



Олимпиада «Физтех» по физике,  
февраль 2023

Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



1. Мяч, посланный теннисистом вертикально вверх, поднимается на максимальную высоту за  $T = 2$  с.

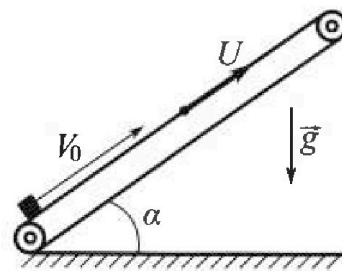
1) Найдите начальную скорость  $V_0$  мяча.

2) Теннисист посылает мяч с начальной скоростью  $V_0$  под различными углами к горизонту в направлении высокой вертикальной стенки, находящейся на расстоянии  $S = 20$  м от места броска. На какой максимальной высоте мяч ударяется о стенку?

Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Мяч движется в плоскости перпендикулярной стенке. Сопротивление воздуха считайте пренебрежимо малым. Все высоты отсчитываются от точки старта.

2. Лента транспортера, предназначенного для подъема грузов, образует с горизонтальной плоскостью угол  $\alpha$  такой, что  $\sin \alpha = 0,8$  (см. рис.).

В первом опыте небольшую коробку ставят на покоящуюся ленту транспортера и сообщают коробке начальную скорость  $V_0 = 4$  м/с. Коэффициент трения скольжения коробки по ленте  $\mu = \frac{1}{3}$ . Движение коробки прямолинейное.



1) За какое время  $T$  после старта коробка пройдет в первом опыте путь  $S = 1$  м?

Во втором опыте коробку ставят на ленту транспортера, движущуюся со скоростью  $U = 2$  м/с, и сообщают коробке скорость  $V_0 = 4$  м/с.

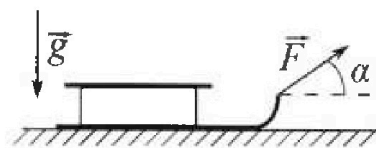
2) На каком расстоянии  $L$  от точки старта скорость коробки во втором опыте будет равна  $U = 2$  м/с?

3) На какой высоте  $H$ , отсчитанной от точки старта, скорость коробки во втором опыте станет равной нулю? Ускорение свободного падения  $g = 10$  м/с<sup>2</sup>. Все кинематические величины измерены в лабораторной системе отсчета.

3. Санки дважды разгоняют из состояния покоя до одной и той же скорости  $V_0$  за одинаковое время.

В первом случае санки тянут, действуя постоянной по модулю силой, направленной под углом  $\alpha$  к горизонту (см. рис.).

Во втором случае такая же по модулю сила, приложенная к санкам, направлена горизонтально. После достижения скорости  $V_0$  действие внешней силы прекращается.



1) Найдите коэффициент  $\mu$  трения скольжения санок по горизонтальной поверхности.

2) Через какое время  $T$  после прекращения действия силы санки остановятся? Ускорение свободного падения  $g$ .

Санки находятся на горизонтальной поверхности. Движение санок прямолинейное.



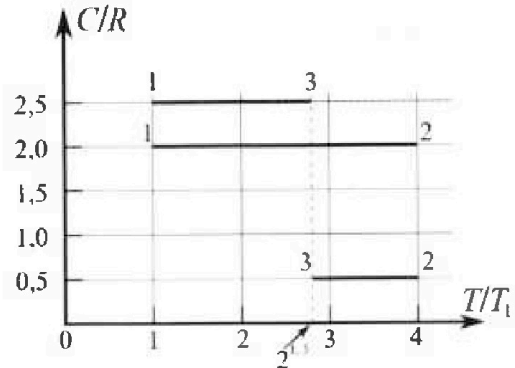
# Олимпиада «Физтех» по физике, февраль 2023

## Вариант 10-01

Во всех задачах, в ответах допустимы обыкновенные дроби и радикалы.



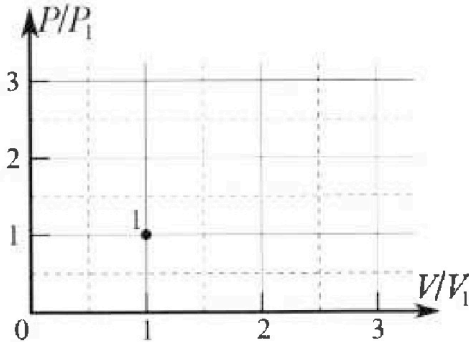
4. Тепловой двигатель работает по циклу 1-2-3-1. Рабочее вещество – один моль одноатомного идеального газа. Для вычисления КПД цикла ученик десятого класса построил график зависимости молярной теплоемкости  $C$  газа (в единицах универсальной газовой постоянной  $R$ ) от температуры в процессах: 1-2, 2-3, 3-1 (см. рис.). Температура газа в состоянии 1  $T_1 = 400$  К, универсальная газовая постоянная  $R = 8,31$  Дж/(моль·К).



1) Найдите работу  $A_{12}$  газа в процессе 1-2.

2) Найдите КПД  $\eta$  цикла.

3) Постройте график цикла в координатах  $(P/P_1, V/V_1)$ , где  $P_1$  и  $V_1$  давление и объём в состоянии 1. Для построения графика перенесите шаблон (см. ниже) в чистовик своей работы. Точка 1 на графике соответствует состоянию 1 газа в цикле.



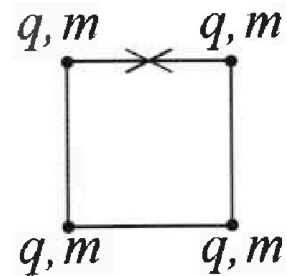
5. Четыре заряженных шарика связаны легкими нерастяжимыми нитями так, что шарики находятся в вершинах квадрата со стороной  $b$  (см. рис.). Масса каждого шарика  $m$ , заряд  $q$ .

1) Найдите силу  $T$  натяжения нитей.

Одну нить пережигают.

2) Найдите скорость  $V$  любого, выбранного Вами шарика, в тот момент, когда шарики будут находиться на одной прямой.

3) На каком расстоянии  $d$  от точки старта будет находиться в этот момент любой из двух шариков, изначально расположенных сверху (на рисунке)?



Коэффициент пропорциональности в законе Кулона  $k$ . Действие сил тяжести считайте пренебрежимо малым.

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

№1.

$$T = \frac{v_0}{g} \Rightarrow v_0 = gT = 20 \text{ м/с}$$



$$v_0 \cos \alpha \cdot T = s \Rightarrow T = \frac{s}{v_0 \cos \alpha}$$

$$h = v_0 \sin \alpha \cdot T - \frac{gT^2}{2} = s \tan \alpha - \frac{g s^2}{2 v_0^2 \cos^2 \alpha} =$$

$$= s \tan \alpha - \frac{g s^2}{2 v_0^2} (\tan^2 \alpha + 1) = -\frac{g s^2}{2 v_0^2} \tan^2 \alpha + s \tan \alpha - \frac{g s^2}{2 v_0^2}$$

Графиком является парабола ветвью вниз  $\downarrow$ , вершина

которой находится в  $x = -\frac{b}{2a} \Rightarrow x = \frac{s}{\tan \alpha} = \frac{v_0^2}{g \tan \alpha}$

$$= \frac{20^2}{20 \cdot 10} = 2 \text{ м} \Rightarrow h_{\max} = -\frac{20 \cdot 10}{2 \cdot 20^2} \cdot 4 + 20 \cdot 2 - \frac{20 \cdot 10}{2 \cdot 20} = 15 \text{ м}$$

Ответ:  $h_{\max} = 15 \text{ м}$   
 $v_0 = 20 \text{ м/с}$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

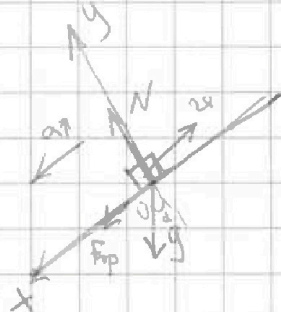
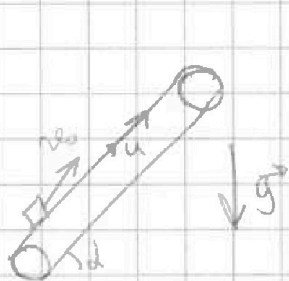
1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

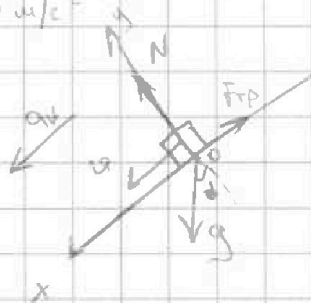


$\sqrt{2}$ .  $\sin \alpha = 0,8$   $\cos \alpha = \sqrt{1 - \sin^2 \alpha} = 0,6$



Когда коробка движется вверх по склону (a↑)  
 $O_y: N = mg \cos \alpha$   
 $O_x: ma \uparrow = F_{тр} + mg \sin \alpha$   
 П.к. трение скольжения, то  
 $ma \uparrow = \mu mg \cos \alpha + mg \sin \alpha$

$a \uparrow = \frac{1}{3} \cdot 10 \cdot 0,6 + 10 \cdot 0,8 = 10 \text{ м/с}^2$



Когда коробка движется вниз по склону (a↓)  
 $O_y: N = mg \cos \alpha$   
 $O_x: ma \downarrow = F_{тр} + mg \sin \alpha$   
 П.к. трение скольжения, то  
 $ma \downarrow = \mu mg \cos \alpha + mg \sin \alpha$

$a \downarrow = -\frac{1}{3} \cdot 10 \cdot 0,6 + 10 \cdot 0,8 = 6 \text{ м/с}^2$

1) Коробка движется вверх  $\Rightarrow a \uparrow$   $S = v_0 t - \frac{a \uparrow t^2}{2} \Rightarrow 10 - 5t^2 + 4t - 1 = 0$

$5t^2 - 4t + 1 = 0$

$D = 16 - 20 = -4 < 0 \Rightarrow$  коробка не будет двигаться вниз раньше, чем пройдет путь в 1 м.

$S \uparrow = \frac{v_0^2}{2a \uparrow} = \frac{4}{5} \text{ м}$   $T \uparrow = \frac{v_0}{a \uparrow} = 0,4 \text{ с}$

$S \downarrow = S - S \uparrow = \frac{1}{5} \text{ м} \Rightarrow S \downarrow = \frac{a \downarrow t^2}{2} \rightarrow T \downarrow = \sqrt{\frac{2S \downarrow}{a \downarrow}} = \sqrt{\frac{2 \cdot \frac{1}{5}}{6}} = \frac{1}{3} \text{ с}$

$T = T \uparrow + T \downarrow = \frac{3}{5} \text{ с}$

2) Относительно транспортера  $v_0 = 2 \text{ м/с}$   $v_1 = 0 \text{ м/с}$ , значит на высоте L коробка остановится (относительно транспортера).  $\tau$  - время до остановки

$\tau = \frac{v_0}{a \uparrow} = 0,2 \text{ с}$   $L' = \frac{v_0^2}{2a \uparrow} = 0,2 \text{ м}$  Мы нашли L' отн. кп. т. катков  $\Rightarrow$

$L^2 = L' + \Delta L$ , где  $\Delta L$  - путь транспортера за время  $\tau$   $\Delta L = \tau v_0 = 0,4 \text{ м} \Rightarrow L = 0,6 \text{ м}$

3) Относительно транспортера коробка будет двигаться со скоростью  $v_0' = -2 \text{ м/с}$ . Путь до остановки мы знаем, найдем путь до этой точки - 2:

$\tau_0 = \frac{v_0'}{a \uparrow} = \frac{1}{3} \text{ с}$   $H' = \frac{v_0'^2}{2a \uparrow} = \frac{1}{3} \text{ м}$   $\Delta L' = \tau_0 v_0 = \frac{1}{3} \text{ м}$ , т.к. коробка движется вниз, то

$H = L - H' + \Delta L' = 0,6 - \frac{1}{3} + \frac{1}{3} = \frac{11}{15} \text{ м}$  Ответ:  $T = \frac{3}{5} \text{ с}$   $L = 0,6 \text{ м}$   $H = \frac{11}{15} \text{ м}$

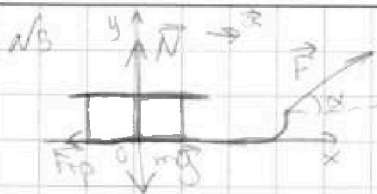
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Пл. трения скольжения  $\mu$   $F_{тр} = \mu N$

$$Oy: N = mg - F \sin \alpha$$

$$Ox: ma = F \cos \alpha - F_{тр} - F \cos \alpha - \mu mg + \mu F \sin \alpha$$

$$\text{Пл. } \alpha = 0: ma = F \cos \alpha - \mu mg$$

$$\text{Пл. } \alpha \neq 0: ma = F \cos \alpha - \mu mg + \mu F \sin \alpha$$

$v_0 = a t$ , а т.к.  $v_0$  и  $t$  равны в обоих случаях, то  $ma$  равны  $\Rightarrow$

$$F - \mu mg = F \cos \alpha - \mu mg + \mu F \sin \alpha$$

$$1 = \cos \alpha + \mu \sin \alpha$$

$$\mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

Поле преобразования действова  $F$   $\mu$   $\mu mg$   $\mu mg$   $\mu mg$

$$T = \frac{v_0}{a_{max}} = \frac{v_0}{\mu g} = \frac{v_0 \sin \alpha}{(1 - \cos \alpha) g}$$

$$\text{Отв. } \mu = \frac{1 - \cos \alpha}{\sin \alpha}$$

$$T = \frac{v_0 \sin \alpha}{(1 - \cos \alpha) g}$$

На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1   
  2   
  3   
  4   
  5   
  6   
  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N4.

$$Q = \sum Q_{AT} = \Delta E + A = \frac{5}{2} \sum R_{AT} + A \Rightarrow A = \sum R_{AT} (C - \frac{5}{2} R)$$

$$A_{1-2} = \frac{5}{2} R_{AT} = \frac{5}{2} \cdot 8 \cdot 100 = 4986 \text{ Дж}$$

$$A_{2-3} = (2\sqrt{2} - 4) T \cdot (1 - \frac{5}{2}) R = (4 - 2\sqrt{2}) RT, \quad A_{3-1} = (1 - 2\sqrt{2}) RT$$

$$A_{2-1} = (2 - 2\sqrt{2}) T \cdot (1 - \frac{5}{2}) R = (1 - 2\sqrt{2}) RT$$

$$Q_{1-2} = 2 \cdot 8 \cdot 100$$

$$Q_{2-3} = (2\sqrt{2} - 4) R \cdot T \quad Q = \sum Q = 6 + \sqrt{2} - 2 + \frac{5}{2} - 3\sqrt{2} = 16.5 - 4\sqrt{2} RT$$

$$Q_{2-1} = (1 - 2\sqrt{2}) R \cdot T$$

$$D = \frac{A_0}{Q_0} = 1$$

Поскольку газ - идеальный, то  $C_V = \frac{5}{2} R$ ,  $C_p = \frac{7}{2} R$

Процесс 1-2 - изохорный, процесс

2-3 - адиабатический, процесс 3-1 - изобарный

$$1. \quad p_1 V_1 = \nu R T_1$$

$$2. \quad p_2 V_2 = \nu R 4T_1$$

$$3. \quad p_3 V_3 = 2\nu R 2\sqrt{2} T_1$$

$$T_1 p_1 = p_2 \quad \text{ис изохорного}$$

$$V_2 = 4V_1$$

$$p_2 V_2 = 4 p_1 V_1$$

$$p_2 V_3 = 2\sqrt{2} p_1 V_1$$

$$\text{Пусть } p_2 = 4p_1, \quad V_2 = x p_1 V_1 \Rightarrow xy = 4$$

$$A_{1-2} = \frac{p_1 + p_2}{2} (V_2 - V_1) = 3 p_1 V_1$$

$$\begin{cases} (x+1)(x-1) = 3 \\ xy = 4 \end{cases} \Rightarrow x=y, \text{ так как } A_{1-2} > 0$$

$$x=y=2$$

$$A_2 = 3200 \text{ Дж}$$

$V_1 < V_2 < V_3 \Rightarrow x=2, y=2$  и процесс 1-2:  $\frac{p}{V} = \text{const}$  процесс

2-3 - адиабатический, соответственно выведем приращение

Результат:  $A_{1-2} = 4986 \text{ Дж}$      $D = 100\%$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

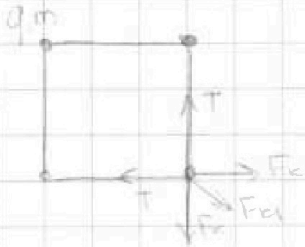
1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!

N5

1)



Решение задачи. Т будет направлено (до конца)

$$F_k = k \frac{q^2}{a^2}$$

$$F_c = k \frac{q^2}{a^2}$$

$$F_{ol} = k \frac{q^2}{2a^2}$$

$$T = F_k + \frac{\sqrt{2}}{2} F_{ol} = \frac{1+\sqrt{2}}{2} k \frac{q^2}{a^2}$$

Точка равновесия лежит:



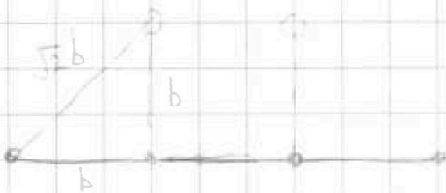
Континентальная

будет находиться в равновесии, если и не будет двигаться и т.

это уравнение для точки равновесия и зарядов (знаки?)

2)  $V_{\text{вн}} = 0$

3)



$$d = \sqrt{2} b$$

Ответ:  $T = \frac{1+\sqrt{2}}{2} k \frac{q^2}{a^2}$

$$V_{\text{вн}} = 0$$

$$d = \sqrt{2} b$$

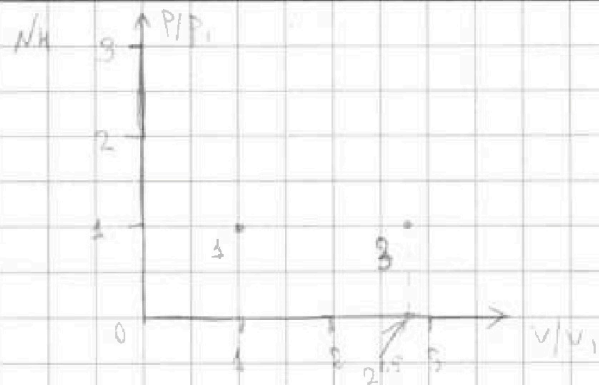
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

1   
  2   
  3   
  4   
  5   
  6   
  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



Для одноатомного газа:  
 При  $V = \text{const}$ :  $C_V = \frac{1}{2} R = \frac{5}{2} R$   
 При  $P = \text{const}$ :  $C_P = \frac{7}{2} R = \frac{5}{2} R$   
 В процессе процесс 3-1 изобарический.

Параметры процесса 1-2:  $Q_{1-2} = C_V \Delta T = 6RT_1$ ;  $Q = \Delta E + A =$   
 $= \frac{3}{2} 2RT_1 + A = \frac{3}{2} 2RT_1 + A \Rightarrow A_{1-2} = \frac{3}{2} 2RT_1 = 600R = 4986 \text{ Дж}$

$$D = \frac{A_0}{Q_0} = \frac{A_{1-2} + A_{2-3} + A_{3-1}}{Q_{1-2} + Q_{2-3} + Q_{3-1}}$$

$Q_{2-3} = C_V \Delta T$  — площадь под графиком в уравнении энтальпии

$$Q_{2-3} = 6RT_1 + (4 - 2\sqrt{2}) \cdot \frac{1}{2} RT_1 + (2\sqrt{2} - 1) \frac{5}{2} RT_1 = 5,5 RT_1 + 4\sqrt{2} RT_1 = (5,5 + 4\sqrt{2}) RT_1$$

$$A_{2-3} = Q_{2-3} - \Delta E_{2-3} = (4 - 2\sqrt{2}) \frac{1}{2} RT_1 - \frac{3}{2} (4 - 2\sqrt{2}) RT_1 = (2\sqrt{2} - 4) RT_1$$

$$A_{3-1} = Q_{3-1} - \Delta E_{3-1} = (2\sqrt{2} - 1) \frac{5}{2} RT_1 - \frac{3}{2} (2\sqrt{2} - 1) RT_1 = (2\sqrt{2} - 1) RT_1$$

$$A_0 = \frac{3}{2} RT_1 + (4\sqrt{2} - 5) RT_1 = (4\sqrt{2} - 3,5) RT_1 \Rightarrow D = \frac{A_0}{Q_0} = \frac{4\sqrt{2} - 3,5}{5,5 + 4\sqrt{2}}$$

$$\textcircled{E} \frac{4\sqrt{2} - 3,5}{4\sqrt{2} + 5,5} = 1 - \frac{9}{4\sqrt{2} + 5,5} \quad \sqrt{2} \approx 1,417 \Rightarrow D \approx 0,29$$

Запишем закон Менделеева-Клапейрона для 1, 2, 3

$$1 - p_1 V_1 = 2RT_1$$

$$2 - p_2 V_2 = 4RT_1$$

$$3 - p_3 V_3 = 2\sqrt{2} 2RT_1$$

Как мы уже выяснили, процесс 3-1 изобарический  $\Rightarrow p_3 = p_1 \Rightarrow V_3 = 2\sqrt{2} V_1$   
 и процесс 1-2 изобарический  $\Rightarrow p_2 = p_1 \Rightarrow V_2 = 2V_1$

Пусть  $p_1 = p$ , а  $V_2 = x V_1$ , то  $x^2 - 4 = \frac{4}{2} p_1 \frac{x}{2} V_1 = \frac{4}{2} p_1 V_1$  (по 1)

$$x^2 - 4 = 0$$

$$x^2 - 4 = 0$$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$\cancel{Q} = \cancel{2} C \Delta T = \cancel{2} \cancel{2} R \Delta T + A \Rightarrow A = \cancel{2} \cancel{2} \cancel{2} \Delta T \left( \frac{1}{2} R \right)$$

$$A_{1-2} = 3 T_1 \left( \frac{1}{2} R - \frac{2}{3} R \right) = \frac{3}{2} R T_1 = 0.009 J$$

$$A_{2-3} = \cancel{2} \cancel{2} \cancel{2} (2\sqrt{2} - 4) \left( \frac{1}{2} - \frac{2}{3} R \right) = (4 - 2\sqrt{2}) R T_1$$

$$A_{3-4} = (4 - 2\sqrt{2}) \left( \frac{1}{2} - \frac{2}{3} R \right) = (1 - 2\sqrt{2}) R T_1$$

$$Q = 6 R T_1 + \cancel{2} \cancel{2} \cancel{2} R T_1 + (4 - 2\sqrt{2}) R T_1 = 6 + \sqrt{2} - 2 + \sqrt{2} - 4\sqrt{2} = 6.5 - 4\sqrt{2}$$

$$A = \frac{3}{2} + 4 - 2\sqrt{2} + 1 - 2\sqrt{2} = 6.5 - 4\sqrt{2}$$

$$Q = \frac{A}{\eta} = 1$$

$$\eta = \frac{20}{9} \rightarrow \eta_0 = 20 \text{ кпд}$$

$$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1 \quad \left| \cdot \frac{1}{\cos^2 \alpha} \right.$$

$$\tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1$$

$$\tan^2 \alpha = 20^2 - 1 = 399$$

$$\tan \alpha = \sqrt{399} \approx 19.975$$

19.975



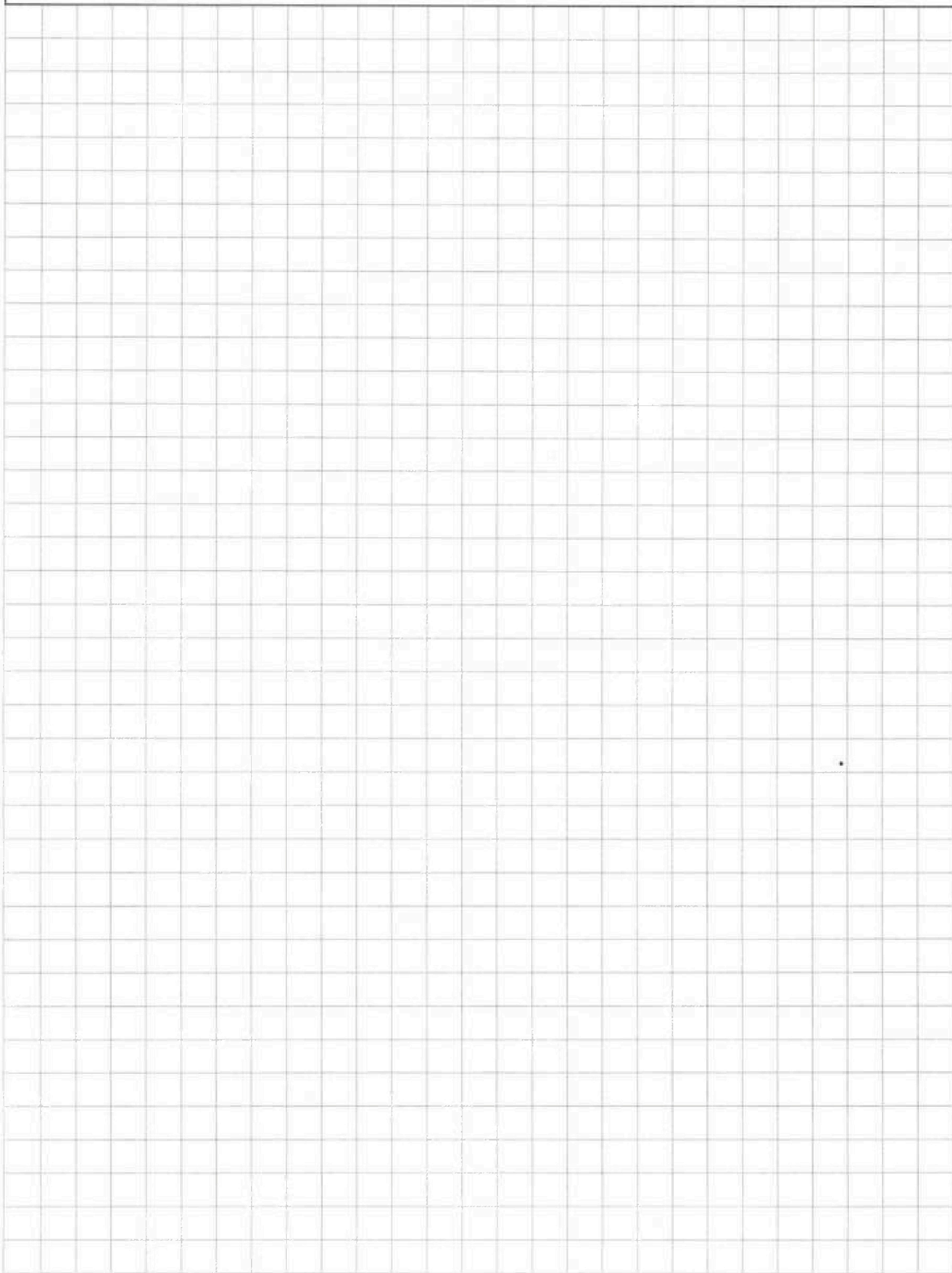
На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

1	2	3	4	5	6	7
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи,  
решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7

МФТИ

Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи,  
страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



$$T = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$

$$F_{x1} = k \frac{q_1 q_2}{r^2} \frac{x_1}{r}$$

$$xy + x - y = 4$$

$$xy = 4$$

$$x = y$$

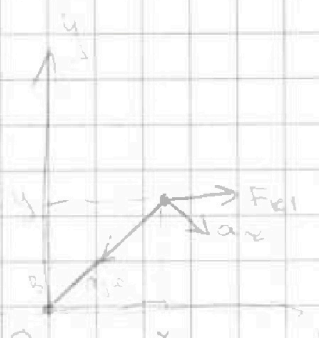
$$T = F_{x1} = \frac{F_{y1}}{\sqrt{2}} \quad k \frac{q^2}{a^2} = k \frac{5q^2}{(a\sqrt{2})^2}$$

$$(2\sqrt{2} - 2) \left( \frac{1}{2} - 1 \right) = \frac{4 + \sqrt{2}}{4} \quad k \frac{q^2}{a^2}$$

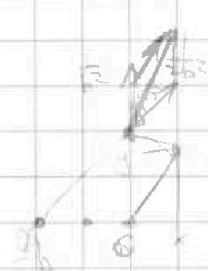
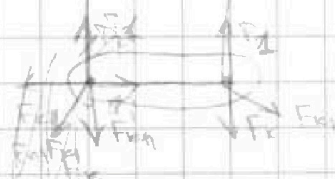
$$F_{x1} = k \frac{q_1 q_2}{r^2}$$



$$\frac{P_1}{V_1} = \frac{P_2}{V_2}$$

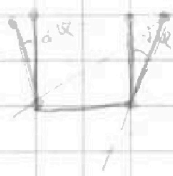


$$P_1 V_1 = P_2 V_2$$



$$\frac{1}{(2b^2) + 1} \left( \frac{1}{a^2} + \frac{1}{b^2} \right)$$

$$\frac{831}{4980}$$



$$F_{x1} = \frac{1}{\sqrt{2} \sqrt{b^2 + 2}} \quad k \frac{q^2}{b^2}$$

$$F_{x1} = \frac{1}{\sqrt{b^2 + 2}} \quad k \frac{q^2}{b^2}$$

$$x^2 + 2bx + b^2 = 2b^2 + 20x$$

$$F_{x1} = \frac{1}{2b^2 + 20x} \quad \frac{1}{b^2}$$

$\Delta E + A$



На одной странице можно оформлять только одну задачу.

Отметьте крестиком номер задачи, решение которой представлено на странице:

- 1  2  3  4  5  6  7



Если отмечено более одной задачи или не отмечено ни одной задачи, страница считается черновиком и не проверяется. Порча QR-кода недопустима!



condition

$$\cos^2 \alpha + \sin^2 \alpha = 1$$

$$\frac{1}{\cos^2 \alpha}$$

$$\frac{1}{\frac{85}{100}} = \frac{100}{85}$$

$$\operatorname{tg}^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} - 1$$

$$A = C_{AT} - \frac{2R}{T}$$

$$2,00000 = 4$$

$$\frac{1}{\cos^2 \alpha} = \operatorname{tg}^2 \alpha + 1$$

$$A = \Delta T (C - \frac{2R}{T}) = \frac{2}{T} R T$$

$$5,6 + 3,5$$

$$\left[ \frac{u}{v} \right] = \frac{u^2}{v^2}$$

$$h = \frac{2e^2}{5g} = \frac{u^2}{v^2}$$

$$11,$$

$$\frac{6}{10} + \frac{1}{3}$$

$$14$$

$$\sqrt{2} = 1,414$$

$$\frac{18+10}{30}$$

$$\frac{28}{20}$$

$$C = \frac{Q}{S T}$$

$$\begin{array}{r} 9,0000 \\ - 3,80 \\ \hline 120 \\ - 111 \\ \hline 900 \\ - 810 \\ \hline 90 \end{array} \quad \begin{array}{r} 111 \\ 0,810 \end{array}$$

~~15~~

$$-20 \quad 30 \quad -5$$

$$-5 \cdot 4 + 20 \cdot 4 = 5$$

$$5,5 + 3,5$$

$$(20 \cdot 4) \cdot 4$$

$$\frac{9}{T} \quad \sqrt{TC} = \frac{2R}{T} + A$$

$$\frac{80}{25}$$

$$50 + 30 \quad 25 + 30$$

$$15,5 - 5,5$$

$$A = \frac{2R}{T} (C - \frac{2R}{T})$$

$$Q = C T = \frac{2R}{T} C A T$$

$$Q = 2R \cdot \frac{2R}{T} \cdot A T$$

$$8 - 2,5 = 5,5$$

$$C = \frac{Q}{S T} = \frac{\Delta E + A_{12}}{S T} = \frac{2 \cdot 2R A T + A_{12}}{S T}$$

$$x y = 4$$

$$x y + x - y = 7$$

$$x - y = 3$$

$$x y = 4$$

$$x = 5 + y$$

$$y^2 + 3y = 4$$

$$y^2 + 3y - 4 = 0$$

$$D = 9 + 16 = 25 = 5 \cdot 5 = 5$$

$$y = \frac{-3 + 5}{2} = 1 \Rightarrow y = 1$$

$$x = 4$$