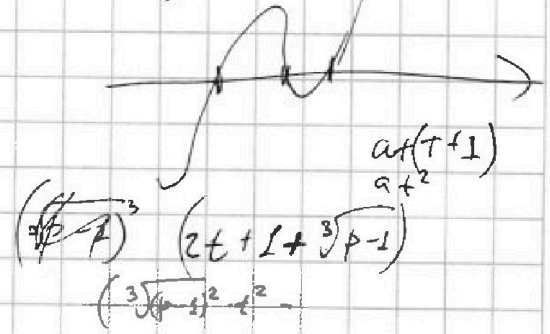
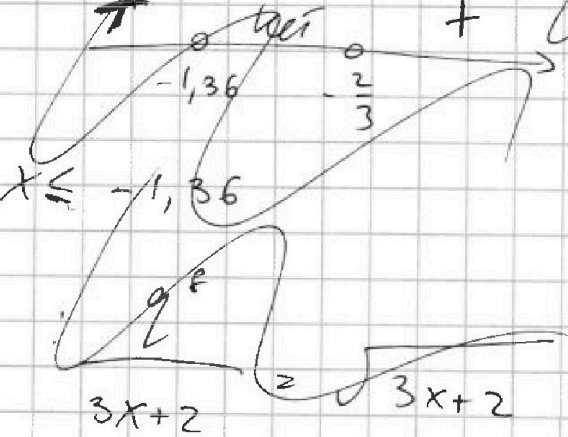
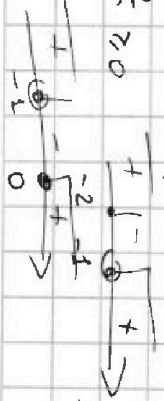
$$2a - \frac{2}{3}$$

$$1) x > -1,36$$

$$2) x > -\frac{2}{3}$$

$$\frac{a+1}{a+1} + 1$$

$$t^2(2t-1) + t(2t-1) + t^2+1$$



$$x < -1,36$$

$$\sqrt{-3x-2} = \frac{q^8}{\sqrt{(-3x-2)^3}} \Rightarrow q^8 = \sqrt{(-3x-2)^4}$$

$$= q^8 = (-3x-2)^2 \quad q^4 = \sqrt{(-3x-2)} \cdot (-3x-2)$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$q = \sqrt{-(3x+2)} :$$

$$b_{12} = \sqrt{(25+34)(3x+2)} \cdot \sqrt{-(3x+2)}$$

$$b_{10} = b_1 \cdot q^9 = \sqrt{(25+34)(3x+2)} \cdot (\sqrt{-(3x+2)})^9 = b_1 \cdot \sqrt{-(3x+2)}^9$$

$$b_1 = \sqrt[4]{\frac{(25+34)^2 (3x+2)^2}{(-3x+2)^9}}$$

$$\frac{2+0}{7} = 27$$

$$0 = 5 + (8+0)7$$

$$q^8 \cdot q$$

$$q_1 \left( -(3x+2) \right)^2 \cdot \sqrt{-(3x+2)}$$

$$\sqrt{x+6} = a$$

$$\sqrt{3-x-2z} = b$$

$$a - b + 7 =$$

$$|z| \leq 20$$

$$x \geq -6$$

$$3-x \leq 9$$

$$|y+2| + 2|y-18| = \sqrt{400-z^2}$$

$$y - 3x - x^2 + z \quad (x-y)(-x+z)$$

$$\sqrt{x+6} + 7 = 2\sqrt{-x^2-3x+z+y} + \sqrt{3-x-2z}$$

$$a \leftarrow 1$$

$$\frac{-b}{2a} = \frac{3}{-2} = -\frac{3}{2}$$

$$a^2 \cdot b = 4000 \quad \underline{\underline{b - a + 1 = b^2}}$$

$$+(y+2) + (1 + y - 2y) = 7$$

$$1 + 7 + 2 + 2 + 7 + y - 2y - 2 \cdot \frac{1}{2} \cdot y$$