



МОСКОВСКИЙ  
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ  
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"  
ПО МАТЕМАТИКЕ

10 КЛАСС. Вариант 7



3 [3 балла] Четвёртый член арифметической прогрессии равен  $6 - 9x$ , шестой член равен  $(x^2 - 2x)^2$ , а десятый равен  $9x^2$ . Найдите  $x$ .

4 [4 балла] Найдите наибольшее значение выражения  $3y + 6x$  при условии

$$\begin{cases} |x - 2y| \leq 2 \\ |2x - y| \leq 1. \end{cases}$$

5 [5 баллов] Найдите все пары  $(m, n)$  натуральных чисел, для которых одно из чисел  $A = m^2 + 4mn + 4n^2 - 7m - 14n$  и  $B = m^2n + 2mn^2 + 9mn$  равно  $11p^2$ , а другое равно  $75q^2$ , где  $p$  и  $q$  - простые числа.

6 [5 баллов] Прямая, параллельная биссектрисе  $AH$  треугольника  $ABC$ , проходящая через середину  $M$  его стороны  $BC$ , пересекает сторону  $AB$  и продолжение стороны  $AC$  в точках  $Z$  и  $Y$  соответственно. Найдите  $BC$ , если  $AC = 6$ ,  $AZ = 3$ ,  $YZ = 4$ .

7 [4 балла] Решите систему уравнений

$$\begin{cases} \sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2}, \\ x^3 + 3x - \sqrt{2y} = y^3 - \sqrt{2x} + 3y. \end{cases}$$

8 [4 балла] На тетрадном листе нарисован квадрат  $10 \times 10$  клеток (стороны квадрата идут вдоль границ клеток), а все узлы сетки внутри квадрата или на его границе покрашены в чёрный цвет. Найдите количество способов перекрасить два узла в белый цвет, если раскраски, получающиеся друг из друга поворотом, считаются одинаковыми.

9 [6 баллов] В треугольнике  $ABC$  на медиане  $AM$  и биссектрисе  $CL$  как на диаметрах построены окружности  $\Omega$  и  $\omega$  соответственно, пересекающиеся в точках  $P$  и  $Q$ . Отрезок  $PQ$  параллелен высоте треугольника  $ABC$ , проведённой из вершины  $B$ . Окружность  $\Omega$  пересекает сторону  $AC$  повторно в точке  $N$ . Найдите длины сторон  $AC$  и  $BC$ , если  $AB = 4$ ,  $AN = 5$ .



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

1. Пусть первый шек =  $a$ , а второй  $a+k \rightarrow$

$\rightarrow a+k = 6-9k$ ,  $a+k = x^2 - 4x^3 + 4x^2$ ,  $a+k = 9x^2$

$\rightarrow k = \frac{6-9k-a}{3}$ ,  $a+k = a + 18 - 3k - 9a = 9x^2 \rightarrow a = \frac{18-24k-9x^2}{2} \rightarrow$

$\rightarrow a+k = \frac{18-24k-9x^2}{2} + \frac{30-4k-9a}{3} = \frac{54-81x-24k^2+60-30k-10a}{6} =$

$= \frac{54-81x-24k^2+60-30k-90+135+48x^2}{6} = \frac{18x^2-171x+159}{6} =$

$= \frac{6x^2-57x+53}{2}$

$\rightarrow 6x^2-57x+53 = 2x^4-8x^3+8x^2 \rightarrow 2x^4-8x^3+2x^2+57x-53 =$

$=$  Пусть  $k$  - разность шеков  $\rightarrow$

$\rightarrow 6k = 9x^2 - (6-9k) \rightarrow 2k = 3x^2 - (2-3x) = 3x^2 - 2 + 3x$ , а также  $\circ$

$2k = (x^2-2x)^2 - (6-9x) = x^4 - 4x^3 + 4x^2 - 6 + 9x \rightarrow$

$\rightarrow 3x^2 + 3x - 2 = x^4 - 4x^3 + 4x^2 - 6 + 9x \rightarrow x^4 - 4x^3 + x^2 + 6x - 4 = 0$

$\rightarrow \begin{cases} x=1 \\ x^2-2x-4=0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x=1 \\ x = \frac{2 \pm \sqrt{20}}{2} = \frac{2 \pm 2\sqrt{5}}{2} = 1 \pm \sqrt{5} \end{cases}$

$\Rightarrow$  Ответ:  $x \in \{1, 1+\sqrt{5}, 1-\sqrt{5}\}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2.  $3y+6x = 3(y+2x) \Rightarrow$  критическая линия.  $y+2x$

Далее  $x-y \geq 0 \Rightarrow x-2y \leq 2$  или же  $x-2y \leq 0 \Rightarrow 2y-x \leq 2 \Rightarrow$   
 $\Rightarrow \begin{cases} x-y-2 \leq 2y-x \leq 0 & \text{а) } \\ 0 \leq 2y-x \leq 2 & \text{б) } \end{cases}$ , а также  $\begin{cases} -1 \leq y-2x \leq 0 & \text{в) } \\ 0 \leq y-2x \leq 1 & \text{г) } \end{cases}$

Сам выводится а) и б)

$\Rightarrow \begin{cases} -6 \leq 6y-3x \leq 0 \\ 0 \leq 6y-3x \leq 6 \end{cases}$

$\begin{cases} -2 \leq y-2x \leq 0 \\ 0 \leq 2y-4x \leq 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 0 \leq x-y \leq 2 \end{cases}$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3.

$$A = m^2 + 4mn + 4n^2 \rightarrow 7m - 4n = (mn)^2 - 4(mn) = (mn)(mn - 4)$$

$$B = m^2 + 2mn^2 + 9n^2 = mn(m + 9)$$

$$A \equiv_2 m \cdot (m-4) \text{ , но } m \text{ и } m-4 \text{ - разной четности } \Rightarrow A \equiv_2 0$$

$$B \equiv_2 mn(m+9) \text{ , но } m \text{ и } m+9 \text{ - разной четности } \Rightarrow B \equiv_2 0$$

$$\text{или } \Rightarrow 11p^2 \equiv_2 \Rightarrow p^2 \equiv_2 \Rightarrow p=2 \text{ и } 5q^2 \equiv_2 \Rightarrow q^2 \equiv_2 \Rightarrow q=2.$$

$$\Rightarrow 11p^2 = 44, \text{ а } 5q^2 = 500.$$

$$\Rightarrow (A, B) = (44, 500) \text{ (В) } \{A, B\} = \{44, 500\}$$

$$\text{Пусть } t = mn \Rightarrow A = t(t-4) = t^2 - 4t$$

$$\text{Пусть } A = 44 \Rightarrow t^2 - 4t = 44 \Rightarrow t \text{ и } t-4 \text{ - разной четности}$$

$$\text{Пусть } A = 500 \Rightarrow t^2 - 4t = 500 \Rightarrow t^2 - 4t - 500 = 0$$

$$\Rightarrow D = 49 + 2000 = 2049, \text{ но } 2049 \text{ - не квадрат } \Rightarrow \text{В} \text{ корни не являются целыми,}$$

$$\text{но } t \text{ - натуральное } \Rightarrow \text{противоречие } \Rightarrow A = 44, \text{ а } B = 500$$

$$\Rightarrow t(t-4) = 44 \Rightarrow t^2 - 4t - 44 = 0 \Rightarrow D = 49 + 176 = 225 = 15^2 \Rightarrow$$

$$\Rightarrow t_{1,2} = \frac{4 \pm 15}{2} \Rightarrow t > 0 \Rightarrow t = 11 \Rightarrow mn = 11.$$

$$\Rightarrow B = mn(m+9) = 11(m+9) = 500 \Rightarrow mn = 15 \Rightarrow \begin{cases} mn = 15 \\ mn = 11 \end{cases} \Rightarrow$$

$$\Rightarrow \begin{cases} mn = 15 \\ m = 11 - 2n \end{cases}$$

$$(11 - 2n)n = 15 \Rightarrow 11n - 2n^2 = 15 \Rightarrow 2n^2 - 11n + 15 = 0 \Rightarrow D = 121 - 120 = 1$$

$$\Rightarrow n_{1,2} = \frac{11 \pm 1}{4} = \left\{ \frac{5}{2}, \frac{3}{2} \right\}, \text{ но } n \in \mathbb{N} \Rightarrow n = 3 \Rightarrow m = 5 \Rightarrow \text{Ответ: } (m, n) \in \left\{ (5, 3) \right\}.$$





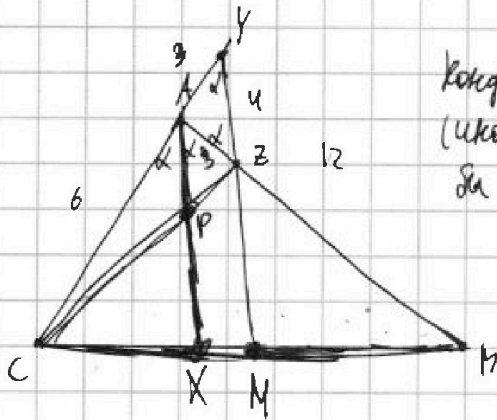
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

4.



Контраструкция  $\Rightarrow$  ч.к.  $CX < CM$   
(иначе прямая  $CM \parallel AX$  пересекала бы параллельные  $AM$ ).

Заметим, что  $AX \perp CM \Rightarrow P \Rightarrow \frac{PC}{PZ} = \frac{AC}{AZ} = \frac{2}{1}$  (по св-ву биссектрисы)

А также  $\frac{CP}{PZ} = \frac{CX}{XM}$  (по м. Палеса)  $\Rightarrow \frac{CX}{XM} = \frac{2}{1}$ , пусть  $KM = x \Rightarrow$   
 $\frac{CX}{XM} = \frac{2}{1}$

$\Rightarrow CX = 2x \Rightarrow CM = XM = 2x$ , по св-ву биссектрисы  $\Rightarrow \frac{CX}{XM} = \frac{1}{2}$ ; по св-ву биссектрисы  $\Rightarrow$

$\Rightarrow \frac{AC}{AB} = \frac{CX}{XM} = \frac{1}{2} \Rightarrow \frac{6}{AB} = \frac{1}{2} \Rightarrow AB = 12$ ; пусть  $\angle ZAP = \alpha \Rightarrow \angle CAK = \alpha$ ; а также  $\angle AZP = \alpha$  (из подобия);  $\angle YAZ = 180 - \alpha$  (каленомости с  $\angle CAK$ )  $\Rightarrow$

$\Rightarrow$  по м. о. углов в  $\Delta \Rightarrow \angle AYZ = \alpha \Rightarrow \Delta YAZ - \mu/\delta \Rightarrow$

$\Rightarrow AY = 3 \Rightarrow$  по м. кос.:  $YZ^2 = AY^2 + AZ^2 - 2 \cdot AY \cdot AZ \cdot \cos \alpha$

$$9 = 9 + 16 - 12 \cdot \cos \alpha \Rightarrow \cos \alpha = \frac{4}{3} \Rightarrow \cos 2\alpha = 2 \cos^2 \alpha - 1 = 2 \cdot \left(\frac{4}{3}\right)^2 - 1 = \frac{32}{9} - 1 = \frac{23}{9}$$

$$\Rightarrow \text{по м. кос. } BC^2 = AC^2 + AB^2 - 2 \cdot AC \cdot AB \cdot \cos 2\alpha = 36 + 144 - 144 \cdot \left(\frac{23}{9}\right) = 180 - 16 \cdot 23 =$$

$$YZ^2 = AY^2 + AZ^2 - 2 \cdot AY \cdot AZ \cdot \cos(180 - \alpha) = AY^2 + AZ^2 + 2 \cdot AY \cdot AZ \cdot \cos \alpha \Rightarrow$$

$$\Rightarrow 16 = 9 + 9 + 18 \cdot \cos \alpha \Rightarrow 2 + 18 \cdot \cos \alpha = 0 \Rightarrow 1 + 9 \cos \alpha = 0, \cos \alpha = -\frac{1}{9}$$

$\Rightarrow$  по м. кос.:  $BC^2 + AB^2 - 2 \cdot AB \cdot AC \cdot \cos 2\alpha = AC^2$

$$36 + 144 + 144 \cdot \frac{1}{9} = 180 + 16 = 196 = 14^2 \Rightarrow BC = 14.$$

Ответ: 14.



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

б.

$$\begin{cases} \sqrt{x+2} - \sqrt{7-y} + 7 = 2\sqrt{14+5x-y^2} & (1) \\ x^2+5x-\sqrt{2y} = y^2-\sqrt{2x}+7y & (2) \end{cases}$$

②:  $x^2-y^2+5(x-y)+\sqrt{2}(\sqrt{2x}-\sqrt{2y})=0$ , н.к.м. берем  $\sqrt{2x}$  и  $\sqrt{2y} \Rightarrow$

$xy \geq 0 \Rightarrow xy > 0. \Rightarrow (x-y)(x^2+y^2+xy)+5(x-y)+\sqrt{2}(\sqrt{2x}-\sqrt{2y})=0 \Rightarrow$

$\Rightarrow (x-y)(x^2+y^2+xy+5)+\sqrt{2}(\sqrt{2x}-\sqrt{2y})=0 \Rightarrow (\sqrt{2x}-\sqrt{2y})(\sqrt{2x}+\sqrt{2y})(x^2+y^2+xy+5)+\sqrt{2}=0$

$= 0 \Rightarrow \begin{cases} \sqrt{2x}-\sqrt{2y}=0 \Rightarrow \sqrt{2x}=\sqrt{2y} \Rightarrow x=y \\ (\sqrt{2x}+\sqrt{2y})(x^2+y^2+xy+5)+\sqrt{2}=0, \text{ но } \sqrt{2x}+\sqrt{2y} \geq 0, x^2+y^2+xy \geq 0 \end{cases}$

$\Rightarrow (\sqrt{2x}+\sqrt{2y})(x^2+y^2+xy+5) \geq 0$ , а  $\sqrt{2} > 0 \Rightarrow (\sqrt{2x}+\sqrt{2y})(x^2+y^2+xy+5)+\sqrt{2} > 0 \Rightarrow$

$\Rightarrow \sqrt{2x}-\sqrt{2y}=0 \Rightarrow x=y \Rightarrow$  из (2) мы найдем, что  $xy > 0$  и  $x=y$ .

$\Rightarrow$  ①:  $\sqrt{x+2} - \sqrt{7-x} + 7 = 2\sqrt{14+5x-x^2}$ ;

пусть  $\sqrt{x+2} = a, \sqrt{7-x} = b \Rightarrow a-b+7 = 2ab$  н.к.

$ab = \sqrt{x+2} \cdot \sqrt{7-x} = \sqrt{5x+14-x^2} \Rightarrow a-b+7 = 2ab$ , и  $a^2+b^2=9$

$\begin{cases} a^2+b^2=9 \\ a-b+7=2ab \end{cases} \Rightarrow$

$\begin{cases} a^2+b^2=9 \\ a(1-2b)=b-7 \Rightarrow a = \frac{b-7}{1-2b} \end{cases}$

$\Rightarrow \left(\frac{b-7}{1-2b}\right)^2 + b^2 = 9 \Rightarrow (b-7)^2 + b^2(1-2b)^2 = 9(1-2b)^2 \Rightarrow b^2 - 14b + 49 + b^2(1-4b+4b^2) = 9(1-4b+4b^2) \Rightarrow b^2 - 14b + 49 + b^2 - 4b^3 + 4b^4 = 9 - 36b + 36b^2 \Rightarrow b^2 - 14b + 49 + b^2 - 4b^3 + 4b^4 - 9 + 36b - 36b^2 = 0 \Rightarrow 4b^4 - 4b^3 - 34b^2 + 22b + 40 = 0$

$\Rightarrow \begin{cases} a^2+b^2-2ab=9-7-(a-b) \Rightarrow (a-b)^2=2-(a-b) \Rightarrow (a-b+1)(a-b)=2 \Rightarrow$

$\Rightarrow$  пусть  $c=a-b \Rightarrow (c+1)c=2 \Rightarrow c^2+c-2=0 \Rightarrow c^2+c-2=0 \Rightarrow d=1+3=9 \Rightarrow c_{1,2} = \frac{-1 \pm 3}{2} = \{1, -2\}$

$\begin{cases} a^2+b^2=9 \\ a-b+7=2ab \end{cases}$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 ИЗ 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

5. (параметры)

$$\begin{cases} a-b=1 \\ a-b=-2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a^2+b^2=9 \\ a-b+2=2ab \end{cases}$$

$$\begin{cases} a=b+1 \\ b^2+2b+1+b^2=9 \Rightarrow 2b^2+2b+1=9 \Rightarrow b^2+b=4 \Rightarrow b^2-b-4=0 \Rightarrow D=1+16=17 \\ b_{1,2} = \frac{-1 \pm \sqrt{17}}{2} \Rightarrow b > 0 \Rightarrow b = \frac{-1 + \sqrt{17}}{2} \Rightarrow 2b^2 - 4b - 5 = 0 \Rightarrow D=16+40=56 \Rightarrow b_{1,2} = \frac{4 \pm \sqrt{56}}{2} \Rightarrow b > 0 \Rightarrow b = \frac{4 + \sqrt{56}}{2} = 1 + \frac{\sqrt{14}}{2} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a=b+1 \\ 2ab=4 \Rightarrow ab=2 \Rightarrow b^2+b-2=0 \\ a=b-2 \\ 2ab=5 \Rightarrow ab=2.5 \Rightarrow 2b^2-4b-5=0 \end{cases}$$

$$\begin{cases} b = \frac{\sqrt{17}-1}{2} \\ a = \frac{\sqrt{17}-1}{2} + 1 = \frac{\sqrt{17}+1}{2} \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \sqrt{4-x} = \sqrt{19-x} \Rightarrow 4-x = 19-x \\ \sqrt{4+x} = \sqrt{19+x} \Rightarrow 4+x = 19+x \\ \sqrt{2-x} = 1 + \frac{\sqrt{14}}{2} \Rightarrow 2-x = 1 + \sqrt{14} + \frac{14}{4} \\ \sqrt{x+2} = \frac{\sqrt{14}}{2} - 1 \Rightarrow x+2 = \frac{14}{4} - 2\sqrt{14} \end{cases}$$

$$\begin{cases} x = 4 + \frac{2\sqrt{14}-18}{4} = \frac{5+\sqrt{14}}{2} \\ x = \frac{18+2\sqrt{14}-8}{4} = \frac{5+\sqrt{14}}{2} \end{cases} \Rightarrow \text{совмест}$$

$$\begin{cases} x = 2,5 - \sqrt{14} \\ x = 2,5 - \sqrt{14} \end{cases} \Rightarrow \text{совмест} \Rightarrow \text{Ответ: } (1, 2) \text{ и } (2, 5 - \sqrt{14}) \text{ и } (2, 5 + \sqrt{14})$$



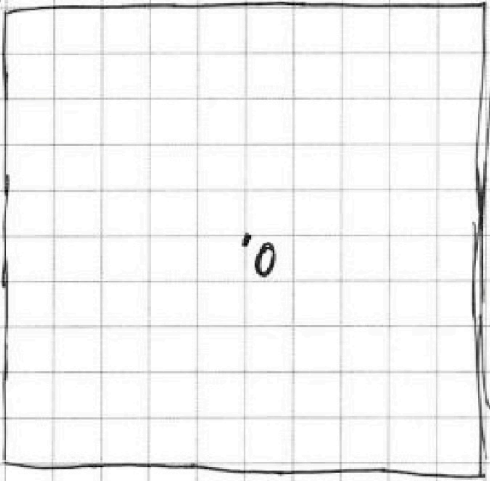
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

6.



Рассмотрим кол-во разных раскр., где есть  $h, o$ .  $\Rightarrow$  как  $o$ .

Выбираем вторую закрашенную вершичку. Всего их  $120$ ,

при этом  $o$  введем  $o$  как  $h, o$  или  $h, o$  или  $h, o$

От  $o$  при повороте  $90^\circ, 180^\circ, 270^\circ$  или  $360^\circ$  <sup>или  $0^\circ$</sup>  переводим  $o$

$\Rightarrow$   $o$  делится как класс  $h, o$  в какой-то из  $o$  которых  $h, o$

по 4 разных вершички  $\Rightarrow$  их всего  $\frac{120}{4} \Rightarrow 30 \Rightarrow$  разных раскр.

30.

Теперь рассмотрим раскраски где концы  $h, o$ .

Тут есть закрашенки  $A$  и  $B$ , где  $A$  не переводит  $B$  при повороте  
как  $90^\circ$  или  $0^\circ \Rightarrow$  все такие раскраски  $o$   $h, o$  делится по  $h, o$   
по 4 раскр.,  $h, o$  тут при повороте как  $90^\circ$   $A, B$  <sup>или  $0^\circ$</sup>  переводит  $B, A$

(а также  $270^\circ$ )

$\Rightarrow$  конечно, что  $A \rightarrow B$ , а  $B \rightarrow A$ , но такое  $o$   $h, o$  не может  $h, o$   
если не поворот как  $180^\circ \Rightarrow A \rightarrow B$  и  $B \rightarrow A$ , но по выбору  $A$  и  $B$   $h, o$   
не можем быть.  $\Rightarrow$  добавится  $h, o$  таких  $h, o$ , делится  $h, o$ .

Зафиксируем  $A$  ( $120$  способами)  $\Rightarrow$  для  $B$  всего  $120$   $h, o$   $h, o$ .

$B \neq A$ ,  $B \neq O$  и  $B \neq$  точка симметрии  $A$  относительно  $O$  (покажем  $h, o$   $h, o$ )





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

6. (магические)

→ всего возможных пар  $\frac{120 \cdot 118}{2}$ , т.к. каждую пару 2 раза посчитали  
⇒ у нас ещё  $\frac{60 \cdot 118}{4}$  раскрасок = 15 · 118.

Остаётся посчитать раскраски, где  $A$  симметрич. к ошк.  $O$ .

Для каждого  $A$  можно  $M$  единственно, при чём  $M$  и  $A$  рассматриваем раскр.  $A_1, M_1 \Rightarrow$  при повороте на  $30^\circ$  ошк. стороны  $A_2, M_2 \Rightarrow$   
⇒  $A_2$  симметрич. к ошк.  $O$  и так как, то все  $A_1, M_1$  при повороте на  $180^\circ$  ошк.  $O \Rightarrow$  в  $A_1, M_1$ , а на  $240^\circ$  в  $A_2, M_2 \Rightarrow$  ещё 30 раскрасок  $\frac{120}{2}$  пар поделить на 2 = 30 ⇒

Ответ:  $30 + 60 + 15 \cdot 118 = 60 + 1740 = 1800$ .

На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

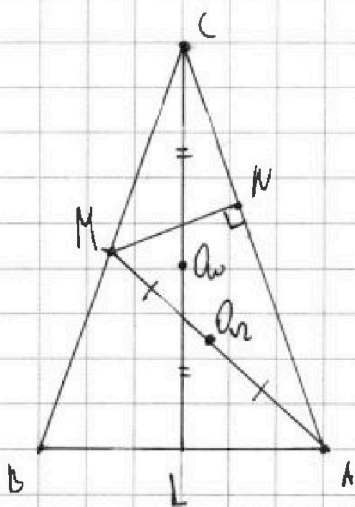


1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
1 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

7.

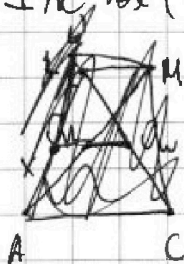


Заметим, что  $\angle MNA$  вписанный в  $\odot$  с диаметром  $AM$   $\Rightarrow$   
 $\Rightarrow \angle MNA = 90^\circ \Rightarrow N$  - это основание высоты из  $M$  в  $\triangle CAM$ ;

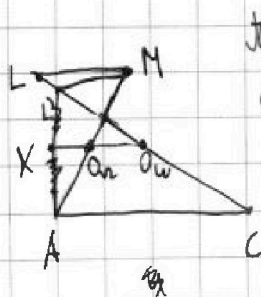
Заметим, что  $PA$  - рад. ось  $\odot$  и  $\omega \Rightarrow PA \perp O_1O_2$ , где

$O_1$  - центр  $\odot$ , то есть середина  $AM$ , а  $O_2$  - центр  $\omega$  и

еще середина  $CL \Rightarrow$  из упр.  $\Rightarrow PA$  параллельно высоте из  $M \Rightarrow$   
 $\Rightarrow PA \perp AC$ , т.к. (т.к. высота  $\perp AC$ )  $\Rightarrow AC \parallel O_1O_2$ ;



Докажем, что  $ML \parallel AC$ ; проведем  $l$ , где  $M \in l$  и  
 $l \parallel AC$ , то есть  $l \parallel O_1O_2$ ; тогда  $l \cap CL = L$   
 $\Rightarrow X = L$   
 и.



Проведем прямую из  $M \parallel AC$  и  $O_1O_2 \Rightarrow$  она пересекает  
 $CL$  в  $L' \Rightarrow$  т.к.  $O_1$  середина  $AM$  и  $O_2 \parallel L'M \Rightarrow X$  - середина  
 $AL'$  ( $X = AL' \cap O_1O_2$ ), а т.к.  $X$  - середина  $CA$  и  $XO_2 \parallel AC \Leftrightarrow$   
 $\Rightarrow O_2$  - середина  $CL'$  по  $O_2$  - середина  $CL \Rightarrow L = L' \Rightarrow$   
 $\Rightarrow ML \parallel AC$  и  $O_1O_2$ .  $\Rightarrow$  т.к.  $M$  середина  $BC$  и  
 $ML \parallel CA \Rightarrow L$  - середина  $AB \Rightarrow CL$  - биссектриса и медиана  $\Rightarrow$





1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
2 из 2

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

7. (Условие)

①  $\triangle ABC$  - р/б,  $BC = CA$ ;

$\rightarrow$  ступень  $\angle ABC = \alpha$ , а  $BM = x = CM$ ;

$\rightarrow AC = BC = 2x \Rightarrow CN = 2x - 5 \Rightarrow$

$\rightarrow$  по и. ступеням

$$AM^2 = MN^2 + NA^2 = NA^2 + CM^2 - CN^2 =$$

$$= 25 + x^2 - (4x^2 - 20x + 25) = 20x - 3x^2$$

по и. косин.:

$$AM^2 = BM^2 + AB^2 - 2 \cdot AB \cdot BM \cdot \cos \alpha \Rightarrow$$

$$\rightarrow 20x - 3x^2 = x^2 + 16 - 8x \cdot \cos \alpha \Rightarrow 5x = x^2 + 4 - 2x \cdot \cos \alpha, \text{ а также}$$

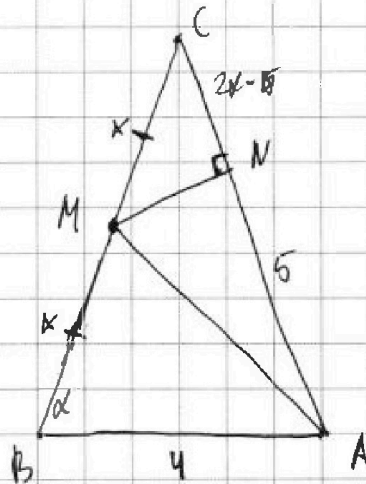
$$AC^2 = BC^2 + AB^2 - 2 \cdot BC \cdot AB \cdot \cos \alpha \Rightarrow 4x^2 = 4x^2 + 16 - 16x \cdot \cos \alpha \Rightarrow$$

$$\rightarrow 1 - \cos \alpha = 0 \Rightarrow \cos \alpha = 1 \Rightarrow \text{①: } 5x = x^2 + 4 - 2 = x^2 + 2 \Rightarrow$$

$$\rightarrow x^2 - 5x + 2 = 0 \Rightarrow D = 25 - 8 = 17 \Rightarrow x_{1,2} = \frac{5 \pm \sqrt{17}}{2} \Rightarrow BC = 2x = 5 \pm \sqrt{17}, \text{ по}$$

$$\text{условию } AC = 5 - \sqrt{17} \Rightarrow AC = 5 - \sqrt{17} \Rightarrow AC < AN, \text{ противоречие, и.т. } N \in AC \Rightarrow$$

$$\rightarrow \text{Ответ: } 5 + \sqrt{17}.$$



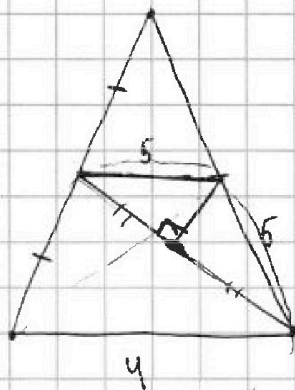
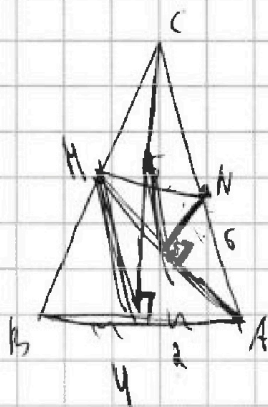


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

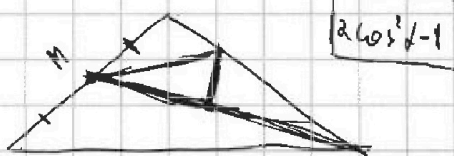
СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



20  
8000

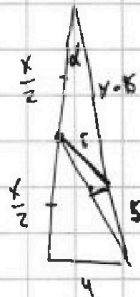
14  
20  
1000 + 320  
2000  
10



$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$8^3 + 256 \sqrt{1220}$$

$$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1 \quad -\sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha = -1$$



$$16 = 2x^2 - 2x^2 \cos 2\alpha$$

$$8 - 80 + 64 - 160$$

$$25 = \frac{x^2}{4} + \frac{x^2 - 10x + 16}{x} - 0.4(x^2 - 8x) \cdot \cos 2\alpha$$

$$8^3 - 20$$

$$x^3 + 2x \sqrt{20x^2 + 160}$$

$$\cos 2\alpha = 1$$

$$0 = x^3 - 20x^2 + 2x - 160$$

$$0 = -8x + 8 + \frac{x^2}{4} - \frac{40}{x}$$

$$16 = 2x^2(1 - \cos 2\alpha)$$

$$0 = 20x + 32 + x^2 - \frac{160}{x}$$

$$16$$

$$\textcircled{P} = \frac{x^2}{4} + x^2 - 10x + 16$$

$$\frac{8}{x^2} = 1 - \cos \alpha$$

60

$$+ (x^2 - 8x) \cdot \left(-1 + \frac{8}{x^2}\right)$$

$$\cos \alpha = 1 - \frac{8}{x^2}$$

$$\frac{x^2}{4} + x^2 - 10x + 16 - x^2 + 8x + 3 - \frac{40}{x}$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1

2

3

4

5

6

7

СТРАНИЦА

1 ИЗ 1

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

2.

~~$ky + 6x = 4(y + x) \Rightarrow$  нулика максимиз.  $y + x$ .~~

Иногда  $x \in 2y \Rightarrow |k - 2y| = 2y - x \Rightarrow 2y - x \leq 2 \Rightarrow$



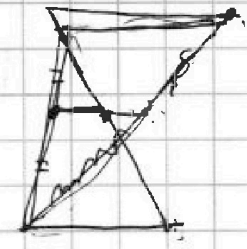
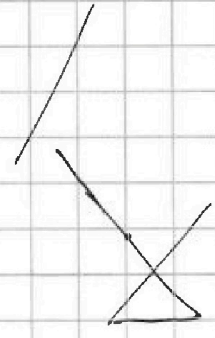
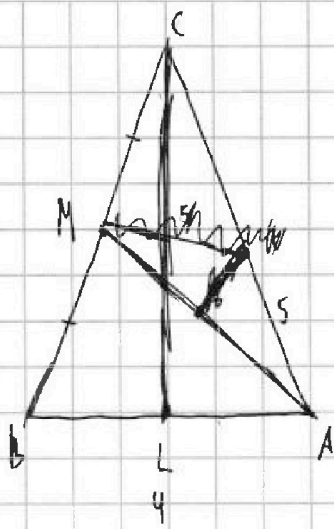
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

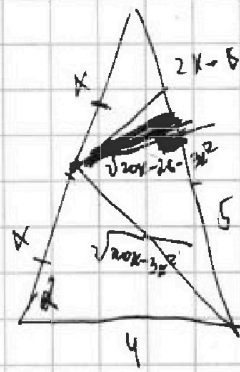
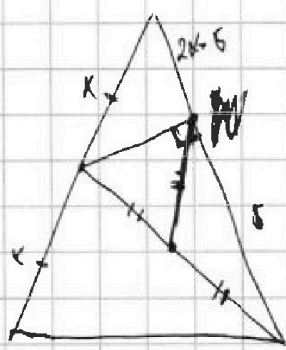
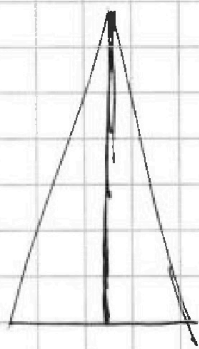
СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

4.



Заметим, что раз  $N = \sqrt{2} \cap AC \Rightarrow \sqrt{2} \perp NO = \sqrt{2}$



$$4^2 \quad 4x^2 + 25 - 20x$$

$$-bx^2 - 25 + 20x$$

$$20x - 5x^2$$

$$x^2 + 16 - 8x \cdot \cos \alpha$$

$$\sqrt{20x - 5x^2}$$

$$\cos \alpha = x$$

$$4x^2$$

$$20x + 2$$

$$25 - 8$$

$$1 - x \cdot \cos \alpha = 0$$

$$5x^2 = x^2 + 16 - 2x \cdot \cos \alpha$$

$$x^2 + 2x - 5x = 0$$

$$4x^2 = 4x^2 + 16 - 8x \cdot \cos \alpha$$

$$16 - 16x \cdot \cos \alpha = 0$$



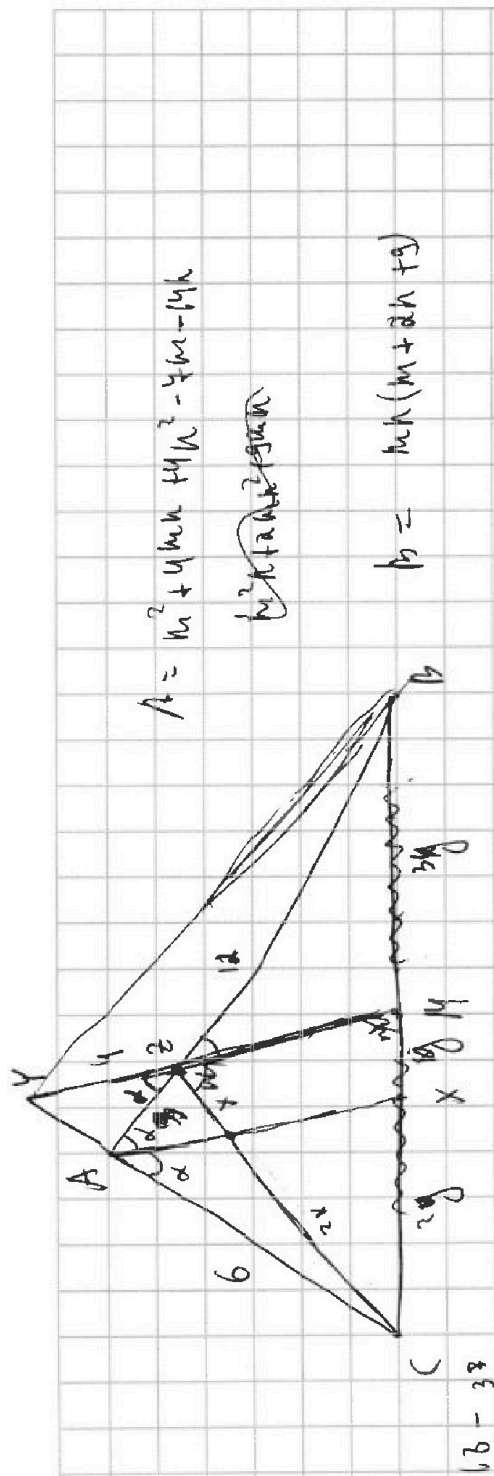


На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА \_\_\_\_\_ ИЗ \_\_\_\_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$A = m^2 + ym + 4y^2 - 4m - 4y$$

$$h^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos \alpha$$

$$b = m(m + 2h + y)$$

$$(m + y)^2 - (m + y)h$$

$$4.50177 - 5 \cdot 4.50177 = 9.9 - 22.50354 = -12.60354$$

$$x^2 = 1 - 8 \cdot 0.89$$

$$A = (m + y)h$$

$$B = m(m + 2h + y)$$

$$1 - 2 \cos \alpha$$

$$\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha = A \cos \alpha$$

$$1 - 2 \cos \alpha + \cos^2 \alpha$$

$$b \cdot y^2$$

$$401 + 5h$$

$$0 = h^2 - 4h - 2$$

$$9k + 5h = kmh + 5h = 0$$

$$121 - 87$$

$$m$$

$$h$$

$$0.55$$

$$0.9$$

$$0.33$$

$$\frac{5}{2} \cdot \frac{2}{2} = 5$$

$$\frac{6}{3} = 2$$

$$\frac{9}{3} = 3$$

$$\frac{11}{3} = 3.66$$

$$\frac{13}{3} = 4.33$$

$$\frac{15}{3} = 5$$

$$m^2 - 4h - 2$$

$$h^2 - 4h - 2$$

$$m^2$$

$$\frac{5}{5} = 1$$

$$\frac{8}{5} = 1.6$$

$$\frac{11}{5} = 2.2$$

$$\frac{14}{5} = 2.8$$

$$\frac{17}{5} = 3.4$$

$$\frac{20}{5} = 4$$



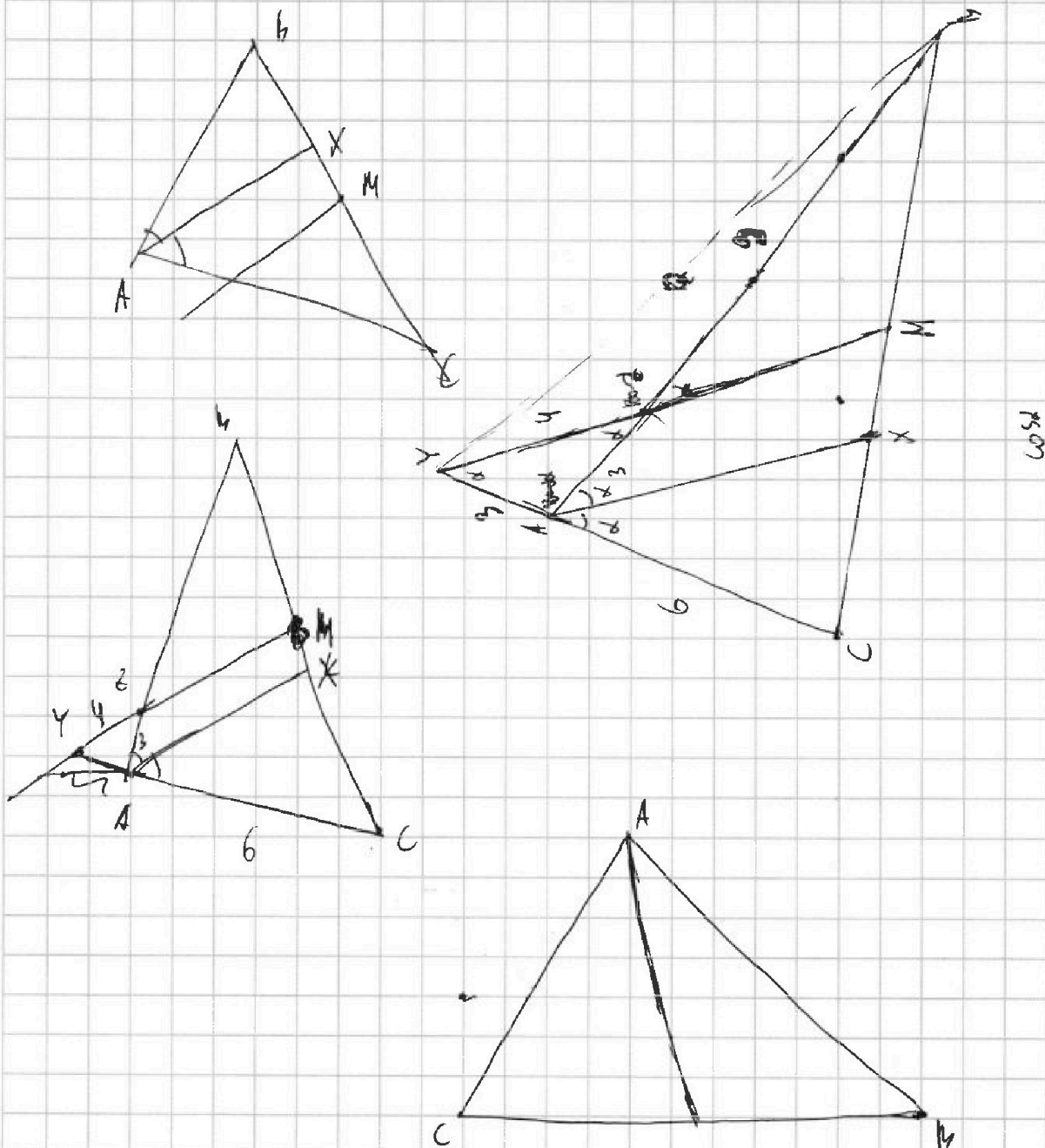
На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
\_\_\_ ИЗ \_\_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

3y



3y





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$\left(y^2 - \frac{4}{y}\right)^2$$

$$4y - 2x$$

$$y^2 - 8y$$

$$y - 2x$$

$$y^2 - 4 + \frac{49}{y^2}$$

$$\left(\frac{4}{y}\right)^2$$

$$2y = 4x$$

$$6y = 5x$$

$$2x = y$$

$$x^3 + 3x + \sqrt{2}x = y^3 + 3y + \sqrt{2}y$$

$$(x-y)(x^2 + y^2 + xy) + 3(x-y) + \sqrt{2}(\sqrt{2}x - \sqrt{2}y) = 0$$

$$(x-y)(x^2 + y^2 + 3xy) + \sqrt{2}(\sqrt{2}x - \sqrt{2}y) = 0$$

$$(\sqrt{2}x - \sqrt{2}y)(\sqrt{2}x + \sqrt{2}y)(x^2 + y^2 + 3xy)$$

$$(\sqrt{2}x - \sqrt{2}y)$$

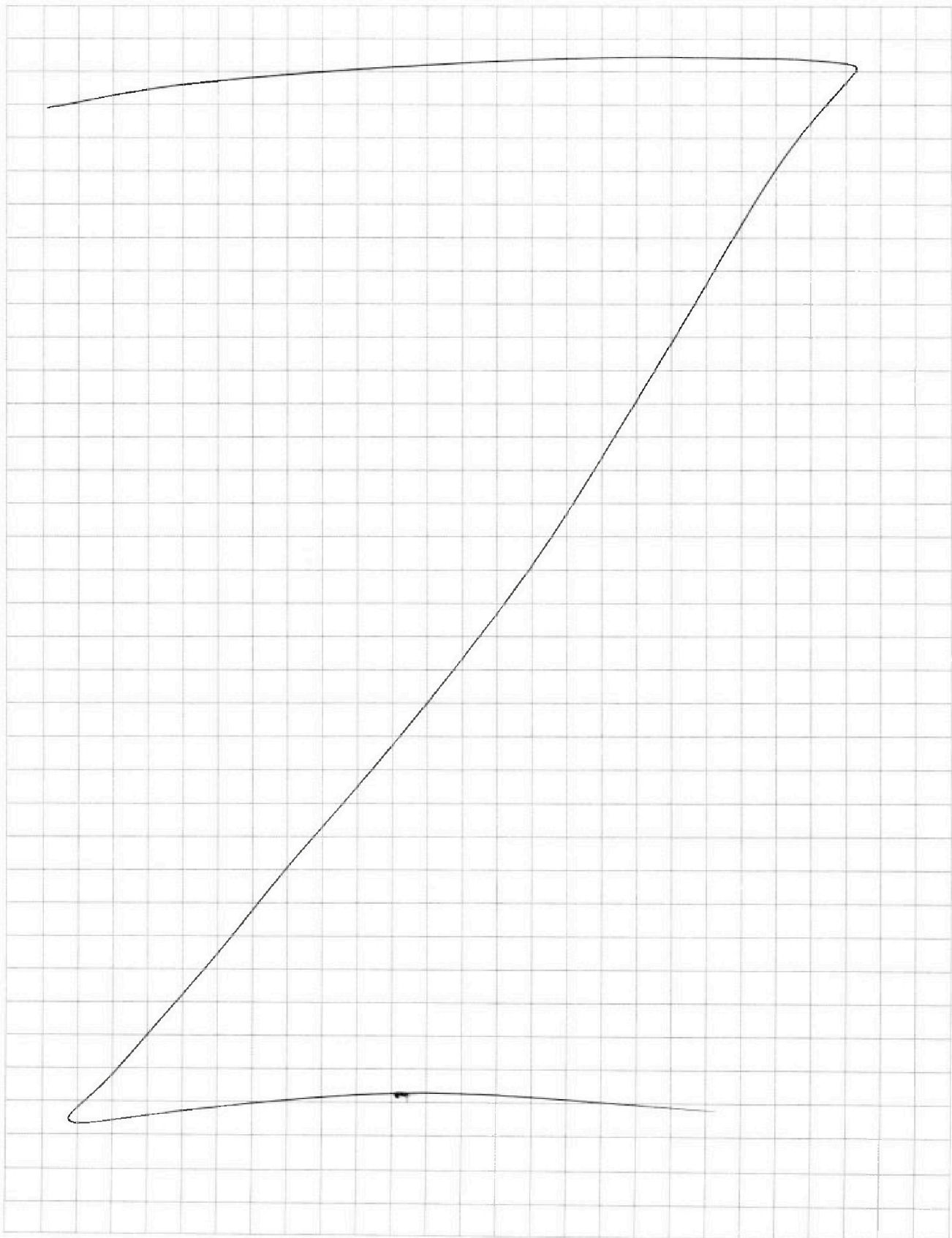


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$a + 3k = 6 - 9k$$

$$6 - 9k = (x^2 - 2x)^2$$

$$a + 3k = 6 - 9k$$

$$k = \frac{6 - 9k - a}{3}$$

$$a + \frac{4}{3} \cdot (6 - 9k - a) = -\frac{1}{3}a - 12k + 8$$

$$(x^2 - 2x)^2$$

$$a + 9k = 9k^2$$

$$a + 18 - 24x - 5a = 9k^2$$

$$a + 3k = 6 - 9k$$

$$k = \frac{6 - 9k - a}{3}$$

$$a + 5k = (x^2 - 2x)^2 \Rightarrow a + 5 \cdot \left(2 - 3k - \frac{a}{3}\right) = x^4 - 4x^3 + 4x^2$$

$$a + 9k = 9k^2$$

$$a + 10 - 15k - \frac{5a}{3} = x^4 - 4x^3 + 4x^2$$

$$a + 18 - 24x - 5a = 9k^2$$

$$-\frac{2}{3}a = x^4 - 4x^3 + 4x^2 + 15k - 10$$

$$9k^2 + 24x = 18 - 5a$$

$$a = -\frac{3}{2}(\dots)$$

$$9x^2 + 24x = 18 + 3x^4 - 12x^3 + 12x^2 + 45x - 30$$

$$3x^4 - 12x^3 + 12x^2 + 15x - 30 = 0$$

$$a + 9k = 9k^2$$

$$x^2 - 2x - 4$$

$$\begin{array}{r} x^2 - 3x^2 - 2x + 4 \\ -x^2 - x^2 \\ \hline -2x^2 \\ -2x^2 + 2x \\ \hline -4x + 4 \end{array}$$

$$x^2 - 1x^2 - 4x - x^2 + 2x + 4$$

$$x^2 - 3x^2 - 2x + 4 = 0$$

$$x^2 - 2x - 4 = 0$$

$$x = \frac{2 \pm \sqrt{20}}{2} = 1 \pm \sqrt{5}$$

$$\begin{array}{r} x^4 - 4x^3 + x^2 + 6x - 4 \\ x^4 - x^4 \\ \hline -4x^3 + x^2 + 6x - 4 \\ -4x^3 + 4x^2 \\ \hline x^2 + 6x - 4 \\ -2x^2 + 12x \\ \hline 4x - 4 \end{array}$$

$$x - 1 - 2x^2 + 6x - 4$$

$$-2x^2 + 12x$$

$$4x - 4$$

$$x^2 - 2x - 4$$

$$4 + 16 = 20$$

$$x^4 - 4x^3 + x^2 + 6x - 4 = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$3y + 6x \quad y + 2x$$

$$\begin{cases} |x-2y| \leq 2 \\ |2x-y| \leq 1 \end{cases}$$

$$x-2y \geq 0$$

$$x \geq 2y$$

$$2x \geq y$$

$$x-2y \leq 2$$

$$x \leq 2y + 2$$

$$x-2y \geq 0$$

$$x \geq 2y$$

~~x~~

$$x-2y \leq 0$$

$$\begin{cases} 2x \geq y \\ 2x - y \leq 1 \end{cases}$$

$$2x \geq y$$

$$2x - y \geq 1 \Rightarrow 2x \geq 1 + y$$

$$2$$

$$\frac{2}{3}$$

$$\frac{2}{3} - \frac{4}{3}$$

$$-\frac{2}{3}$$

$$-2 \leq 2y - x \leq 0$$

$$0 \leq 4x - 2y \leq 2$$

$$2 \leq 3x \leq 2$$

$$0 \leq 3x - y \leq 1$$

$$0 \leq x - y \leq 1$$

$$0 \leq 2x - y \leq 1 \Rightarrow -1 \leq y - x \leq 0$$

$$|2x + y| \leq 2$$

$$2x + y = 2$$

$$2x + y = 0$$

$$y - x = 0$$

$$x = y$$

$$0 \leq 2x - y \leq 1$$

$$-1 \leq y - 2x \leq 0$$

$$-1 \leq -3y \leq 4$$

$$-4 \leq 3y \leq 1$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.



1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
ИЗ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x^4 - 4x^3 + x^2 + 6x - 4 \quad \left| \begin{array}{l} x^2 \\ x^2 \end{array} \right.$$

$$2x^4 - 8x^3 + 2x^2 + 6x - 8$$

$$x^4 - 4x^3 + x^2 + 6x - 4 \quad \left| \begin{array}{l} x-1 \\ x^3 - 3x^2 - 2x + 4 \end{array} \right.$$

$$2x = (x^2 - 2x)^2 - 6 + 9x$$

$$4x = 9x^2 - (x^2 - 2x)^2 = (5x - x^2 + 2x) / (3x + x^2 - 2x)$$

$$4x = (5x - x^2)(x + 2) = x^2(5-x)(x+1)$$

$$6x = 9x^2 - 6 + 9x = 9x^2 - 6 + 9x$$

$$x^3 - 3x^2 - 2x + 4 \quad \left| \begin{array}{l} x-1 \\ x^2 - 2x - 4 \end{array} \right.$$

$$x - 2y \leq 2$$

$$9x(x+1)$$

$$x \geq 2y$$

$$6(x-1)$$

$$x^2$$

$$x \leq 2 + 2y$$

$$2y - x \geq 2$$

$$2x = 3x^2 - 6 + 9x$$

$$3y^2 - 2 + 3x = (x^2 - 2x)^2 - 6 + 9x$$

$$3x^2 + 4 - 6x$$

$$3x^2 + 4 - 6x = (x^2 - 2x)^2 = x^4 - 4x^3 + 4x^2$$

$$(3x^2 - 2)$$

$$x(x-2)^2$$

$$x^4 - 4x^3 + x^2 + 6x - 4$$

$$3x^2 - 4 \cdot 2$$

||

$$3x(x-2) + 4$$

$$3x^2 + 4 - 6x$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1  2  3  4  5  6  7

СТРАНИЦА  
\_ ИЗ \_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$$x > 2y$$
$$2x > y$$

$y \geq x$

$$x > 2y$$
$$0 \leq x - 2y \leq 2$$

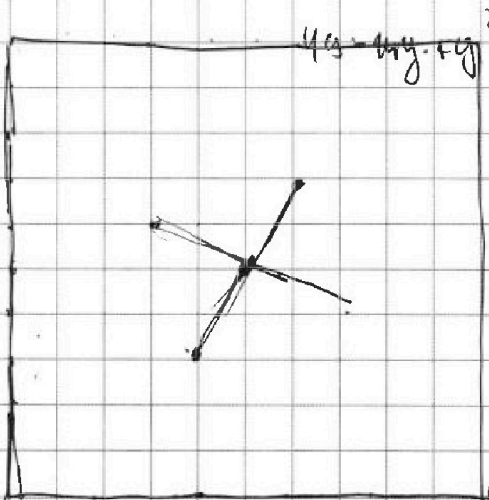
$$0 \leq 2x - y \leq 1$$

$$0 \leq x - y \leq 3$$

$$0 \leq 2y - x \leq 2$$

$$0 \leq 2x - y \leq 1$$

$$\sqrt{x^2} - \sqrt{y^2 + x} = 2\sqrt{4x + y^2}$$





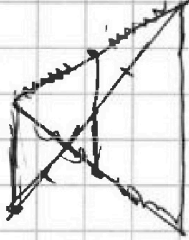


На одной странице можно оформлять **только одну** задачу. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

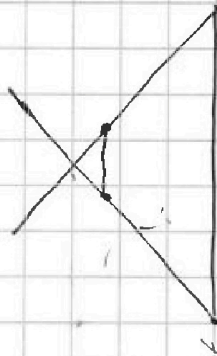
СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!



$$\frac{5 \cdot 21^2 - 6 \cdot 19 \cdot 11}{21 \cdot 16 + 9 - 2 \cdot 16} \cdot 5$$

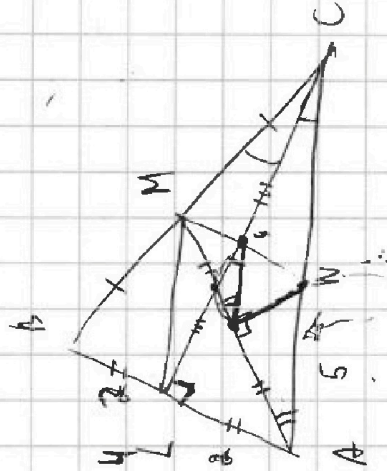
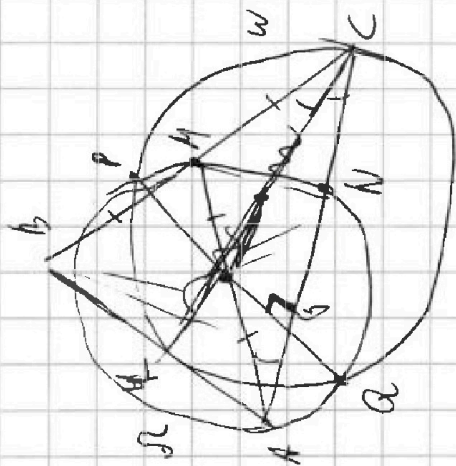
$$\frac{5(21^2 - 11)}{21 - 17} \cdot 5$$



$$\begin{array}{r} 2x^4 - 8x^3 + 12x^2 + 15x - 5 \\ 2x^4 - 4x^3 + 2x^2 \\ \hline -4x^3 + 10x \\ -4x^3 + 8x^2 - 4x \\ \hline -3x^2 + 16x - 4 \end{array}$$

$$x-1$$

$$2x^3 - 2x^2$$





На одной странице можно оформлять только одну задачу. Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

- 1  2  3  4  5  6  7

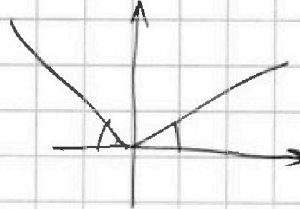
СТРАНИЦА  
\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно. Порча QR-кода недопустима!

$x|7$

$$17^2 + 32 \cdot 17 + 20 \cdot 17^2 + 160$$

$$-3 \cdot 17^2 + 32 \cdot 17 - 160$$



$$\begin{array}{r} 17 \\ \times 17 \\ \hline 119 \\ 170 \\ \hline 289 \end{array}$$

18

$$-3 \cdot 18^2 + 32 \cdot 18$$

$$-18^2 + 32 \cdot 18 - 160$$

561      608

$$-2 \cdot 18^2 + 32 \cdot 18 - 160$$

$$\begin{array}{r} \times 18 \\ 144 \\ 180 \\ \hline 324 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 32 \\ \times 18 \\ \hline 288 \\ 648 \\ \hline 576 \end{array}$$

1-648

$x|5$

$$\begin{array}{r} 118 \\ \times 15 \\ \hline 590 \\ 1180 \\ \hline 1770 \end{array}$$





На одной странице можно оформлять **только одну задачу**. Отметьте **крестиком** номер задачи, решение которой представлено на странице. Также укажите номер страницы и суммарное количество страниц в решении каждой задачи отдельно.

1    2    3    4    5    6    7  
                 

СТРАНИЦА

\_\_ ИЗ \_\_

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. **Страницы по каждой из задач нумеруются отдельно.** Порча QR-кода недопустима!

