



МОСКОВСКИЙ
ФИЗИКО-ТЕХНИЧЕСКИЙ
ИНСТИТУТ

ОЛИМПИАДА "ФИЗТЕХ"
ПО МАТЕМАТИКЕ

11 КЛАСС. Вариант 4



1. [4 балла] Натуральные числа a, b, c таковы, что ab делится на $2^6 3^{13} 5^{11}$, bc делится на $2^{14} 3^{21} 5^{13}$, ac делится на $2^{16} 3^{25} 5^{28}$. Найдите наименьшее возможное значение произведения abc .
2. [5 баллов] Дан прямоугольный треугольник ABC . Окружность, касающаяся прямой AC в точке A , пересекает высоту CD , проведённую к гипотенузе, в точке E , а катет BC – в точке F . Известно, что $AB \parallel EF$, $AB : BD = 1,4$. Найдите отношение площади треугольника ACD к площади треугольника CEF .
3. [4 балла] Решите уравнение $10 \arccos(\sin x) = 9\pi - 2x$.

4. [5 баллов] Найдите все значения параметра a , для каждого из которых найдётся значение параметра b , при котором система уравнений

$$\begin{cases} 5x + 6ay - b = 0, \\ (x^2 + y^2 - 25)(x^2 + y^2 + 18y + 77) = 0 \end{cases}$$

имеет ровно 4 решения.

5. [5 баллов] Некоторые числа x и y удовлетворяют равенствам

$$\log_{11}^4 x - 6 \log_x 11 = \log_{x^3} \frac{1}{121} - 5, \quad \text{и} \quad \log_{11}^4(0,5y) + \log_{0,5y} 11 = \log_{0,125y^3} (11^{-13}) - 5.$$

Найдите все возможные значения произведения xy .

6. [5 баллов] На координатной плоскости дан параллелограмм с вершинами в точках $O(0;0)$, $P(-15;90)$, $Q(2;90)$ и $R(17;0)$. Найдите количество пар точек $A(x_1; y_1)$ и $B(x_2; y_2)$ с целыми координатами, лежащих в этом параллелограмме (возможно, на границе) и таких, что $6x_2 - 6x_1 + y_2 - y_1 = 48$.
7. [6 баллов] Дана треугольная пирамида $SABC$, медианы AA_1 , BB_1 и CC_1 треугольника ABC пересекаются в точке M . Сфера Ω касается ребра AS в точке L и касается плоскости основания пирамиды в точке K , лежащей на отрезке AM . Сфера Ω пересекает отрезок SM в точках P и Q . Известно, что $SP = MQ$, площадь треугольника ABC равна 180, $SA = BC = 20$.
 - а) Найдите произведение длин медиан AA_1 , BB_1 и CC_1 .
 - б) Найдите двугранный угол при ребре BC пирамиды, если дополнительно известно, что Ω касается грани BCS в точке N , $SN = 6$, а радиус сферы Ω равен 8.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$N1 \text{ (1) } ab: 2^6 3^{13} 5^{11}$$

$$\min(abc) \text{ (2) } bc: 2^{14} 3^{21} 5^{13}$$

$$\text{(3) } ac: 2^{16} 3^{25} 5^{28}$$

Мы можем заметить

каждое из чисел a, b, c

каким-то образом: $2^{\alpha} \cdot 3^{\beta} \cdot 5^{\gamma}$.

Примем, мы можем так и записать:

$$a = 2^{\alpha_1} \cdot 3^{\beta_1} \cdot 5^{\gamma_1}$$

$$b = 2^{\alpha_2} \cdot 3^{\beta_2} \cdot 5^{\gamma_2}$$

$$c = 2^{\alpha_3} \cdot 3^{\beta_3} \cdot 5^{\gamma_3}$$

Мы можем представлять

числа a, b, c как

произведение $2 \cdot 3 \cdot 5$ и

не учитывать четвертый элемент, т.к.

числа a, b, c будут все так же выполнять

условия задачи, а произведение $abc \rightarrow \min$.

$$\alpha_1 + \alpha_2 \geq 6$$

$$\alpha_2 + \alpha_3 \geq 14$$

$$\alpha_1 + \alpha_3 \geq 16$$

$$\text{(1): } \beta_1 + \beta_2 \geq 13$$

$$\text{(2): } \beta_2 + \beta_3 \geq 21$$

$$\text{3: } \beta_1 + \beta_3 \geq 25$$

$$\gamma_1 + \gamma_2 \geq 11$$

$$\gamma_2 + \gamma_3 \geq 13$$

$$\gamma_1 + \gamma_3 \geq 28$$

Мы можем сложить всю первую, вторую и третью строку и получить:

$$2\alpha_1 + 2\alpha_2 + 2\alpha_3 \geq 36$$

$$\alpha_1 + \alpha_2 + \alpha_3 \geq 18$$

$$2\beta_1 + 2\beta_2 + 2\beta_3 \geq 59$$

$$\beta_1 + \beta_2 + \beta_3 \geq 29,5$$

$$2\gamma_1 + 2\gamma_2 + 2\gamma_3 \geq 52$$

$$\gamma_1 + \gamma_2 + \gamma_3 \geq 26$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Мы получили степени простых множителей
числа abc . Но $\beta_1 + \beta_2 + \beta_3$ получилось нецелым.
Т.к. a, b, c - натур, то их произведение
тоже натур, значит $\beta_1 + \beta_2 + \beta_3 \geq 30$.
Т.к. мы минимизируем abc , то:

$$abc \geq 2^{18} \cdot 3^{30} \cdot 5^{28}$$

Приведу пример такого случая:

Но так же нужно проверить, что
 $abc : (ab) \quad abc : bc \quad abc : ac$.

Т.к. $ac \geq 2^{16} \cdot 3^{25} \cdot 5^{28}$, то abc обязательно
степень каждого не меньше, чем ac .

$$\min(abc) \geq 2^{18} \cdot 3^{30} \cdot 5^{28}$$

Пример:

$$a = 2^4 \cdot 3^9 \cdot 5^{14}$$

$$b = 2^2 \cdot 3^4 \cdot 5^{10}$$

$$c = 2^{12} \cdot 3^{17} \cdot 5^{14}$$

Ответ: $abc = 2^{18} \cdot 3^{30} \cdot 5^{28}$

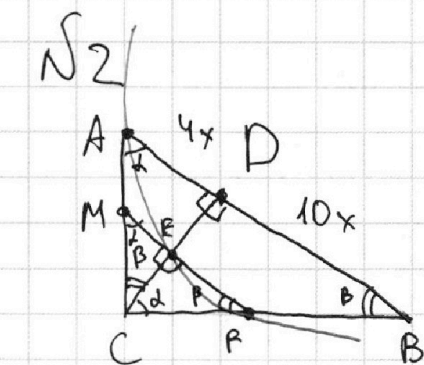
На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Запишем теоремы Пифагора для
равных Δ :

$$196x^2 = AC^2 + BC^2$$

$$AC^2 = 16x^2 + CD^2$$

$$BC^2 = CD^2 + 100x^2$$

$$CD^2 = 40x^2 \quad CD = 2\sqrt{10}x.$$

$$BC = \sqrt{140}x = 2\sqrt{35}x$$

$$AC = \sqrt{56}x = 2\sqrt{14}x$$

Из подобия Δ :

$$\frac{AC}{ACB} = \frac{4x}{CD} = \frac{CD}{10x}$$

Степень точки M отн окруж:

$$AM^2 = FE \cdot MF$$

$$\Delta CAD \sim \Delta CME \Rightarrow \frac{CE}{CD} = \frac{CM}{AC} = \frac{ME}{4x} = \frac{4y}{4x} = \frac{y}{x}$$

$$\Delta CME \sim \Delta ACB$$

Мы можем выразить ME за y , BF за $10y$.

Посчитаем AM : $AM = \sqrt{4y \cdot \frac{10y}{14}} = 2\sqrt{\frac{10}{14}}y$.

Т.к. $\Delta ACB \sim \Delta CME$, то

$$CM = 2\sqrt{14}y. \quad \text{Т.к. } AM = CM.$$

Точка M - середина AC

MF - средняя линия ΔABC .

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N2 (продолжение)

Т.к. ~~ACB~~ MP - средняя линия:

$$14y = \frac{14x}{2}$$

$$y = \frac{x}{2}$$

$$\Rightarrow S_{ACD} = \frac{4x \cdot 2\sqrt{10}x}{2} = 4\sqrt{10}x^2$$

$$\frac{S_{ACD}}{S_{CEP}} = \frac{4\sqrt{10}x^2}{\frac{5}{2}\sqrt{10}x^2} = \frac{8}{5} = 1,6$$

$$S_{CEP} = \frac{10y \cdot \frac{2\sqrt{10}x}{2}}{2}$$

$$= 5y\sqrt{10}x = \frac{5}{2}\sqrt{10}x^2$$

Ответ: 1,6.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\text{ДЗ } 10 \arccos(\sin x) = 9\pi - 2x.$$

$$\arccos x \in [0; \pi]$$

$$9\pi - 2x \in [0; 10\pi]$$

$$x \in \left[-\frac{\pi}{2}; \frac{9}{2}\pi\right]$$

$$10 \left(\frac{\pi}{2} - \arcsin(\sin x)\right) = 9\pi - 2x.$$

$$2x = 4\pi + 10 \arcsin(\sin x).$$

$$x = 2\pi + 5 \arcsin(\sin x)$$

$\arcsin(\sin x)$ можем раскрывать по формуле
& зависимости от x . \Rightarrow Нам придется
рассмотреть все варианты.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\text{N4} \begin{cases} 5x + 6ay - b = 0 \\ (x^2 + y^2 - 25)(x^2 + y^2 + 18y + 77) = 0 \end{cases} \quad (1)$$

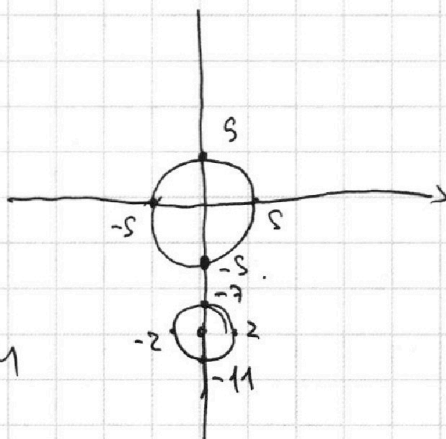
$$(1) (x^2 + y^2 - 25)(x^2 + (y+9)^2 - 4) = 0$$

Нарисуем это уравнение:

Две окружности:

одна радиусом 5 в центре
в начале координат.

Вторая радиуса 2 с центром
в точке $(0; -9)$

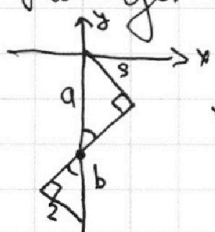


$$(2) y = \frac{b-5x}{6a} = -\frac{5}{6a}x + \frac{b}{6a}$$

Получается у нас есть прямая, которая пересекает
две окружности. По условию нам нужно решить

Значит прямая должна проходить через каждую
окружность. Крайние случаи это две общие
касательных у этих окружностей.

Найдем уравнения этих касательных.



это изображение касательной с
положительным наклоном.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Треугольники подобны, а значит я могу
найти точку пересечения oy касательной.

$$\frac{a}{b} = \frac{5}{2} \quad a+b=9 \quad \left(0, -\frac{45}{7}\right) \text{ - точка пересечения касательной и } oy.$$

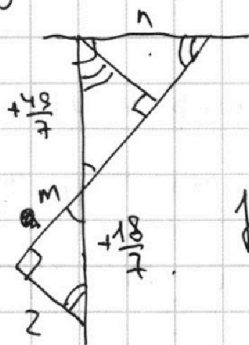
$$a = \frac{5}{2}b \quad 3,5b = 9$$

$$a = -\frac{45}{7} \quad b = -\frac{18}{7} \quad y = kx + b \quad b = -\frac{45}{7}$$

Теперь найдем точку пересечения окружности с
радиусом 5 и касательной.

$$x^2 + y^2 = 25 \quad 25 - x^2 = \left(kx - \frac{45}{7}\right)^2$$

$$y = kx - \frac{45}{7} \quad 5^2 - x^2 = k^2 x^2 - \frac{90}{7} kx + \frac{9 \cdot 5^2}{7^2}$$



Дополним картинку и получим
новые подобные Δ .
Найдем m :

$$\left(\frac{18}{7}\right)^2 = 4 + m^2$$

$$m^2 = \left(\frac{18-22}{7}\right) \left(\frac{18+22}{7}\right) = \frac{4}{7} \cdot \frac{32}{7}$$

$$m = \frac{8}{7}\sqrt{2}$$

$$k = \frac{m}{4 + \frac{45}{7}} = \frac{2}{n}$$

$$n = \frac{2 \cdot \frac{45}{7}}{\frac{8}{7}\sqrt{2}} = \frac{9 \cdot 3}{4\sqrt{2}} = \frac{45}{4\sqrt{2}} \text{ - это точка касательной, где } y=0$$

$$0 = k \cdot \frac{45}{4\sqrt{2}} - \frac{45}{7} \quad k = \frac{4\sqrt{2}}{7}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

МФТИ

1 2 3 4 5 6 7

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Значит уравнение одной касательной: $y = \frac{4\sqrt{2}}{7}x - \frac{45}{7}$

Вторая касательная так же ~~проходит~~
пересекает oy в той же точке.

Единственная разница в том, что она
пересекает ~~oy~~ ox в отриц. x .

$$0 = -k \cdot \frac{45}{4\sqrt{2}} - \frac{45}{7} \quad k = -\frac{4\sqrt{2}}{7}$$

Теперь переведем уравнения касательных в вид

через a и b : $y = -\frac{b}{6a}x + \frac{b}{6a}$

$$y = \pm \frac{4\sqrt{2}}{7}x - \frac{45}{7}$$

$$-\frac{b}{6a} = \pm \frac{4\sqrt{2}}{7}$$

$$\begin{cases} -\frac{b}{6a} = \frac{4\sqrt{2}}{7} \\ \frac{b}{6a} = \frac{4\sqrt{2}}{7} \end{cases}$$

$$\begin{cases} a = -\frac{35}{24\sqrt{2}} \\ a = \frac{35}{24\sqrt{2}} \end{cases}$$

Мы получили
крайние a , при
которых у системы ~~решения~~

решения будет у системы, если a будет в промежутке:

$$a \in \left(-\infty; -\frac{35}{24\sqrt{2}}\right) \cup \left(\frac{35}{24\sqrt{2}}; +\infty\right)$$

Ответ: $a \in \left(-\infty; -\frac{35}{24\sqrt{2}}\right) \cup \left(\frac{35}{24\sqrt{2}}; +\infty\right)$.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

$$\sqrt{5}. \log_{11}^4 x - 6 \log_x 11 = \log_x^3 \frac{1}{121} - 5.$$

$$\log_{11}^4 (0,15y) + \log_{0,15y} 11 = \log_{0,125y^3} (11^{-13}) - 5.$$

Пусть $\log_{11} x = a$

$$\log_{11} 0,15y = b.$$

$$a^4 - \frac{6}{a} = \frac{1}{3} \log_x 11^{-2} - 5.$$

$$a^4 - \frac{6}{a} + \frac{2}{3a} + 5 = 0.$$

$$a^4 - \frac{6}{a} + \frac{2}{3a} + 5 = 0. \quad \underline{a^4 - \frac{16}{3a} + 5 = 0}$$

~~$$b^4 + \frac{1}{b} = \log_{0,15y} 11^{-13} - 5$$~~

$$b^4 + \frac{1}{b} = \log_{(0,15y)^3} 11^{-13} - 5$$

$$b^4 + \frac{1}{b} + \frac{13}{3b} + 5 = 0. \quad \underline{b^4 + \frac{16}{3b} + 5 = 0.}$$

$$f(x) = x^4 + \frac{16}{3x} + 5.$$

Заметим, что $f(x)$ имеет лишь один корень.

Если мы заменим аргумент x на $-x$

мы получаем уравнение $x^4 - \frac{16}{3x} + 5 = 0$.

$$f(x) = f(-x) = 0 \Rightarrow$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:



1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

Продолжение

Т.к. $f(x) = f(-x)$, то их корни
одинаковые. $a + b = 0$

$$\log_{11} x + \log_{11} 0,5y = 0$$

$$0,5xy = 1$$

$$\underline{xy = 2}$$

Ответ: 2

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

n_1
 $ab \approx 2^6 \cdot 3^{13} \cdot 5^{11} \cdot x$
 $bc \approx 2^{14} \cdot 3^{21} \cdot 5^{13} \cdot y$
 $ac \approx 2^{16} \cdot 3^{25} \cdot 5^{28} \cdot z$

$\min(abc)$.

$x + y - z = 0$.

$\frac{bc}{ab} = \frac{c}{a} = 2^8 \cdot 3^8 \cdot 5^2 \cdot \frac{y}{x}$

$y = \frac{b - 5x}{6a} = \frac{b}{6a} - \frac{5x}{6a}$

$ac \cdot \frac{c}{a} = c^2 = 2^{24} \cdot 3^{33} \cdot 5^{30} \cdot \frac{y^2}{x^2}$

$|\frac{5}{6a}| > \text{наименьший вычитаем}$

$c = 2^{12} \cdot 3^{16.5} \cdot 5^{15} \cdot \sqrt{\frac{y^2}{x^2}}$

$a = 2^{\alpha_1} \cdot 3^{\beta_1} \cdot 5^{\gamma_1}$

$\alpha_1 + \alpha_2 \geq 6$

$b = 2^{\alpha_2} \cdot 3^{\beta_2} \cdot 5^{\gamma_2}$

$\alpha_2 + \alpha_3 \geq 14$

$c = 2^{\alpha_3} \cdot 3^{\beta_3} \cdot 5^{\gamma_3}$

$\alpha_3 + \alpha_3 \geq 16$

$$\begin{array}{r} 34 \\ 25 \\ \hline 59 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 38 \\ 28 \\ 13 \\ \hline 79 \\ 52 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} a \cdot 2^6 \cdot 3^{10} \cdot 5^{10} \\ b \cdot 2^8 \cdot 3^{10} \cdot 5^{10} \\ c \cdot 2^8 \cdot 3^{10} \cdot 5^6 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} a \cdot 2^1 \cdot 3^1 \cdot 5^1 \\ b \cdot 2^9 \cdot 3^{15} \cdot 5 \\ c \cdot 2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} a \cdot 2^9 \cdot 3^{15} \cdot 5^{12} \\ b \cdot 2^1 \cdot 3^1 \cdot 5^1 \\ c \cdot 2^8 \cdot 3^{14} \cdot 5^{13} \end{array}$$

ab - min.
 bc - сред.
 ac - max.
 $bca < c$

a	10	8	10	9	6
b	9	12	4		14
c	18	8	17		16
	5	4	4		
	2	2	2		
	11	13	12		

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



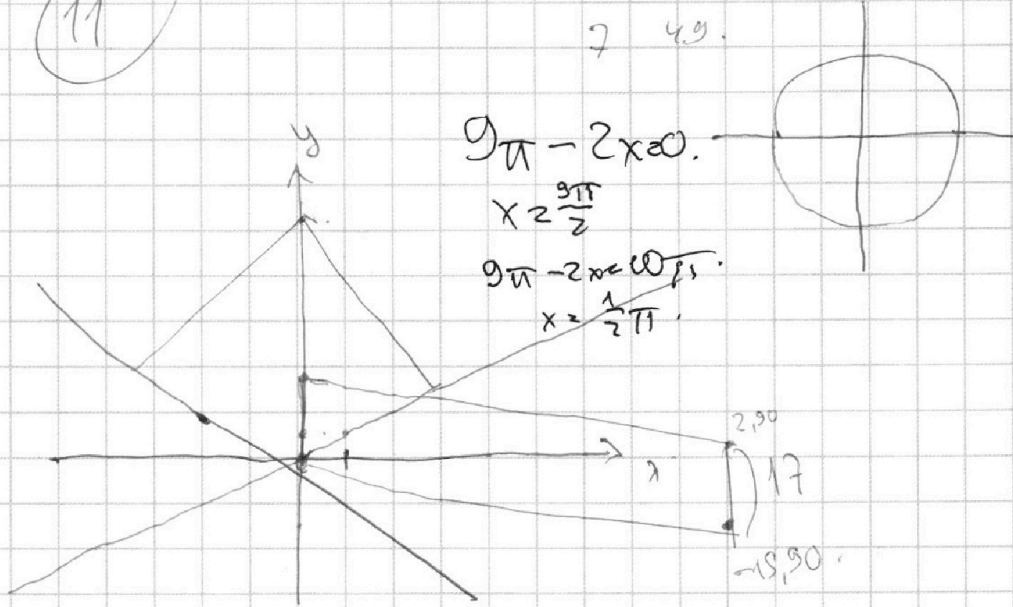
$$10 \arccos(\sin x) \geq 9\pi - 2x$$

11^{-2}

~~100~~

7 ч.г.

$0,5^1$
 $0,25^2$
 $0,125^{-2}$

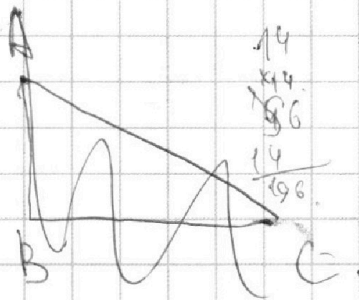


0π

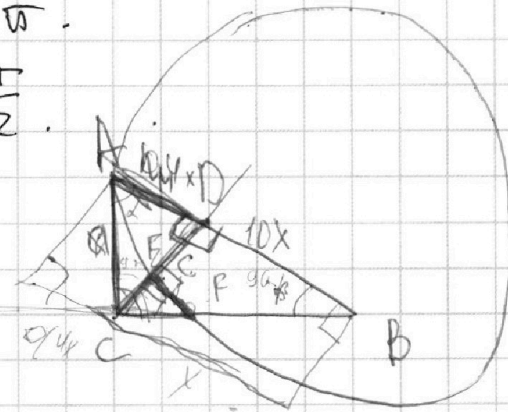
$$2x \geq 9\pi$$

$$x \geq \frac{9\pi}{2}$$

$$x \geq \frac{\pi}{2}$$



14
 14
 196
 14
 196



$EF \parallel AB$

$$\begin{cases}
 196x^2 = a^2 + b^2 \\
 a^2 = 46x^2 + c^2 \\
 b^2 = c^2 + 100x^2
 \end{cases}$$

$$\begin{cases}
 \frac{14}{10} x^2 = a^2 + b^2 \\
 a^2 = 46x^2
 \end{cases}$$

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

- 1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Handwritten solution on grid paper:

Top left: $\frac{-3S}{6 \cdot 4\sqrt{2}}$

Top right: $x^2 + y^2 = 25$
 $y^2 = 25 - x^2$
 $x^2 + (y+9)^2 = 4$

Center: Circle with center $(0, -b)$ and radius r . Tangent line xy is drawn. A smaller circle is shown below it.

Right side: $y = kx + b$
 $y^2 = (kx + b)^2 = 25 - x^2$

Bottom left: $k = -\frac{1}{7}$
 $k_2 = -\frac{4\sqrt{2}}{7}$
 ~~$x^2 + y^2 + 18y + 77 = 0$~~

Bottom center: $x^2 + y^2 + 18y + 77 = 0$
 $-(y^2 + 18y) = x^2 + 77$
 $y(y + 18)$

Bottom right: $32 = 8 \cdot 4 = \sqrt{2^2 \cdot 2^2 \cdot 2^2 \cdot 2^2}$

Bottom center: $k = \frac{4\sqrt{2}}{7}$

Diagrams include: a large circle with a tangent line, a smaller circle, a right-angled triangle with sides s and a , and a coordinate system with several lines.

На одной странице можно оформлять **только одну** задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,
решение которой представлено на странице:

1 2 3 4 5 6 7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$k = \frac{a}{b} = \frac{4x}{c}$ $196x^2 = a^2 + b^2$ ^{Черновик}

$a^2 = 16x^2 + c^2$

$b^2 = c^2 + 100x^2$

$c^2 = 40x^2$

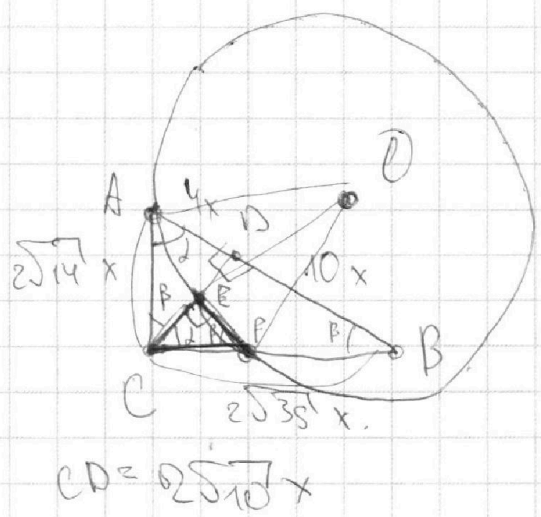
$$\begin{cases} 196x^2 = a^2 + b^2 \\ a^2 = 56x^2 \\ b^2 = 140x^2 \end{cases}$$

$a = 2\sqrt{2.7}x$

$b = 2\sqrt{7.5}x$

$\frac{a}{b} = \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{5}} \cdot \frac{a^2}{b^2} = \frac{7}{5}$

$c = 2\sqrt{10}x$



$\frac{S_{ACD}}{S_{CEB}}$

$\frac{CB}{CA} = \frac{EB}{DB}$

$x^4 - \frac{16}{3x} + 5$

$\arcsin x + \arccos x = \frac{\pi}{2}$

$\arcsin x = \frac{\pi}{2} - \arccos x$